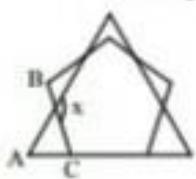


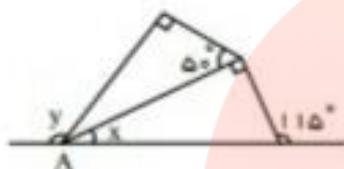
۱. در شکل زیر یک مثلث متساوی‌الاضلاع و یک پنج‌ضلعی با اضلاع متساوی دیده می‌شود اندازهٔ زوایهٔ  $x$  چقدر است؟



- ۱۲۸ (۱)  
۱۳۶ (۲)

- ۱۲۴ (۱)  
۱۳۲ (۲)

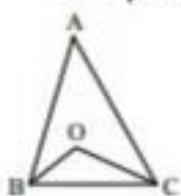
۲. در شکل رو به رو حاصل  $y - x$  کدام گزینه است؟



- ۵۰ (۱)  
۱۰۵ (۲)

- ۵۰ (۱)  
۹۰ (۲)

۳. در شکل مقابل  $OC$  و  $OB$  نیمسازهای زوایای  $B$  و  $C$  از مثلث  $OBC$  می‌باشد زوایهٔ  $\hat{O}$  در مثلث  $ABC$  کدام است؟



- $90 - \frac{\hat{A}}{2}$  (۱)  
 $90 + \frac{\hat{A}}{2}$  (۲)

- $\hat{A}$  (۱)  
 $\frac{\hat{A}}{2}$  (۲)

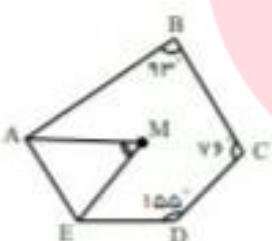
۴. در شکل مقابل اندازهٔ زوایهٔ  $x$  چقدر است؟



- $b + e$  (۱)  
 $c + d$  (۲)

- $a + d + c$  (۱)  
 $a + b$  (۲)

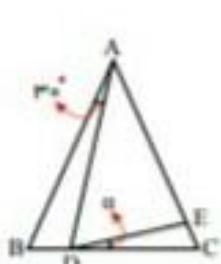
۵. اندازه زوایه  $M$  چند درجه است؟ ( $AM$  و  $EM$  نیمسازهای زوایه‌های  $A$  و  $E$  هستند)



- $77^{\circ}$  (۱)  
 $80^{\circ}$  (۲)

- $108^{\circ}$  (۱)  
 $111^{\circ}$  (۲)

۶. مجموع زوایای داخلی یک چندضلعی محدب بدون یکی از آن‌ها برابر  $2570^{\circ}$  است اندازهٔ زوایهٔ کنار گذاشته شده چند درجه است؟



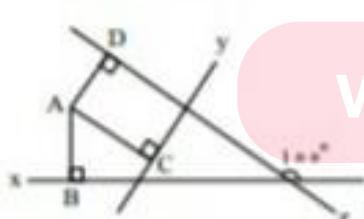
- ۱۱۳ (۱)  
۱۲۰ (۲)  
۱۰۵ (۳)  
۹۰ (۴)

۷. در شکل زیر  $B\hat{A}D = 30^{\circ}$  و  $AD = AE$  و  $AB = AC$  چند درجه است؟

- $30$  (۱)  
 $20$  (۲)

- $15$  (۱)  
 $55$  (۲)

گروه آموزشی عصر



۸. در شکل زیر  $AB \perp x$ ،  $AC \perp y$ ،  $AD \perp z$  می‌باشد زوایهٔ  $BAD$  چند درجه است؟

- ۱۰۰ (۱)  
۱۲۰ (۲)  
۹۰ (۳)  
۱۱۰ (۴)

www.my-dars.ir

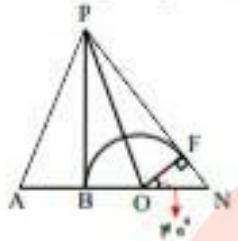
۹. اگر  $P$  مماس‌های  $PB$  و  $PF$  را بر نیم دایره رسم کردی‌ایم، اگر  $OF = OB = AB = AP$ ، آن‌گاه اندلاعی  $A\hat{P}F$  چند درجه است؟

۶۰ (۱)

۸۰ (۲)

۵۰ (۱)

۷۰ (۲)



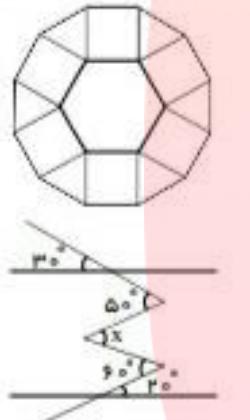
۱۰. اعداد ۱ تا  $n$  را روی رأس‌های یک  $n$ -ضلعی منتظم به ترتیب نوشته‌ایم. اگر عدد ۱۱ روی هر دوی  $34$  باشد،  $n$  چند است؟

۲۳ (۱)

۳۶ (۲)

۴۶ (۱)

۱۱. شکل زیر از یک شش‌ضلعی به ضلع ۲، شش مربع و شش مثلث متساوی‌الاضلاع تشکیل شده است. محیط شکل چند سانتی‌متر است؟



۲۸ (۱)

۳۲ (۲)

۲۴ (۱)

۳۰ (۲)

۱۲. در شکل زیر مقادیر  $x$  را به دست آورد.

۵۰ (۱)

۳۰ (۲)

۶۰ (۱)

۲۰ (۲)

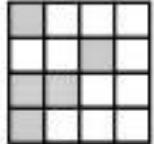
۱۳. در یمن اشکال زیر به ترتیب چند شکل بی‌شمار، ۳، ۲، ۱ و سفر محور تقارن دارند؟  
خط راست - مثلث متساوی‌الساقین - نوزنقة متساوی‌الساقین - دایره - نیم دایره - بیضی - مستطیل - دایره - نیم خط - پاره‌خط - نقطه - لوزی - مریع

۱ - ۴ - ۳ - ۲ - ۳ (۱)

۱ - ۵ - ۳ - ۲ - ۲ (۲)

۲ - ۵ - ۴ - ۱ - ۱ (۱)

۰ - ۵ - ۴ - ۱ - ۳ (۲)



۱۴. در شکل زیر، حداقل به چند مریع رنگی دیگر نیاز داریم تا شکل یک خط تقارن داشته باشد؟

۴ (۱)

۲ (۲)

۳ (۱)

۵ (۲)

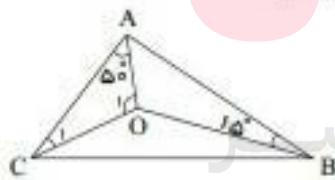
۱۵. در شکل متقابل  $CO$ ،  $AO$ ،  $BO$  و  $CO$  به ترتیب نیمساز  $\angle A$ ،  $\angle B$  و  $\angle C$  هستند. اندلاعی زویه‌ی  $O_1$  چقدر است؟

۱۰۵ درجه (۱)

۷۵ درجه (۲)

۹۰ درجه (۱)

۶۵ درجه (۲)



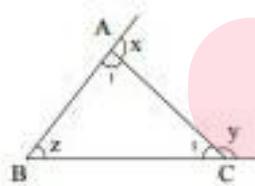
۱۶. در شکل روبه‌رو  $x + y - z$  چند درجه است؟

۲۰۰ (۱)

۳۶۰ (۲)

۱۸۰ (۱)

۱۵۰ (۲)



۱۷. مجموع دو زویه‌ی خارجی مثلثی  $25^{\circ}$  می‌باشد. اندلاعی یکی از زویه‌های داخلی این مثلث چند درجه است؟

۵۵ (۱)

۱۲۵ (۲)

۷۰ (۲)

۲۰ (۱)

۱۸. خطهای  $a \parallel f \wedge b \parallel d \wedge c \parallel g$  و  $e \parallel f \wedge g \perp d \wedge c \perp e$  در چند مجموعه اند به گونه‌ای که  $f$  و  $g$  برخط مترادف باشند؟

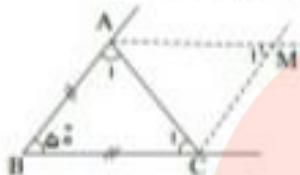
A (۱)

B (۲)

C (۳)

D (۴)

۱۹. در شکل مقابل، نسبت زوایهای خارجی مثلث  $ABC$  پرکنید که در قطع کردند.  $M_1$  چند درجه است؟



P (۱)  
Y (۲)

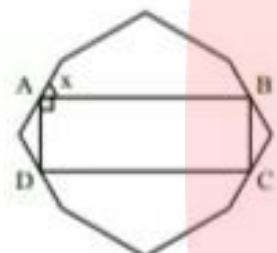
Q (۱)  
R (۲)

۲۰. مثلث  $ABC$  را در نظر می‌گیریم و نقطه  $E$  را طوری انتخاب می‌کنیم که چهارضلعی ساخته شده با نقاط  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $E$  متوازی‌الاضلاع شود به این طرق چند متوازی‌الاضلاع حاصل می‌شود؟

F (۱)

G (۲)  
H (۳)

I (۱)  
J (۲)



۲۱. نقاط  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$  و سمت چهارضلع هشت‌ضلعی منتظم روی یک دایره باشند. زوایه  $x$  چند درجه است؟

۱۳۵ (۱)  
۶۷,۵ (۲)



۱۵ (۱)  
۲۲,۵ (۲)

M (۱)  
N (۲)

۲۲. در مثلث  $BAD$ ,  $\angle CAD - \angle ABC = ۳۰^\circ$  و  $AC = CD$  اگر  $\angle ABC = ۶۰^\circ$  چند درجه است؟

K (۱)  
L (۲)

M (۱)  
N (۲)

O (۱)  
P (۲)

۲۳. با کنایم یک از کلاس‌های منتظم زیر می‌توان یک سطح را کامل‌کاشی کرد؟

R (۱)  
S (۲)

T (۱)  
U (۲)

V (۱)  
W (۲)

۲۴. اگر اضلاع دو زوایه برحمناسوب باشند آن دو زوایه

X مکمل‌اند

Y متسامانند

Z گزینه ۱ و ۲

۱) مکمل‌اند

۲) متسامانند

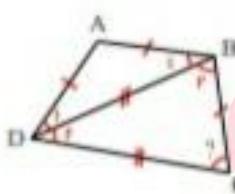
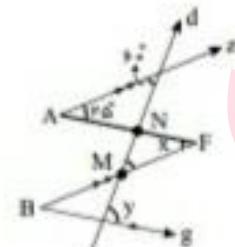
۳) پیرامونی

۴) نباید

۲۵. پاتوچه به خطهای متوازی داده شده در شکل زیر  $x - y$  چند درجه است؟

۱۱۰ (۱)  
۱۱۰ (۲)

۱۰۵ (۱)  
۱۰۵ (۲)



۷۲° (۱)  
۷۵° (۲)

۷۸° (۱)  
۷۵° (۲)

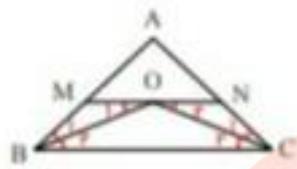
۲۶. در ذوزنقه رویه رو اندیزه زوایه  $C$  چند درجه است؟

P (۱)  
R (۲)

Q (۱)  
S (۲)

T (۱)  
U (۲)

www.my-dars.ir



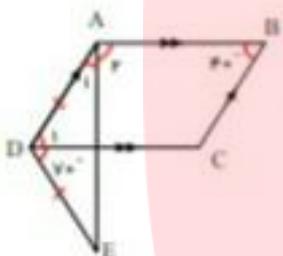
۴۲ (۱)  
۳۹ (۲)

۷۷. محیط مثلث  $\triangle MAN$  چند است؟  
 $MN \parallel BC$  ،  $\overline{AB} = 12$  ،  $\overline{AC} = 12$   
 $\hat{B}_1 = \hat{B}_2$  ،  $\hat{C}_1 = \hat{C}_2$
- ۳۰ (۱)  
۲۹ (۲)

۷۸. لوزی نویی متوازی الاضلاع است که .....  
 کدام گزینه مناسب جای خالی نیست؟

- (۱) اسلام‌اشن باهم مساوی‌اند.  
 (۲) قطرهایش برابر هم عضوند.  
 (۳) قطرهایش نیمساز راویا باشند.

۷۹. کدام یک از شکل‌های زیر با دوران  $90^\circ$  درجه حول مرکز تقارن بر خودش منطبق می‌شود؟  
 (۱)  $3n$  ضلعی منتظم      (۲)  $4n$  ضلعی منتظم      (۳)  $5n$  ضلعی منتظم



$120^\circ$  (۱)  
 $105^\circ$  (۲)

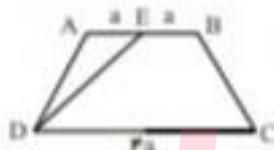
۸۰. مقدار  $\hat{A}$  چند درجه است؟

$130^\circ$  (۱)  
 $110^\circ$  (۲)

۸۱. وسطهای اضلاع یک چهارضلعی که قطرهای آن برهم عضوند را بطور متوااً بهم وصل می‌کنیم ..... حاصل می‌شود  
 پس لوله چهارضلعی دیگری که قطرهای آن با هم برابر و عضو هستند را بطور متوااً بهم وصل می‌کنیم ..... حاصل می‌شود

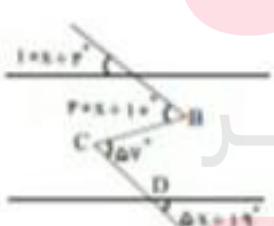
- (۱) لوزی- مستطیل      (۲) مستطیل- مربع      (۳) مستطیل- مربع

۷۸. نسبت مساحت ذوزنقه  $AED$  به مذکور  $ABCD$  چقدر است؟



$\frac{3}{2}$  (۱)  
 $\frac{5}{3}$  (۲)

۰ (۱)  
۶ (۲)



۷۷. در شکل مقابل اگر  $F \parallel G$ ، اندازه زوایی  $B$  چند درجه است؟

$54^\circ$  (۱)  
 $56^\circ$  (۲)

$57^\circ$  (۱)  
 $59^\circ$  (۲)



۴۲ (۱)  
۳۲ (۲)

۳۰ (۱)  
۳۲ (۲)

۷۷. وسط قطرهای ذوزنقه هستند طول  $\overline{AB}$  را بدست آورید

www.my-dars.ir

.۷۵. گنبد یک مسجد با دو نوع چندضلعی که تمام ضلع هایش دو رقمی لست کاشی کاری شده و روی هم ۱۴۴ قطر به چشم می خورد مجموع تمام ضلع های آین دو نوع چندضلعی چند تاست؟

۲۷ (۱)

۳۰ (۱)

۳۳ (۱)

۳۶ (۱)



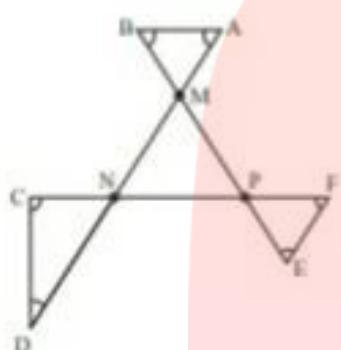
.۷۶. با توجه به هشتضلعی منتظم رویه رو، متدار x کدام است؟

۳۰ (۱)

۴۰ (۱)

۱۵ (۱)

۴۵ (۱)



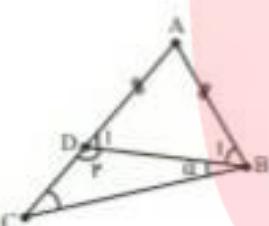
.۷۷. حاصل عبارت  $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + \hat{E} + \hat{F} = ?$  برایر چند درجه است؟

۲۷۰ (۱)

۳۵۰ (۱)

۱۸۰ (۱)

۳۶۰ (۱)



.۷۸. متدار  $\alpha$  در شکل رویه رو چند درجه است؟

$$(\hat{B} = \hat{C} + \alpha)$$

۴۰ (۱)

۵۰ (۱)

۳۰ (۱)

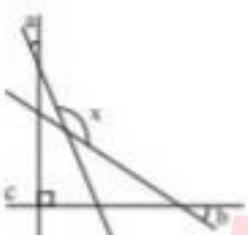
۲۰ (۱)

۱۰ (۱)

A (۱)

F (۱)

D (۱)



.۷۹. از کثیر هم قرار داشن چند تا پنج ضلع منتظم می توان یک دهضلعی منتظم تشکیل داد؟

c, b, a (۱)

$a - b + c$  (۱)

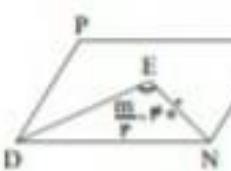
$a + b - c$  (۱)

$a + b + c$  (۱)

$2a + 2b + c$  (۱)

.۸۰. متدار  $x$  پر حسب  $c, b, a$  کدام است؟

.۸۱. در متوازی الاضلاع PQND پاره خط های زویه  $NE$  و  $DE$  نیمساز های زویه  $D$  و  $N$  می باشند متدار  $\frac{\delta m - ۲}{۳}$  کدام گزینه است؟



۱۶۶ (۱)

۱۳۶ (۱)

۱۰۰ (۱)

۱۴۶ (۱)

.۸۲. نسبت اندازه های زویه های داخلی به خارجی یک از رأس های یک چندضلعی محدب  $۱:۲$  به  $۳:۱$  است اختلاف آین دو زویه چقدر است؟

۸۸ (۱)

۱۰ (۱)

۱۲ (۱)

۱۵ (۱)

۲۰ (۱)

۳۰ (۱)

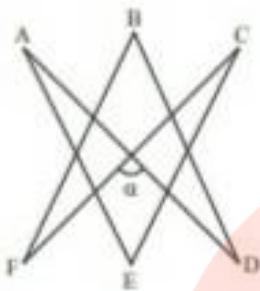
۳۰ (۱)

۳۰ (۱)

۴۰ (۱)

۴۵ (۱)

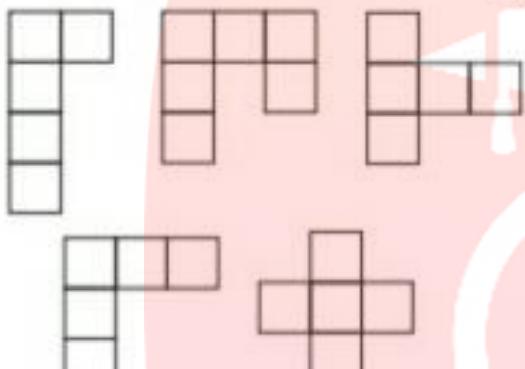
۷۲. در شکل رو به رو  $\hat{F}, \hat{E}, \hat{D}, \hat{C}, \hat{B}, \hat{A} = 12^\circ$  است. مقدار  $\hat{A}$  چند درجه است؟



- $24^\circ$  (۱)  
 $64^\circ$  (۲)

- $12^\circ$  (۳)  
 $32^\circ$  (۴)

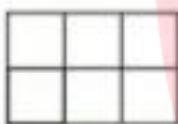
۷۳. با چند تا از اشکال رو به رو می‌توان یک اثقل به شکل مستطیل را کاملاً پوشاند؟



- F (۱)  
T (۲)

- D (۳)  
E (۴)

۷۴. چند طبق می‌توان سطح رو به رو را با موزاییک‌های  $1 \times 2$  فرش کرد؟



- 5 (۱)  
3 (۲)

- 7 (۳)  
2 (۴)

۷۵. در گاشی کاری یک هشت‌ضلعی منتظم به صورت رو به رو  $a + b$  گذاشته است.



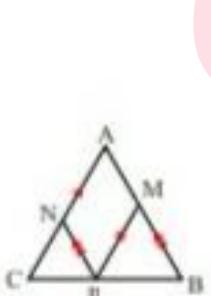
- $45^\circ$  (۱)  
 $90^\circ$  (۲)  
 $135^\circ$  (۳)  
 $150^\circ$  (۴)

- $90^\circ$  (۱)  
 $135^\circ$  (۲)

- ۵ ضلعی منتظم (۱)  
۶ ضلعی منتظم (۲)

- ۷ ضلعی منتظم (۳)

۷۶. اگر در متوازی‌الاضلاع  $ABCD$ ، مجموع فاصلهای نقطه‌های  $A$  و  $C$  تا قطر  $BD$   $2\sqrt{3}$  سانتی‌متر و مساحت متوازی‌الاضلاع  $2\sqrt{3}$  سانتی‌متر مربع باشد طول قطر  $BD$  چند سانتی‌متر است؟



- ۱۲ (۱)

- ۱۰ (۲)

- ۸ (۳)

- ۶ (۴)

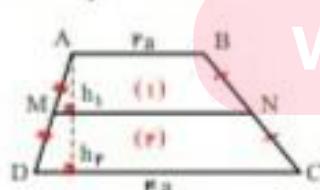
۷۷. باشد محیط متوازی‌الاضلاع  $AMPN$  چه قدر است؟

- $\overline{AC} = \overline{AB} = 6$  (۱)  
 $\overline{AC} = \overline{AB} = 12$  (۲)

- $\overline{AC} = \overline{AB} = 18$  (۳)  
 $\overline{AC} = \overline{AB} = 24$  (۴)

گروه آموزشی عصر

۷۸. در نوزنگار رو به رو نسبت  $\frac{S_2}{S_1}$  چندست آورید؟ (متوازی‌الاضلاع  $S_2$  مساحت ناحیه ۲ است.)



- $\frac{1}{5}$  (۱)  
 $\frac{3}{5}$  (۲)  
 $\frac{5}{3}$  (۳)

- $\frac{5}{1}$  (۱)  
 $\frac{3}{5}$  (۲)

- $\frac{S_2}{S_1}$  (۱)  
 $\frac{17}{12}$  (۲)

- $\frac{1}{5}$  (۱)  
 $\frac{3}{5}$  (۲)

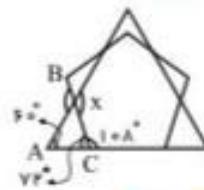
- $\frac{5}{1}$  (۱)  
 $\frac{3}{5}$  (۲)

www.my-dars.ir

۱. گزینه ۲

$$C = \frac{(5-3) \times 180}{5} = 108^\circ$$

$$A = 60^\circ \Rightarrow \text{مجموع زوایای خارجی} = 72 + 60 = 132$$



۲. گزینه ۳

در مثلث پایینی  $115^\circ$  زاویه خارجی است پس داریم:

$$x = 115^\circ - 90^\circ = 25^\circ$$

حالا در مثلث بالایی، یک زاویه  $90^\circ$  و یک زاویه  $50^\circ$  است. پس زاویه سوم می‌شود:

$$180^\circ - (50^\circ + 90^\circ) = 40^\circ$$

آن‌دو نقطه از کل نیم صفحه، زاویه  $x$  برابر  $25^\circ$  و زاویه  $y$  برابر  $40^\circ$  شد پس داریم:

$$180^\circ - (25^\circ + 40^\circ) = 115^\circ = y$$

پنلرایزن:

$$y - x = 115^\circ - 25^\circ = 90^\circ$$

۳. گزینه ۴ برای بدست آوردن  $\hat{O}$  باید زاویه  $A$  مشخص باشد

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \\ \hat{O} + \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2} = 180^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = \hat{O} + \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2}$$

$$\Rightarrow \hat{O} = \hat{A} + \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2} = \hat{A} + \frac{\hat{B} + \hat{C}}{2} = \hat{A} + \frac{180^\circ - \hat{A}}{2} = \hat{A} + 90^\circ - \frac{\hat{A}}{2} = \frac{\hat{A}}{2} + 90^\circ$$

۴. گزینه ۱

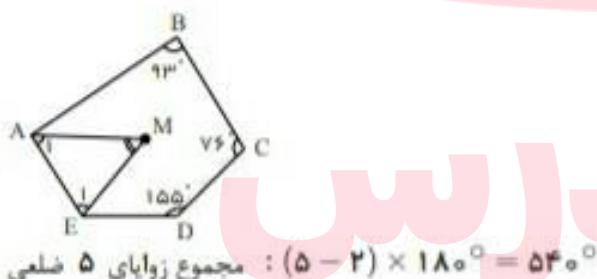
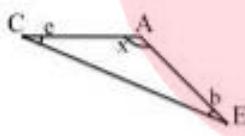
در مثلث  $ACE$  داریم:  $\hat{x} = 180^\circ - (\hat{b} + \hat{e})$

از طرفی:  $d + e + c + b + a = 180^\circ$

پس:  $x = a + c + d$

۵. گزینه ۲

مجموع زوایای هر پنج ضلعی و هر مثلث برابر است با:



$$\text{مجموع زوایای ۵ ضلعی} : (5-2) \times 180^\circ = 540^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{E} = 540^\circ - (90^\circ + 78^\circ + 105^\circ) \rightarrow \hat{A} + \hat{E} = 216^\circ$$

در مثلث  $\triangle AEM$  داریم:

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A}_1 = \frac{\hat{A}}{2} \\ \hat{E}_1 = \frac{\hat{E}}{2} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{A}_1 + \hat{E}_1 = \frac{\hat{A} + \hat{E}}{2} = \frac{216^\circ}{2} = 108^\circ, \quad \hat{A}_1 + \hat{E}_1 + \hat{M} = 180^\circ$$

$$\rightarrow \hat{M} = 180^\circ - (\hat{A}_1 + \hat{E}_1) \rightarrow \hat{M} = 180^\circ - 108^\circ = 72^\circ$$

# ما درس

## گروه آموزشی میر

در مثلث  $\triangle AEM$  داریم:

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

## گزینه ۷

مجموع زوایای داخلی یک  $n$  ضلعی از رابطه  $(n - 2) \times 180^\circ$  به دست می‌آید. پس مجموع زوایای مضری از  $180^\circ$  است. پس:

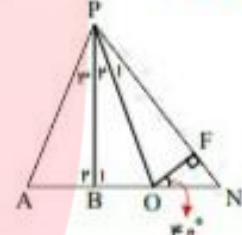
$$14 < \frac{2570}{180} < 15 \Rightarrow 180 \times 15 = 2570 + x \Rightarrow x = 13^\circ$$

$$\begin{aligned} \hat{B} = \hat{C} \text{ و } A\hat{D}E = A\hat{E}D \text{ متساوی الساقین هستند، پس:} \\ \left. \begin{array}{l} \hat{\alpha} + A\hat{D}E = \hat{B} + 3^\circ \\ A\hat{E}D = \hat{C} + \hat{\alpha} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \hat{B} = \hat{C} \\ A\hat{D}E = A\hat{E}D \end{array} \rightarrow \hat{\alpha} + A\hat{E}D = \hat{C} + 3^\circ \\ \Rightarrow \hat{\alpha} + \hat{C} + \hat{\alpha} = \hat{C} + 3^\circ \Rightarrow 2\hat{\alpha} = 3^\circ \Rightarrow \hat{\alpha} = 15^\circ \end{aligned}$$

**۸. گزینه ۱** اگر محل برخورد خطوط  $z$  و  $x$  را بنامیم، دریم: حال در چهارضلعی  $ABED$  چون مجموع زوایاهای داخلی  $360^\circ$  است، نتیجه می‌گیریم:

$$90^\circ + B\hat{A}D + 90^\circ + D\hat{E}B = 360^\circ \Rightarrow B\hat{A}D = 360^\circ - (90^\circ + 90^\circ + 180^\circ) = 180^\circ$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{O} = 40^\circ \\ \hat{F} = 90^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} \hat{N} = 50^\circ \\ \hat{B} = 90^\circ \end{array} \right\} \xrightarrow{P\hat{B}N} \hat{P}_1 + \hat{P}_2 = 40^\circ$$



اکنون با توجه به این که شعاع در نقطه‌ی تماس بر مسلس عمود است، داریم:

$$\left. \begin{array}{l} 90^\circ = \hat{B}_1 = \hat{F} \\ OP = OP \\ \hat{B}_1 = \hat{B}_2 = 90^\circ \end{array} \right\} \xrightarrow[\text{وتر و یک ضلع مشترک}]{\Delta POB = \Delta FOP} \hat{P}_1 = \hat{P}_2 \xrightarrow{\hat{P}_1 + \hat{P}_2 = 40^\circ} \hat{P}_1 = \hat{P}_2 = 20^\circ$$

به این ترتیب با استفاده از نتایج بالا به دست می‌آوریم:

$$\left. \begin{array}{l} OB = AB \\ PB = PB \\ \hat{B}_1 = \hat{B}_2 = 90^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta PAB = \Delta PBO \Rightarrow \hat{P}_3 = \hat{P}_1 = \hat{P}_2 = 20^\circ \Rightarrow AP\hat{F} = 60^\circ$$

**۹. گزینه ۱** همان‌طور که می‌دانید در  $n$  ضلعی‌های منتظم به خاطر اینکه شکل منتظم است، اختلاف رأس‌های مقابل عددی ثابت است.

پس هنگامی که  $11$  روی  $13$  روی  $11$  است، اختلاف  $13 - 11 = 2$  است این یعنی  $1$  روی  $2$  روی  $1$  است و  $23$  روی  $26$  روی  $23$  است.

به این ترتیب  $46$  ضلع داریم.

**۱۰. گزینه ۱** محیط شکل از  $12$  پاره خط  $2$  سانتی‌متری تشکیل شده است. پس:

$$\text{محیط} = 12 \times 2 = 24$$

**۱۱. گزینه ۲** خطوط  $L$  و  $L'$  و  $L''$  را به موازات  $d$  رسم می‌کنیم.

**۱۲. گزینه ۲** خطوط  $L$  و  $L'$  و  $L''$  را به موازات  $d$  رسم می‌کنیم.

**www.mydars.ir**

$$d \parallel L'' \Rightarrow A_1 = B = 20$$

مورب  $AB$

$$A_2 = A - A_1 \rightarrow 60 - 20 = 40$$

$$L'' \parallel L' \Rightarrow x_1 = A_1 = 40$$

مورب  $OA$

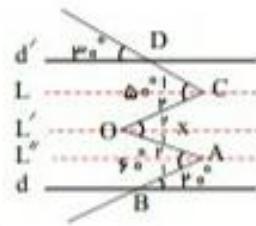
$$d' \parallel L \Rightarrow C_1 = D = 30$$

مورب  $DC$

$$C_2 = C - C_1 = 50 - 30 = 20$$

$$L \parallel L' \Rightarrow x_2 = C_2 = 20$$

مورب  $OC$



بنابراین  $x = x_1 + x_2 = 20 + 40 = 60$

۱۲. گزینه ۲ خط راست بی شمار محور تقارن دارد (خودش و هر خط عمود بر آن)

مثلث متساوی الساقین: یکی (عمودمنصف قاعده)

ذوزنقه متساوی الساقین: یکی (عمودمنصف دو قاعده)

ربع دایره: یکی (خودش)

نیم دایره: یکی (دو تا)

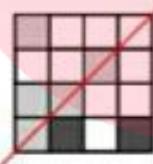
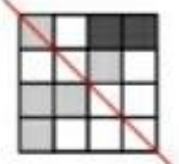
نقطه: بی شمار (هر خط گذرنده از نقطه)

لوزی: دو تا

مستطیل: دو تا

دایره: بی هزار

۱۳. گزینه ۲ کافی است دو مربعی که مشکی شده‌اند رنگ پشوند تا محور تقارن بوجود بیاید:



به این ترتیب با دو حالت می‌توان به کمک ۲ مربع رنگی یک خط تقارن ایجاد کرد

۱۵. گزینه ۱

$$OA \text{ به دلیل نیمساز } \hat{A} = 2 \times 50 = 100 \Rightarrow \hat{C}_1 = 25$$

$$OB \text{ به دلیل نیمساز } \hat{B} = 2 \times 15 = 30$$

$$\Rightarrow \hat{O}_1 = 180 - (25 + 50) \rightarrow \hat{O}_1 = 105$$

۱۶. گزینه ۲

زاویه خارجی هر رأس برابر با مجموع زوایای غیرمجاور است. بنابراین:

(۱) زاویه خارجی  $x = z + C_1$

(۲) زاویه خارجی  $y = z + A_1$

$$(1), (2) \xrightarrow{\quad} x + y - z = z + C_1 + z + A_1 - z = 180$$

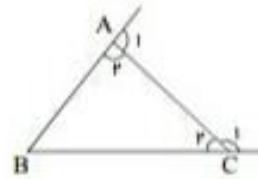
$\underbrace{x}_{y}$   $\underbrace{z}_{y}$   $\underbrace{z}_{y}$

۱۷. گزینه ۲ می‌دانیم دو زاویه خارجی در مسئله  $\hat{A}_1 + C_1 = 25^\circ$  می‌باشد

www.my-dars.ir

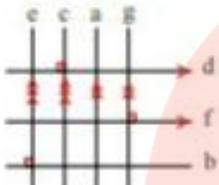
$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 360^\circ$$

$$\hat{A}_2 + \hat{C}_2 = 360^\circ - 250^\circ = 110^\circ \Rightarrow \hat{B} = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$



گزینه ۳

هکل رویه رو هکل حاصل از اطلاعات سوال است.  
از برخوردها ۶ مستطیل پدیده می‌آید.



اما می‌تواند بگویید که چرا شکل‌های حاصل مستطیل است؟

گزینه ۴

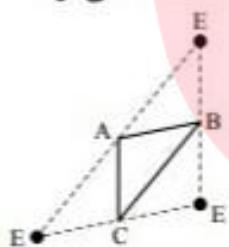
$$BA = BC \rightarrow 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ \rightarrow 130^\circ \div 2 = 65^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{C} = \hat{A} = 65^\circ$$

$$A, C \text{ و } C \rightarrow 180^\circ - 65^\circ = 115^\circ \rightarrow 115^\circ \div 2 = 57,5$$

$$\Rightarrow 180^\circ - 2 \times (57,5) = 65$$

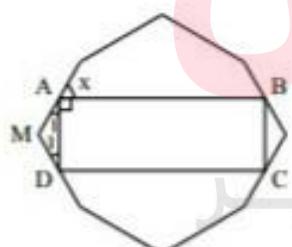
گزینه ۵ ابتدا مثلث دلخواه  $ABC$  را رسم می‌کنیم و نقطه  $E$  را طوری قرار می‌دهیم که متوازی‌الاضلاع‌های ساخته شوند.  
مشاهده می‌کنیم که ۳ مکان برای نقطه  $E$  پیدا می‌کنیم و متوازی‌الاضلاع‌های  $ABEC$ ,  $ABCE$ ,  $AEBE$  و  $AEBC$  ساخته می‌شوند.  
پس گزینه ۳ درست می‌باشد.



