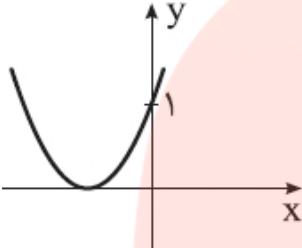


<p>فصل اول درس دوم تابع و معادله‌ی</p> <p>درجه ۲</p> <p>مهر آموزشگاه:</p>	<p>با اسمه تعالیٰ</p>	<p>رشته: علوم تجربی پایه: بیازدهم</p> <p>نام درس: ریاضیات ۲ تجربی</p> <p>تعداد سوالات: ۶۵</p> <p>نام و نام خانوادگی:</p>
<p>به نام خدایی که از نسبت محیط به قطر دایره آگاه است</p>		<p>دبیر و طراح: حسین لهراب</p>

سوالات در ۵ صفحه طراحی شده‌اند.

امام علی (ع): "از آنان مبایشد که بدون زحمت و تلاش امید به عاقبتی نیک دارند"

ردیف	بارم	نمره:	"سال اقتصاد مقاومتی تولید، اشتغال مبارک باد"
۱			پیامبر اعظم (ص): دانش اگر در ثریا هم باشد مردانی در سرزمین پارس بر آن دست خواهند یافت.
۲			معادلات زیر را حل کنید.
۳			$x^4 - 2x^2 - 24 = 0$ (الف)
۴			$(3x^2 - 1)^2 - 7(3x^2 - 1) + 10 = 0$ (ب)
۵			$3x^6 + 1 = 4x^3$ (پ)
۶			$\frac{2}{2x^3} - \frac{1}{7x^3} + 3 = 0$ (ت)
۷			$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 + 2\left(x + \frac{1}{x}\right) + 1 = 0$ (ث)
۸			$(x^2 - x)^2 - (x^2 - x) - 6 = 0$ (ج)
۹			در معادله‌ی $2x^3 - 8x + m + 2 = 0$ مقدار m را طوری بیابید که یکی از ریشه‌های آن ۲ واحد بزرگتر از ریشه‌ی دیگر باشد.
۱۰			در معادله‌ی درجه دوم $(x-1)^2 + 2\sqrt{3}(x-1) = 6$ بزرگترین جواب x کدام است؟
۱۱			در معادله‌ی درجه دوم $\frac{1}{3}x^2 - 4x + 2m = 0$ مقدار m را چنان بیابید که یکی از ریشه‌ها از ۲ برابر دیگری یک واحد کمتر است و سپس ریشه‌های آن را به دست آورید.
۱۲			الف) معادله‌ی درجه چهارمی بنویسید که هیچ جوابی نداشته باشد. ب) معادله‌ی درجه چهارمی بنویسید که تنها یک ریشه داشته باشد.
۱۳			در معادله‌ی $4x^2 + x - 5 = 0$ بدون حل معادله مجموع و حاصلضرب ریشه‌ها (S , P) را بیابید.
۱۴			در معادله‌ی $4x^2 - 8x + C = 0$ مقدار C را ظوری بیابید که یکی از ریشه‌هایش ۳ برابر دیگری باشد.
۱۵			مقدار K را طوری بیابید که حاصل ضرب ریشه‌های معادله‌ی $x^2 + 5x - 8 = 0$ برابر 3 باشد.
۱۶			دو عدد حقیقی بیابید که مجموعشان $\frac{2}{5}$ و حاصل ضربشان ۱ باشد.
۱۷			آیا مستطیلی وجود دارد که محیط آن ۷ و مساحت آن ۳ باشد؟ اگر جواب مثبت است طول و عرض آن را بیابید.
۱۸			معادله‌ی درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن $\sqrt{5} + 1$ و $\sqrt{5} - 1$ باشد.
۱۹			معادله‌ی درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن $\frac{2-\sqrt{7}}{3}$ و $\frac{2+\sqrt{7}}{3}$ باشد.
۲۰			مجموع مربعات ریشه‌های معادله‌ی درجه دوم $4x^2 - 5x - 5 = 0$ چقدر است؟

	در معادله $x^2 - 4x + 1 = 0$ اگر $m = \sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta}$ مقدار m را بیابید.	۱۴
	اگر α, β ریشه های معادله $x^2 - 4x + 1 = 0$ باشند حاصل $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ را بیابید.	۱۵
	تعیین کنید کدام یک از سهتمی های زیر ماقزیم دارند و کدام یک مینیموم، سپس ماقزیم یا مینیموم هر یک را مشخص کنید.	۱۶
	$f(x) = -(x+2)^3 + 3$ (الف) $g(x) = 2x^3 + 4x - 5$ (ب)	
	با توجه به نمودار مقابل، m را در تابع $f(x) = x^2 + m x + C$ بیابید.	۱۷
		
	اگر بیشترین مقدار تابع $y = ax^2 + bx + c$ برابر ۱- گردد. a را تعیین کنید.	۱۸
	در معادله $x^2 + 2m x + 2 = 0$ اگر مجموع مربوعات ریشه ها برابر ۵ باشد، m را به دست آورید.	۱۹
	در معادله $x^2 - 3x + 2m = 0$ اگر α, β ریشه های معادله باشند و داشته باشیم $3\alpha + 2\beta = 7$ مقدار m را بیابید.	۲۰
	در معادله $x^2 - 5x + m^2 - 6 = 0$ مقدار m را طوری تعیین کنید که: الف) دو ریشه معکوس یکدیگرند. ب) دوریشه معکوس و قرینه ی یکدیگر باشند.	۲۱
	مطابق شکل برای کشیدن حصار دور زمین مستطیلی شکلی به ۱۷۰ متر نرده نیاز داریم. ابعاد مستطیل را محاسبه کنید. (مساحت حیاط مدرسه ۲۸۰۰ متر مربع است).	۲۲
		
	بیشترین مقدار تابع $f(x) = -x^2 + 4x + 1$ را تعیین کنید.	۲۳
	محیط یک زمین مستطیل شکل ۱۸ متر و مساحت آن ۱۴ متر مربع است. اندازه ای طول و عرض این زمین را تعیین کنید.	۲۴
		
	بیشترین مساحت قطعه زمینی مستطیل شکل کنار دریا که می توان آن را فقط با ۱۵۰ متر نرده محصور کرد را به دست آورید.	۲۵
	کم ترین مقدار $f(x) = x + \frac{4}{x}$ به ازای مقادیر مثبت x چقدر است؟	۲۶
	راکتی به طور عمودی شلیک شده، t ثانیه پس از پرتاب در ارتفاع h متری از سطح زمین قرار دارد که در آن ($t \geq 0$) $h(t) = 200t - 20t^2$ الف) چقدر طول می کشد تا راکت به بالاترین ارتفاع ممکن خود برسد? ب) ارتفاع اوج را بیابید.	۲۷

	<p>پ) چند ثانیه پس از پرتاب، راکت به زمین بازمی گردد؟</p> <p>استادیومی به شکل مستطیل با دو نیم دایره در دو انتهای آن در نظر بگیرید. اگر محیط آن ۱۲۰۰ متر باشد. طول مستطیل چند متر باشد که مساحت مستطیل بیشترین مقدار باشد. ($\pi \approx 3$)</p>	۲۸
	<p>پنجهای ای را که از یک مستطیل و یک نیم دایره با لای آن قرار دارد در نظر بگیرید. اگر محیط مستطیل ۶ متر باشد طول مستطیل چند متر باشد تا پنجهای بیشترین نور دهی را داشته باشد. ($\pi \approx 3$)</p>	۲۹
	<p>محیط مستطیلی ۲۰۰ متر است. بیش ترین مساحت این مستطیل چه قدر است؟</p>	۳۰
	<p>در توابع زیر، تعداد و علامت ریشه های توابع داده شده (در صورت وجود) مشخص کنید.</p> <p>(الف) $y = x^3 + 5x + 2$</p> <p>(ب) $y = x^3 + 6x - 7$</p> <p>(پ) $y = 2x^3 - 8x + 5$</p> <p>(ت) $y = -2x^3 + 5x - 4$</p>	۳۱
	<p>در شکل زیر، سهمی به معادله $f(x) = ax^3 + bx + c$ داده شده است. علامت ضرایب a, b و c را تعیین کنید.</p> <p>اعداد ریشه های معادله $ax^3 + bx + c = 0$ را تعیین کنید.</p>	۳۲
	<p>با توجه به شکل های زیر علامت های ضرایب a, b و c را در تابع $f(x) = a x^3 + b x + c$ تعیین کنید.</p>	۳۳
	<p>در شکل زیر سهمی به معادله $p(x) = ax^3 + bx + c$ داده شده است. علامت ضرایب a, b و c و تعداد جواب های معادله $ax^3 + bx + c = 0$ را تعیین کنید.</p>	۳۴
	<p>معادله $x^3 - 2 = 0$ را حل کنید.</p>	۳۵
	<p>معادله زیر را حل کنید.</p> $\left(\frac{x^2}{3} - 2\right)^2 - 11\left(\frac{x^2}{3} - 2\right) + 10 = 0$	۳۶

	در معادله $x^3 - 8x + m = 0$ اگر یکی از جواب‌ها دو واحد از جواب دیگر بزرگتر باشد، m و هر دو جواب را پیدا کنید.	۴۷
	اگر α و β ریشه‌های معادله $\alpha^2 + \beta^2 = 5x - 3 = 0$ باشند، حاصل $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ را به دست آورید.	۴۸
	در معادله $x^3 + 6x + m + 5 = 0$ اگر یکی از ریشه‌ها دو برابر قرینه ریشه‌ی دیگر باشد مقدار m چه قدر است؟	۴۹
	معادله $x^3 - 13x^2 + 36 = 0$ را حل کنید.	۴۰
	معادله $(t+1)^4 - (t+1)^2 - 3 = 0$ را حل کنید.	۴۱
	معادله $x^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) + 1 = 0$ دارای چند ریشه است؟	۴۲
	معادله $x^3 - 3(x^2 - 2x) + 2 = 0$ چند ریشه دارد؟	۴۳
	به ازای کدام مقدار m یکی از ریشه‌های معادله $x^3 - 6x^2 + 5 + m = 0$ مجذور دیگری است؟	۴۴
	در معادله درجه دوم $\sqrt{\alpha^2(4\beta-1)} - 4x + 1 = 0$ حاصل $\alpha^2 - 4\alpha - \beta = 0$ را بیابید.	۴۵
	اگر α و β ریشه‌های معادله $x^2 - 4x + 2 = 0$ باشند، حاصل $\alpha^2 - 5\alpha - \beta = 0$ را به دست آورید.	۴۶
	اگر حاصل ضرب ریشه‌های معادله $x^3 + 3x + m - 1 = 0$ برابر ۲ باشد، مجموع مربعات ریشه‌ها کدام است؟	۴۷
	در معادله $x^3 - 15x + m = 0$ اگر یکی از ریشه‌ها ۲ واحد از ریشه‌ی دیگری بیشتر باشد m کدام است؟	۴۸
	<p>در شکل زیر نمودار سهمی به معادله $p(x) = ax^3 + bx^2 + c$ داده شده است، ضرائب a, b, c را تعیین کنید.</p>	۴۹
	معادله های سهمی های زیر را بنویسید.	۵۰
	تابع $f(x) = ax^3 + bx^2 + c$ ریشه ندارد و حاصل $4a + 2b + c > 0$ مثبت است. ثابت کنید.	۵۱
	در معادله درجه ۲ P که دوریشه‌ی حقیقی دارد می‌دانیم $S < 0$ و $D < 0$ در مورد علامت ریشه‌ها بحث کنید.	۵۲
	معادله ای درجه ۲ بنویسید که دارای ریشه‌ی مضاعف $\frac{2}{3}x$ باشد.	۵۳
	به ازای کدام مجموعه مقدار a نمودار تابع $f(x) = ax^3 + (a+3)x^2 - x - 1$ را در دو نقطه به طول‌های منفی قطع می‌کند؟	۵۴
	اگر منحنی به معادله $y = 2x^3 - 4x + m - 3$ محور x را در دو نقطه به طول‌های مثبت قطع کند. آن گاه مجموعه مقادیر m به کدام صورت است؟	۵۵

	اگر بیشترین مقدار منحنی با ضابطه $y = (k+3)x^3 - 4x + k$ برابر صفر باشد. مقدار k چقدر است؟	۵۶
	اگر α و β ریشه های معادله $x^3 - 3x + 1 = 0$ باشند حاصل $\alpha\sqrt{\beta} + \beta\sqrt{\alpha}$ را بیابید.	۵۷
	کمترین مقدار تابع $f(x) = -x^3 + x + 1$ را تعیین کنید.	۵۸
	به ازای کدام مقدار m عدد $\frac{1}{8}$ واسطه عددی بین دو ریشه حقیقی معادله $m^3 - 4x + m = 0$ است؟	۵۹
	به ازای کدام مقدار m عدد $\sqrt{2}$ واسطه هندسی بین دو ریشه حقیقی معادله $m^3 - 5x + m^3 - 3 = 0$ است؟	۶۰
	در معادله $x^3 - ax^2 - ax + a + 2 = 0$ تفاضل دو ریشه برابر ۲ است. کدام است؟	۶۱
	در معادله $x^3 - 15x + m = 0$ اگر یکی از ریشه ها ۲ واحد از ریشه دیگر بیشتر باشد، کدام است؟	۶۲
	به ازای کدام مقدار m ریشه های حقیقی معادله $m^3 + 3x + m^3 - 2 = 0$ معکوس یکدیگرند؟	۶۳
	نمودار تابع با ضابطه $y = ax^3 + bx + c$ محور x را در نقاط $x = -1$ و $x = 3$ و محور y را در نقطه $y = -1$ قطع می کند. عرض نقطه مینیمم تابع کدام است؟	۶۴
	اگر یکی از منحنی های تابع درجه دوم $y = (a-1)x^3 + x + 3$ نسبت به خط $x = 2$ متقارن باشد. این منحنی محور x را کدام طول مثبت قطع می کند؟	۶۵

موفق باشید حسین لهراب

مای درس

گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir