

نام و نام خانوادگی:

براساس مباحث بررسی شده در کلاسهای کنکور:

مهندس کاظمی در آبادگران

نام آزمون: هندسه کنکور

هندسه ۳ (دوازدهم): فصل ۱ (ماتریس و کاربردها)

۱- اگر $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ با تعریف $a_{ij} = i - j$ و $B = [b_{ij}]_{3 \times 3}$ با تعریف $b_{ij} = \begin{cases} j - i & ; i < j \\ i + j & ; i \geq j \end{cases}$ دو ماتریس باشند، مجموع

درایه‌های بالای قطر اصلی ماتریس $A + B$ چقدر است؟

- ① صفر ② ۴ ③ -۴ ④ ۱

۲- اگر $A = \begin{bmatrix} m & 3 & 4 \\ 4 & n-1 & 8 \\ 6 & 9 & k+1 \end{bmatrix}$ ، $B = [i + ij]_{3 \times 3}$ و $A = B$ باشد، آن‌گاه حاصل $m + n + k$ کدام است؟

- ① ۶ ② ۲۰ ③ ۱۶ ④ ۲۵

۳- اگر $\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} \times A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ 3 & 1 & -1 \\ d & e & f \end{bmatrix}$ باشد، حاصل $a + b + e$ کدام است؟

- ① ۱۱ ② ۱۵ ③ ۱۸ ④ ۲۱

۴- اگر $A^2 = \begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 4 & 18 \end{bmatrix}$ و $B^2 = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -4 & 3 \end{bmatrix}$ و $A - B = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل $AB + BA$ کدام است؟

- ① $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 12 & 15 \end{bmatrix}$ ② $\begin{bmatrix} -1 & 12 \\ 0 & 15 \end{bmatrix}$ ③ $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -6 & 21 \end{bmatrix}$ ④ $\begin{bmatrix} 1 & -6 \\ 3 & 21 \end{bmatrix}$

۵- اگر یکی از جواب‌های معادله $\begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 3 & -1 & 1 \\ 1 & 2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} = O$ ، برابر $x = 0$ باشد، آنگاه جواب دیگر معادله کدام

است؟

- ① $-\frac{3}{2}$ ② $-\frac{5}{2}$ ③ $-\frac{7}{2}$ ④ $-\frac{9}{2}$

www.miy-dars.ir

۶- اگر $A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 3 & -2 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه حاصل $A^2 + AB + 3B$ کدام است؟

① $3I$ ② $6I$ ③ $9I$ ④ $12I$

۷- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 5 \end{bmatrix}$ باشد، ماتریس A با چه تعداد از ماتریس‌های زیر تعویض پذیر است؟ (I ماتریس همانی مرتبه ۳ است).

الف) $2A + I$ ب) $A^2 - I$ پ) A^3 ت) $A^2 + I$

① ۱ ② ۲ ③ ۳ ④ ۴

۸- اگر $A^2 = \begin{bmatrix} 9 & 2 \\ 10 & 21 \end{bmatrix}$ باشد و $A^2 = 2A + 13I$ ، آنگاه ماتریس A کدام است؟

① $\begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$ ② $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -5 & 4 \end{bmatrix}$ ③ $\begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 5 & -4 \end{bmatrix}$ ④ $\begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$

۹- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس $A^{12} + A^{13}$ کدام است؟

① ۲۷ ② ۲۸ ③ ۲۹ ④ ۳۰

۱۰- اگر ماتریس A وارون پذیر و $A^{-1} = A$ باشد، ماتریس $(A + A^{-1})^2$ برابر کدام است؟

① I ② $2I$ ③ $3I$ ④ $4I$

۱۱- اگر A یک ماتریس مربعی و $A^6 = \bar{O}$ باشد، وارون ماتریس $I - A$ کدام است؟

① $I + A + A^2 - A^3 - A^4 - A^5$ ② $I - A + A^2 + A^3 - A^4 - A^5$

③ $I + A + A^2 + A^3 + A^4 + A^5$ ④ $I - A - A^2 - A^3 - A^4 - A^5$

www.my-dars.ir

۱۲- اگر $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ ماتریس 3×3 باشد و درایه‌ها از دستور $i + j$ مضرب ۳ باشد $\begin{cases} 1 & i + j \text{ مضرب } 3 \text{ باشد} \\ 0 & i + j \text{ مضرب } 3 \text{ نباشد} \end{cases}$ پیروی کنند، مجموع درایه‌های