گزینه ۶

$$\hat{M} = \frac{(n-2) \times 180^\circ}{n} = \frac{(n-2) \times 180^\circ}{8} = 135^\circ$$

الندازهای هر زاویه‌ی داخلی هشت‌ضلعی منتظم  $135^\circ$  است.



چون نقاط  $A$  و  $D$  و میانه‌ی  $MD$  هشت‌ضلعی منتظم هستند، پس  $\triangle AMD$  یک مثلث متساوی‌الاضلاع است.

$$\triangle AMD : \hat{A}_1 = \hat{D}_1 = \frac{180^\circ - 135^\circ}{2} = 22,5^\circ$$

$$22,5^\circ + 90^\circ = 112,5^\circ \Rightarrow x = 180^\circ - 112,5^\circ = 67,5^\circ$$

گزینه ۷ با توجه به رابطه‌ی زاویه‌ی خارجی در مثلث داریم:

$$\left. \begin{array}{l} AC = CD \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{D}_1 \\ D_1 = A_2 + B \end{array} \right\} \rightarrow \hat{A}_1 = \hat{A}_2 + B \quad (1)$$

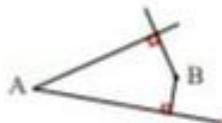
$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 - \hat{B} = 3^\circ \xrightarrow{(1)} \hat{A}_2 + B + \hat{A}_2 - \hat{B} = 3^\circ \Rightarrow \hat{BAD} = A_2 = 15^\circ$$

گزینه ۸ نکته‌ی ۱: هر زاویه‌ی داخلی یک  $n$  ضلعی منتظم از رابطه  $\frac{(n-2) \times 180^\circ}{n}$  به دست می‌آید.

نکته ۲: به شرطی می‌توان یک سطح را با یک  $n$  ضلعی منتظم کاشی کلری کرد که زاویه داخلی آن شمارنده  $36^\circ$  باشد  
می‌دانیم اندازه زاویه داخلی یک پنجضلعی منتظم  $108^\circ$ ، یک ششضلعی منتظم  $120^\circ$ ، یک هفتضلعی منتظم  $128.5^\circ$  و یک هشتضلعی منتظم  $135^\circ$  است.

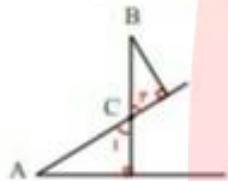
پاتوجه به نکته بالا فقط اندازه زاویه داخلی ششضلعی منتظم  $(120^\circ)$ ، شمارنده  $36^\circ$  است، پس گزینه ۲ درست است.

**گزینه ۲** این دو زاویه را  $\hat{A}$  و  $\hat{B}$  درنظر می‌گیریم  
حالت اول چهارضلعی تشكیل می‌شود:



$$\hat{A} + \hat{B} + 90^\circ + 90^\circ = (4 - 2) \times 180^\circ \rightarrow \hat{A} + \hat{B} = 180^\circ$$

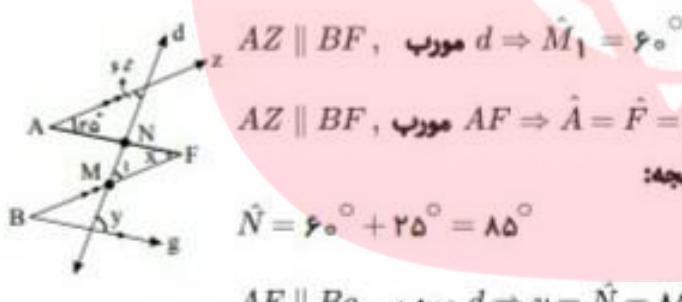
حالت دوم  $\hat{C}_1$  و  $\hat{C}_2$  متقابل به رأس‌اند؛ پس



$$\begin{cases} 90^\circ + \hat{C}_1 + \hat{A} = 180^\circ \\ 90^\circ + \hat{C}_2 + \hat{B} = 180^\circ \end{cases} \rightarrow \hat{A} = \hat{B}$$

**گزینه ۲**

طبق خاصیت خطوط موازی و مورب داریم:



$$AZ \parallel BF, \text{ مورب } d \Rightarrow \hat{M}_1 = 60^\circ$$

$$AZ \parallel BF, \text{ مورب } AF \Rightarrow \hat{A} = \hat{F} = 25^\circ \Rightarrow x = 25^\circ$$

از طرفی  $\hat{N}$  برای مثلث  $MNF$  یک زاویه خارجی است در نتیجه:

$$\hat{N} = 60^\circ + 25^\circ = 85^\circ$$

$$AF \parallel Bg, \text{ مورب } d \Rightarrow y = \hat{N} = 85^\circ$$

چون  $x - y$  را می‌خواهیم، داریم:

$$y - x = 85^\circ - 25^\circ = 60^\circ$$

یعنی گزینه ۲ درست است.

**گزینه ۲** طبق فرض سوال داریم:

$$\overline{AD} = \overline{AB} \rightarrow \hat{D}_1 = \hat{B}_1 \quad (1)$$

$$\overline{BD} = \overline{CD} \rightarrow \hat{B}_2 = \hat{C} \quad (2)$$

$$\overline{AD} = \overline{BC} \rightarrow \text{ذوزنقه متساوی الساقین} \rightarrow \hat{D} = \hat{C} \quad (3)$$

$$AB \parallel CD \rightarrow \hat{B}_1 = \hat{D}_2 \quad (4)$$

$$(1), (4) \rightarrow \hat{D} = \hat{D}_1 + \hat{D}_2 = 2\hat{B}_1 \xrightarrow{(3)} \hat{C} = 2\hat{B}_1 \xrightarrow{(2)} \hat{B}_2 = 2\hat{B}_1$$

$$\triangle DCB: \hat{D}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C} = 180^\circ \xrightarrow{\text{طبق روابط به دست آمده}} \hat{B}_1 + 2\hat{B}_1 + 2\hat{B}_1 = 180^\circ$$

$$\rightarrow 5\hat{B}_1 = 180^\circ \rightarrow \hat{B}_1 = 36^\circ \rightarrow \hat{C} = 2\hat{B}_1 = 2 \times 36^\circ = 72^\circ$$

# گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

## ۲۷. گزینه طبق فرض سوال داریم:

$$MN \parallel BC \rightarrow \begin{cases} \hat{O_1} = \hat{B_2} \\ \hat{B_1} = \hat{B_2} \end{cases} \quad \left. \begin{array}{l} \text{خطوط موازی و مورب} \\ \text{فرض سوال} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{O_1} = \hat{B_1} \rightarrow \Delta MOB \rightarrow \overline{OM}$$

$\overline{MB}$

$$MN \parallel BC \rightarrow \begin{cases} \hat{O_2} = \hat{C_2} \\ \hat{C_1} = \hat{C_2} \end{cases} \quad \left. \begin{array}{l} \text{خطوط موازی و مورب} \\ \text{فرض سوال} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{O_2} = \hat{C_1} \rightarrow \Delta NOC \rightarrow \overline{ON}$$

$\overline{NC}$

$$\Delta AMN = \frac{\overline{MB}}{\overline{AM}} + \frac{\overline{NC}}{\overline{MO}} + \frac{\overline{ON}}{\overline{AN}} + \overline{AB} + \overline{AC} = 12 + 17 = 29$$

۲۸. گزینه در تمام متوازی‌الاضلاع‌ها قطرها منصف هستند.

۲۹. چندضلعی‌های منتظمی که تعداد ضلع‌های آن‌ها مضرب ۳ است با دوران  $90^\circ$  درجه بر خودشان منطبق می‌شوند.

۳۰. گزینه

 $ABCD \rightarrow \hat{B} = \hat{D}_1$  متوازی‌الاضلاع است

$$\begin{aligned} \hat{C} &= \hat{A}_1 + \hat{A}_2 \\ \hat{C} + \hat{B} &= 180^\circ \rightarrow \hat{C} = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \overline{AD} = \overline{DE} \rightarrow \hat{A}_1 = \hat{E} \\ \hat{A}_1 + \hat{E} + \hat{D} = 180^\circ \end{aligned} \rightarrow \hat{A}_1 = \frac{180^\circ - (70^\circ + 40^\circ)}{2} = 35^\circ$$

$$\hat{A} = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 \rightarrow 140^\circ = 35^\circ + \hat{A}_2 \rightarrow \hat{A}_2 = 105^\circ$$

۳۱. گزینه

۳۲. گزینه



$$\text{ارتفاع} \times \frac{\text{مجموع دو قاعده}}{2} = \text{مساحت ذوزنقه}$$

$$\text{ارتفاع} \times \text{قاعده} \times \frac{1}{2} = \text{مساحت مثلث}$$

ارتفاع مثلث و ذوزنقه برابر است.

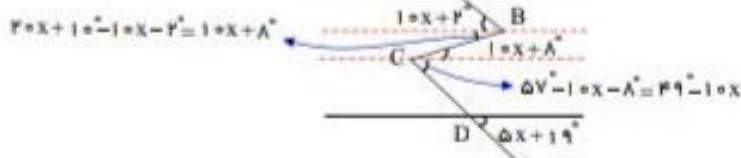
$$\frac{\frac{2a+4a}{2} \times h}{\frac{1}{2} \times a \times h} = \frac{6a \times h}{a \times h} = 6$$

۳۳. گزینه خطهای  $n$  و  $m$  را به موازات با خطهای  $F$  و  $G$  به ترتیب از نقاط  $C$  و  $B$  می‌گذرانند.

$$49 - 10x = 5x + 19 \Rightarrow -5x - 10x = 19 - 49$$

$$\Rightarrow -15x = -30 \Rightarrow x = 2$$

$$\hat{B} = 20x + 10 = 20(2) + 10 = 40 + 10 = 50^\circ$$



$$\begin{aligned} 1+x+y + 1+x+y &= 1+x+z \\ 1+x+z + 1+x+z &= 1+x+z \\ 1+x+z + 1+x+z &= 50^\circ + 1+x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1+x+y + 1+x+y &= 1+x+z \\ 1+x+z + 1+x+z &= 1+x+z \\ 1+x+z + 1+x+z &= 50^\circ + 1+x \end{aligned}$$

**۲۴. گزینه ۲** نکته در هر ذوزنقه، پاره خطی که وسط دو ساق را به هم وصل می کند از وسط دو قطر می گذرد

قاعده کوچک - قاعده بزرگ

۲

نکته در هر ذوزنقه، پاره خطی که وسط دو قطر را به هم وصل می کند طولش برابر است با

طبق نکته بالا دریم:

قاعده کوچک  $\overline{AB} = x$

$$15 = \frac{72 - x}{2} \rightarrow 2 \times 15 = 72 - x \rightarrow x = 72 - 30 \rightarrow x = 42$$

این سوال را با راهبرد حدس و آزمایش حل می کنیم و به چند خلاصه های ۱۵ و ۱۲ اغلبی می دریسم:

$$\text{مجموع قطرها} = \frac{15 \times \frac{6}{2}}{1} + \frac{\frac{6}{2} \times 9}{1} = 90 + 54 = 144^\circ$$

$$\text{مجموع ضلع ها} = 15 + 12 = 27$$

$$\text{اندازه هر زاویه داخلی هشت ضلعی منتظم} = 180 - \frac{360}{8} = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$$

منتظم

$$x = 360^\circ - (45 + 225^\circ + 45^\circ) = 45^\circ$$

**۲۵. گزینه ۲** میدلیم که هر زاویه خارجی در مثلث برابر است با مجموع در زاویه داخلی غیر مجاورش  
به این ترتیب دریم:

$$\left. \begin{array}{l} A\hat{M}P = \hat{A} + \hat{B} \\ E\hat{P}N = \hat{E} + \hat{F} \\ M\hat{N}C = \hat{C} + \hat{D} \end{array} \right\} \rightarrow A\hat{M}P + E\hat{P}N + M\hat{N}C = \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + \hat{E} + \hat{F}$$

می دلیم مجموع زوایای خارجی مثلث برابر با  $360^\circ$  است به این ترتیب مقدار عبارت بالا  $360^\circ$  می شود زیرا سمت چپ تساوی زوایای خارجی  $\triangle MNP$  هستند.

**۲۶. گزینه ۳**

$$\left. \begin{array}{l} AD = AB \rightarrow \hat{D}_1 = \hat{B}_1 \\ \hat{D}_1 = \alpha + \hat{C} \\ \hat{B} = \hat{B}_1 + \alpha \end{array} \right\} (\text{قضیه زوایه خارجی}) \rightarrow \hat{B}_1 = \alpha + \hat{C} \rightarrow \hat{B} = 2\alpha + \hat{C}$$

طبق فرض سوال دریم  $\hat{B} = \hat{C} + 40^\circ$  به این ترتیب

$$2\alpha = 40^\circ \rightarrow \alpha = 20^\circ$$

$$\frac{(5-2) \times 180}{5} = 108^\circ$$

$$360 - 2(108) = 144$$

پس با توجه به شکل دریم:

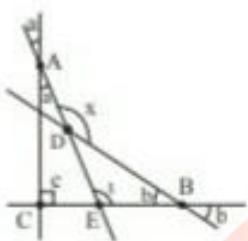
$$\frac{(n-2) \times 180}{n} = 144 \Rightarrow 180n - 360 = 144n \Rightarrow n = 10$$



بنابراین هر زاویه داخلی یک ده ضلعی  $144^\circ$  است که از ۲ پنج ضلعی به وجود می آید پس باید از  $10$  تا پنج ضلعی در کنار هم استفاده کرد.

۴۰. گزینه ۲

ایندا زوایای متقابل به رأس را محاسبه می‌سی طبق قضیه زوایای خارجی در مثلث داریم:



$$\left. \begin{array}{l} \hat{E}_1 = a + c \quad (\Delta ACE \text{ در مثلث } ACE) \\ x = \hat{E}_1 + b \quad (\Delta DEB \text{ در مثلث } DEB) \end{array} \right\} \rightarrow x = a + c + b$$

۴۱. گزینه ۲

$$D + N = 180^\circ \rightarrow \frac{1}{2}D + \frac{1}{2}N = 90^\circ \Rightarrow \frac{1}{2}D + \frac{1}{2}N + E = 180^\circ \Rightarrow E = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

$$\frac{m}{2} + f = 90^\circ \Rightarrow \frac{m}{2} = 50^\circ \Rightarrow m = 100^\circ$$

$$\frac{5(100) - 2}{3} = \frac{498}{3} = 166^\circ$$

۴۲. گزینه ۲

مجموع دو زوایه‌ی داخلی و خارجی همواره  $180^\circ$  است. بنابراین:

$f_1$	$82^\circ$
$f_2$	$98^\circ$
$90$	$180^\circ$

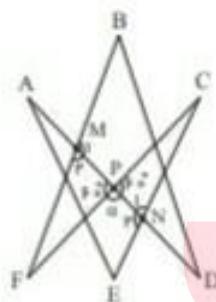
$$\Rightarrow 98^\circ - 82^\circ = 16^\circ$$

مجموع دو زوایه‌ی داخلی

از قضیه زوایه خارجی در مثلث استفاده می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} \Delta NPC : \hat{N}_2 = \hat{C} + \varepsilon^\circ \\ \Delta AEN : \hat{N}_1 = \hat{A} + \hat{E} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{N}_1 + \hat{N}_2 = \hat{A} + \hat{C} + \hat{E} + \varepsilon^\circ$$

$$\rightarrow 180^\circ = \hat{A} + \hat{C} + \hat{E} + \varepsilon^\circ \rightarrow \hat{A} + \hat{C} + \hat{E} = 120^\circ \quad (1)$$

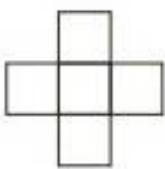


$$\left. \begin{array}{l} \Delta BMD : \hat{M}_2 = \hat{B} + \hat{D} \\ \Delta PFM : \hat{M}_1 = \varepsilon^\circ + \hat{F} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{M}_1 + \hat{M}_2 = \hat{B} + \hat{F} + \hat{D} + \varepsilon^\circ \rightarrow$$

$$\underbrace{\hat{M}_1 + \hat{M}_2}_{180^\circ} = \hat{B} + \hat{F} + \hat{D} + \varepsilon^\circ \rightarrow$$

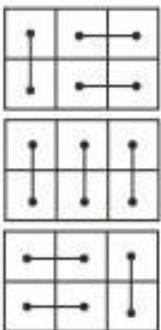
$$\begin{aligned} \hat{B} + \hat{F} + \hat{D} &= 120^\circ \quad (2) \\ &\xrightarrow{(2) + (1)} \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + \hat{E} + \hat{F} = 120^\circ + 120^\circ \\ &= 240^\circ \end{aligned}$$

www.my-dars.ir



گزینه ۲

تنها با هکل رو به رو نمی‌توان این کار را کرد زیرا گوهه‌ها را نمی‌پوشاند.



گزینه ۱

۳ حالت مورد نظر به هکل رو به رو هستند.

گزینه ۲

$$\text{آندازهٔ هر زوایهٔ داخلی} = \frac{(n-2) \times 180}{n} = \frac{6 \times 180}{8} = 135^\circ$$

$$a = 180 - 135 = 45^\circ \quad b = \frac{360}{4} = 90^\circ \quad \Rightarrow a + b = 45^\circ + 90^\circ = 135^\circ$$

زاویهٔ خارجی چندضلعی

گزینه ۱

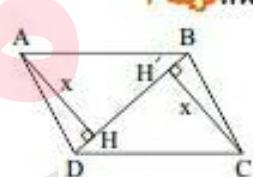
۵ ضلعی منتظم چون آندازهٔ زوایای داخلی آن برابر  $36^\circ$  بخش پذیر نیست.

$$\frac{(5-2) \times 180^\circ}{5} = 108^\circ$$

$$\begin{array}{r} 360 \\ | \quad 108 \\ -324 \\ \hline 36 \end{array}$$

گزینه ۳

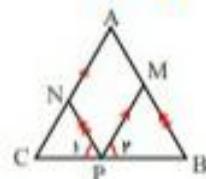
$$\overline{AH} + \overline{CH'} = 4 \Rightarrow x + x = 4 \Rightarrow 2x = 4 \Rightarrow x = 2$$



$$\begin{aligned} S_{ABCD} &= S_{\triangle ABD} + S_{\triangle BCD} \Rightarrow 2 = \frac{1}{2} \times 2 \times \overline{BD} + \frac{1}{2} \times 2 \times \overline{BD} \Rightarrow 2 = 2 \overline{BD} \Rightarrow \overline{BD} \\ &= 1 \end{aligned}$$

گزینه ۲

$$\left. \begin{array}{l} PN \parallel BA \rightarrow \hat{P}_1 = \hat{B} \\ MP \parallel CA \rightarrow \hat{P}_2 = \hat{C} \\ \overline{AC} = \overline{AB} \rightarrow \hat{C} = \hat{B} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{P}_1 = \hat{B} , \quad \hat{P}_2 = \hat{C} , \quad \overline{PM} = \overline{BM} , \quad \overline{PN} = \overline{CN}$$



$$\text{محیط متوازی الاضلاع} = \overline{PM} + \overline{AM} + \overline{AN} + \overline{PN} \\ \left. \begin{array}{l} \overline{PM} = \overline{AN} = \overline{BM} \\ \overline{PN} = \overline{AM} = \overline{CN} \end{array} \right\} 2\overline{BM} + 2\overline{CN} = 2\overline{AM} + 2\overline{BM} = 2\overline{AB}$$

= ۱۲

**۵. گزینه ۲** نکته: در هر ذوزنقه هاره خلی، که وسط دو ساق را بهم وصل می‌کند، موازی دو قاعده است و همچنین لذازه آن برابر است نصف مجموع دو قاعده  
طبق نکته بالا داریم:

$$\begin{aligned} & \text{ذوزنقه } MN = \frac{\overline{AB} + \overline{CD}}{2} = \frac{3a + 4a}{2} = 3.5a , \quad h_1 = h_2 \\ & S_2 = \frac{1}{2} \times \text{ارتفاع} \times \text{مجموع دو قاعده} \\ & \rightarrow \frac{S_2}{S_1} = \frac{\frac{4a+3a}{2} \times h_2}{\frac{3a+4a}{2} \times h_1} = \frac{7a \times h_2}{5a \times h_1} = \frac{7}{5} \end{aligned}$$

# مای درس

## گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)