واقع بر قطر اصلی کدام است؟

- ① صفر ② ۱ ③ ۲ ④ ۳

۱۳- اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 4 \\ 0 & 1 & 10 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه مجموع درایه‌های قطر اصلی A^4 کدام است؟

- ① ۱۴ ② ۵۶ ③ ۹۸ ④ ۱۲۵

۱۴- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} a & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$ و $A^{-1}B = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ باشد، a کدام است؟

- ① ۲ ② ۱ ③ -۱ ④ -۲

۱۵- اگر $A^2 = A + 2I$ باشد، وارون ماتریس A کدام است؟

- ① $A - \frac{I}{2}$ ② $\frac{A - I}{2}$ ③ $\frac{A}{2} - I$ ④ $\frac{A}{3} + I$

۱۶- چند ماتریس مربعی وارون پذیر مرتبه ۲ وجود دارد که درایه‌های آن‌ها فقط صفر و ۱ باشد؟

- ① ۱۶ ② ۲ ③ ۴ ④ ۶

۱۷- اگر A ماتریسی 2×2 و غیر صفر باشد به طوری که $A^2 = A$ و $I + \lambda A$ وارون ماتریس $I - 3A$ باشد، آنگاه λ کدام است؟

- ① $-\frac{2}{3}$ ② $-\frac{3}{2}$ ③ $\frac{3}{4}$ ④ $-\frac{3}{4}$

۱۸- اگر $6I = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 0 \end{bmatrix} \times A \times \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 4 & -1 & 0 \\ 2 & -5 & 2 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه $|A|$ کدام است؟

- ① -۱ ② ۱ ③ -۶ ④ ۶

۱۹- اگر $\begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = m$ باشد، آنگاه حاصل $\begin{vmatrix} \frac{1}{a} & 1 & a \\ \frac{1}{b} & 1 & b \\ \frac{1}{c} & 1 & c \end{vmatrix}$ کدام است؟ $(a, b, c \neq 0)$

$m + a + b + c$ (۴)

$mabc$ (۳)

$\frac{m}{abc}$ (۲)

a (۱)

۲۰- اگر $A = \begin{bmatrix} |A^2| & |A| \\ 3 & 4|A| \end{bmatrix}$ آنگاه مجموع مقادیر $|A|$ کدام است؟

-1 (۴)

صفر (۳)

1 (۲)

2 (۱)

مای دررس

گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir

پاسخنامه تشریحی

۱- گزینه ۱ دقت کنید چون در مجموع، فقط درایه‌های بالای قطر اصلی را خواسته و از طرفی در ماتریس B درایه‌های بالای قطر اصلی $j - i$ هستند. بنابراین داریم:

$$A + B = [i - j] + [j - i] = [i - j + j - i] = [0]$$

۲- گزینه ۲

$$A = B \rightarrow \begin{bmatrix} m & \times & \times \\ \times & n-1 & \times \\ \times & \times & k+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & \times & \times \\ \times & 6 & \times \\ \times & \times & 12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} m=2 \\ n-1=6 \rightarrow n=7 \\ k+1=12 \rightarrow k=11 \end{cases}$$

$$\rightarrow m + n + k = 20$$

۳- گزینه ۱ برای اینکه این ضرب قابل انجام باشد A باید یک ماتریس سطری 1×3 باشد:

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} [x \ y \ z] = \begin{bmatrix} 2x & 2y & 2z \\ x & y & z \\ 3x & 3y & 3z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b & c \\ 3 & 1 & -1 \\ d & e & f \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} x=3 \\ y=1 \\ z=-1 \end{cases}$$

$$\rightarrow a + b + e = 2x + 2y + 3y = 6 + 2 + 3 = 11$$

۴- گزینه ۲

$$(A - B)^2 = A^2 + B^2 - (AB + BA)$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 4 & 18 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -4 & 3 \end{bmatrix} - (AB + BA)$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 12 \\ 0 & 21 \end{bmatrix} - (AB + BA) \rightarrow AB + BA = \begin{bmatrix} -1 & 12 \\ 0 & 15 \end{bmatrix}$$

۵- گزینه ۴

با ضرب کردن ماتریس‌ها در یکدیگر داریم:

$$[x \ 2 \ 1] \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 3 & -1 & 1 \\ 1 & 2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} = 0 \Rightarrow [2x+7 \ x \ 2+a] \begin{bmatrix} x \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow [2x^2 + 7x + 2x + (2+a)] = 0$$

$$2x^2 + 9x + (2+a) = 0 \xrightarrow{x=0} 2+a=0$$

بنابراین داریم:

و معادله به صورت زیر در می‌آید:

$$2x^2 + 9x = 0 \Rightarrow x(2x+9) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=-\frac{9}{2} \end{cases}$$

۶- گزینه ۳

از طرفی داریم:

$$A^2 + AB + 3B = A(A + B) + 3B$$

$$A + B = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & -2 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} = 3I$$

بنابراین:

$$\begin{aligned} A^2 + AB + 3B &= A(A + B) + 3B = A \times 3I + 3B \\ &= 3A + 3B = 3(A + B) = 3 \times 3I = 9I \end{aligned}$$

۷- گزینه ۴ می‌دانیم A با هر ترکیبی از خودش مثل A^2 و A^3 و... و همچنین با هر ترکیبی از A و I مانند $A + I$ و $3A + 2I$ و... تعویض پذیر است پس هر ۴ مورد صحیح می‌باشد.

۸- گزینه ۱

$$A^2 = 2A + 13I \Rightarrow 2A = A^2 - 13I \Rightarrow A = \frac{1}{2}(A^2 - 13I)$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{2} \left(\begin{bmatrix} 9 & 2 \\ 10 & 21 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 13 & 0 \\ 0 & 13 \end{bmatrix} \right) = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -4 & 2 \\ 10 & 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$$

۹- گزینه ۳ ابتدا ماتریس A^2 را می‌یابیم:

$$A^2 = A \times A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^3 = A^2 \times A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

باتوجه به وضعیت درایه‌های ماتریس A^2 و A^3 و به کمک استدلال استقرایی می‌توان نتیجه گرفت که $A^k = \begin{bmatrix} 1 & k \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ در نتیجه داریم:

$$A^{12} + A^{13} = \begin{bmatrix} 1 & 12 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 13 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 25 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow 29 \text{ مجموع درایه‌ها}$$

۱۰- گزینه ۴

$$A = A^{-1} \xrightarrow{\times A} A^2 = A \times A^{-1} = I$$

$$(A + A^{-1})^2 \xrightarrow{A=A^{-1}} (A + A)^2 = (2A)^2 = 4A^2 = 4(I)$$

۱۱- گزینه ۳ چون $A^6 = \bar{O}$ می‌باشد پس $I^6 - A^6 = I^6 - \bar{O} = I$ حال بسط اتحاد $I^6 - A^6 = I^6 - A^6$ را می‌نویسیم:

$$I^6 - A^6 = (I - A)(I^5 + I^4 A + I^3 A^2 + I^2 A^3 + I A^4 + A^5) = I$$

$$= (I - A)(I + A + A^2 + A^3 + A^4 + A^5) = I$$

$$\Rightarrow (I - A)^{-1} = I + A + A^2 + \dots + A^5$$

تذکر: اگر $A^n = \bar{O}$ آنگاه داریم:

$$(I - A)^{-1} = I + A + \dots + A^{n-1}$$

۱۲- گزینه ۲ ابتدا ماتریس A را می‌یابیم:

$$A = [a_{ij}]_{3 \times 3}; a_{ij} = \begin{cases} 1 & i+j \text{ مضرب } 3 \text{ است} \\ 0 & i+j \text{ مضرب } 3 \text{ نیست} \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow \text{مجموع درایه‌های واقع بر قطر اصلی} = 0 + 0 + 1 = 1$$

۱۳ - گزینه ۳ نکته: ماتریس مثلث A بفرم $A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ 0 & d & e \\ 0 & 0 & f \end{bmatrix}$ مفروض است:

$$A^n = \begin{bmatrix} a^n & * & * \\ 0 & d^n & * \\ 0 & 0 & f^n \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 4 \\ 0 & 1 & 10 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow A^2 = \begin{bmatrix} 2^2 & * & * \\ 0 & 1^2 & * \\ 0 & 0 & 3^2 \end{bmatrix} \Rightarrow A^4 = (A^2)^2 = \begin{bmatrix} 4^2 & * & * \\ 0 & 1^2 & * \\ 0 & 0 & 9^2 \end{bmatrix}$$

$$A^4 \text{ مجموع درایه‌های واقع بر قطر اصلی} = 16 + 1 + 81 = 98$$

۱۴ - گزینه ۱

تذکر: اگر $A_{2 \times 2}$, $|A| = 0$ باشد آنگاه داریم:

$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{ad - bc} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 3 \end{bmatrix} \rightarrow A^{-1} = \frac{1}{(1 \times 3) - ((-1) \times 0)} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1}B = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} a & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 3a & 3 \\ a & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow a = 2$$

۱۵ - گزینه ۲

تذکر: ماتریس مربعی A مفروض است ماتریس B را وارون A نامند هرگاه: $AB = BA = I$

$$A^2 = A + 2I \Rightarrow A^2 - A = 2I \Rightarrow A(A - I) = 2I$$

$$\times \frac{1}{2} \rightarrow A \times \frac{1}{2}(A - I) = I \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{2}(A - I)$$

www.my-dars.ir

۱۶ - گزینه ۴

تذکر (۱): ماتریس مربعی A را وارون‌پذیر نامند هرگاه $|A| \neq 0$ باشد.

$$(۲) A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \Rightarrow |A| = ad - bc$$

همه حالاتی که ماتریس A با درایه‌های ۰ و ۱ وارون‌پذیرند به شکل زیر است:

$$\begin{bmatrix} 1 & \cdot \\ \cdot & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & \cdot \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ \cdot & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \cdot & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & \cdot \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \cdot & 1 \\ \cdot & \cdot \end{bmatrix}$$

۱۷ - گزینه ۲

تذکر: اگر A و B دو ماتریس مربعی هم مرتبه باشند، B را وارون A نامند هرگاه: $AB = BA = I$

$$(I - 3A)(I + \lambda A) = I \Rightarrow I^2 + (\lambda - 3)A - 3\lambda A^2 = I \xrightarrow{A^2=A} I + (\lambda - 3)A - 3\lambda A = I$$

$$\Rightarrow (\lambda - 3 - 3\lambda)A = \bar{O} \Rightarrow (-2\lambda - 3)A = \bar{O} \xrightarrow{A \neq \bar{O}} -2\lambda - 3 = 0 \Rightarrow \lambda = -\frac{3}{2}$$

۱۸ - گزینه ۴

نکته: اگر ماتریس مربعی A مرتبه $n \times n$ باشد و $k \in R$ آنگاه: $|kA| = k^n |A|$

$$\begin{bmatrix} 3 & \cdot & \cdot \\ 4 & -1 & \cdot \\ 2 & -5 & 2 \end{bmatrix} \times A \times \begin{bmatrix} \cdot & \cdot & 1 \\ \cdot & 2 & \cdot \\ 3 & \cdot & \cdot \end{bmatrix} = 6I$$

$$\xrightarrow{\text{از طرفین دترمینان می‌گیریم.}} \begin{bmatrix} 3 & \cdot & \cdot \\ 4 & -1 & \cdot \\ 2 & -5 & 2 \end{bmatrix} \times |A| \times \begin{bmatrix} \cdot & \cdot & 1 \\ \cdot & 2 & \cdot \\ 3 & \cdot & \cdot \end{bmatrix} = |6I|$$

$$\Rightarrow (-6) \times |A| \times (-6) = 6^3 |I| \Rightarrow |A| = \frac{6^3}{6^2} = 6$$

۱۹ - گزینه ۲ نکته: در محاسبه دترمینان یک ماتریس مربعی از یک درایه دلخواه در یک سطر یا یک ستون می‌توانیم فاکتور گرفته و به صورت ضریب کنار دترمینان قرار بدهیم.

$$\begin{vmatrix} ka & kb & kc \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = k \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix}$$

$$m = \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a \times \frac{1}{a} & a & a \times a \\ b \times \frac{1}{b} & b & b \times b \\ c \times \frac{1}{c} & c & c \times c \end{vmatrix} \xrightarrow{\substack{\text{سطر اول از } a \text{ فاکتور، سطر دوم از } b \\ \text{فاکتور و سطر سوم از } c \text{ فاکتور می‌گیریم.}}} abc \begin{vmatrix} \frac{1}{a} & 1 & a \\ \frac{1}{b} & 1 & b \\ \frac{1}{c} & 1 & c \end{vmatrix}$$

$$\xrightarrow{\div abc} \begin{vmatrix} \frac{1}{a} & 1 & a \\ \frac{1}{b} & 1 & b \\ \frac{1}{c} & 1 & c \end{vmatrix} = \frac{m}{abc}$$

www.my-dars.ir

۲۰ - گزینه ۳

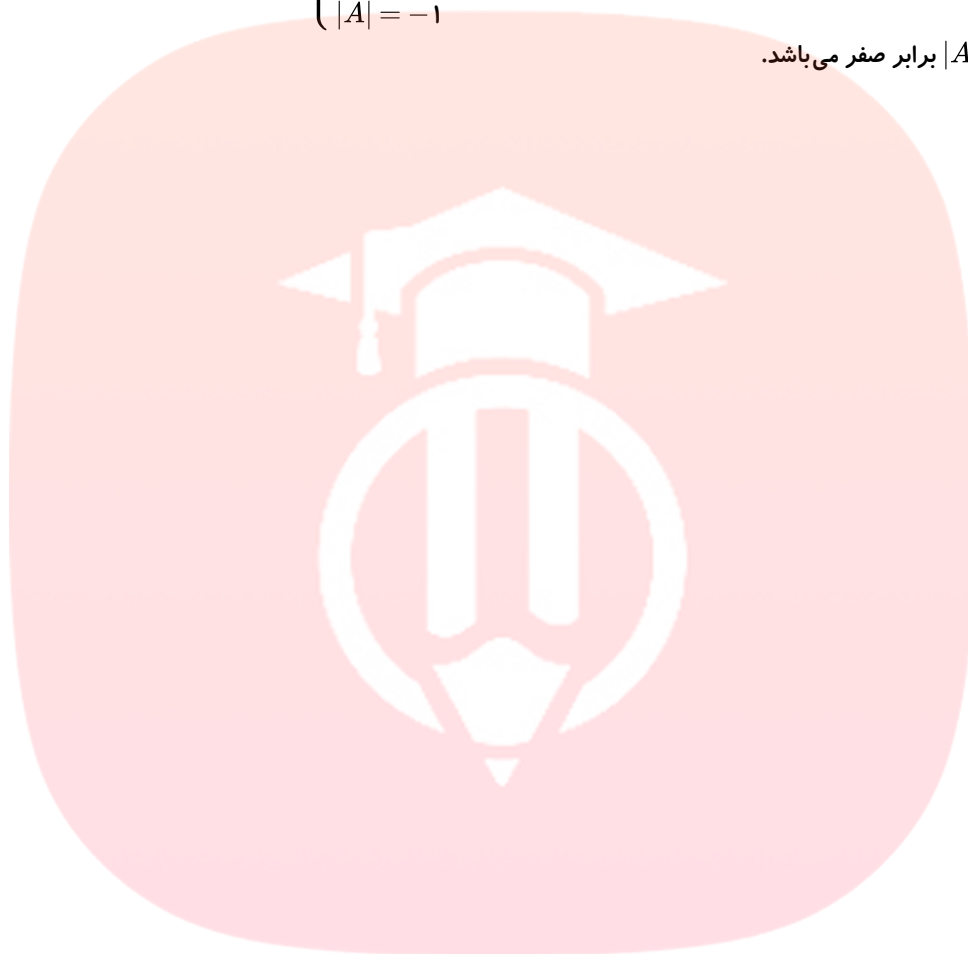
$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \rightarrow |A| = ad - bc$$

نکته: اگر A ماتریس مربعی باشد و دترمینان آن از دستور زیر حاصل می‌شود:

$$A = \begin{bmatrix} |A|^2 & |A| \\ 3 & 4|A| \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{از طرفین دترمینان}} |A| = \begin{vmatrix} |A|^2 & |A| \\ 3 & 4|A| \end{vmatrix} \rightarrow |A| = 4|A|^2 - 3|A|$$

$$\rightarrow 4|A|^3 - 4|A| \Rightarrow 4|A|(|A|^2 - 1) = 0 \rightarrow \begin{cases} |A| = 0 \\ |A| = 1 \\ |A| = -1 \end{cases}$$

بنابراین مجموع مقادیر $|A|$ برابر صفر می باشد.



مای دررس

گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir