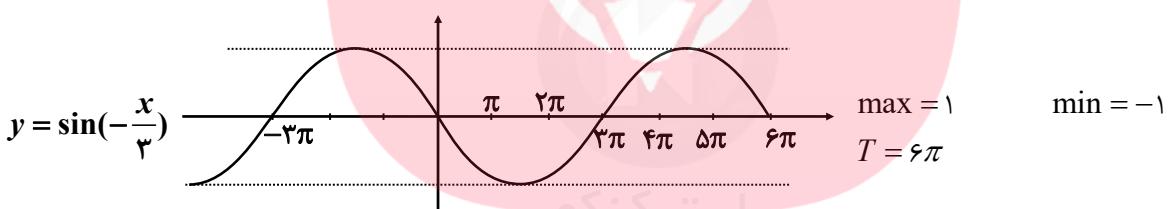
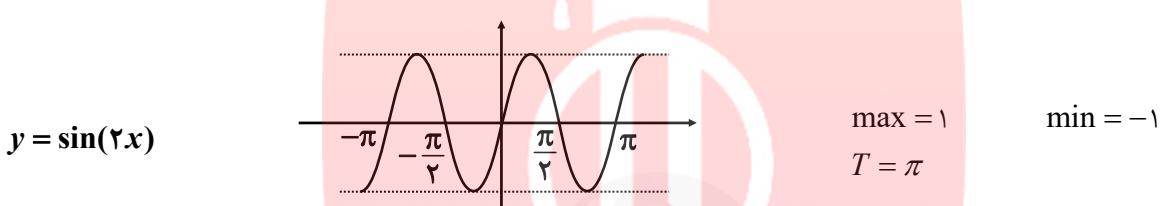
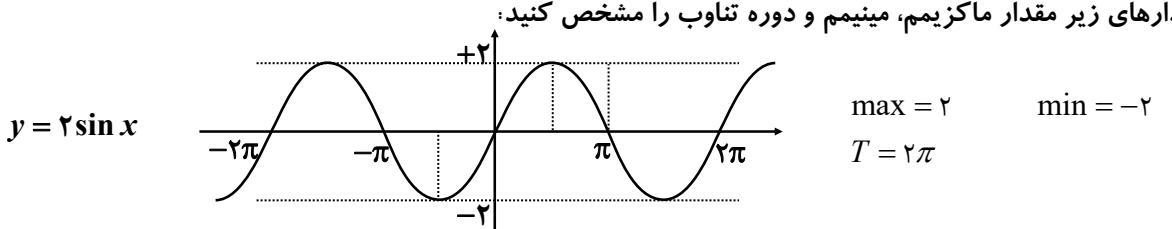




سوالات مربوط به دوره تناوب، ماکزیمم، مینیمم و تازه‌اند

فصل دوم

۱- در نمودارهای زیر مقدار ماکزیمم، مینیمم و دوره تناوب را مشخص کنید:



۲- دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم هر یک از توابع زیر را مشخص کنید:

الف) $y = 3 \sin(2x) - 2$

$\max = |3| - 2 = 1$

$\min = -|3| - 2 = -5 \quad T = \frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{2} = \pi$

(ب) $y = -\frac{1}{4} \cos(\pi x)$

$\max = |-\frac{1}{4}| = \frac{1}{4}$

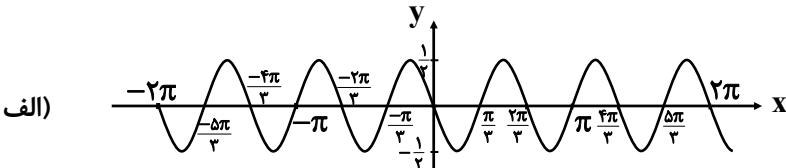
(پ) $y = \pi \sin(-x) + 1$

$\max = |\pi| + 1 = \pi + 1$

$\min = -|\pi| + 1 = 1 - \pi \quad T = \frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\pi} = 2$

۳- هر یک از نمودارهای داده شده در زیر مربوط به تابعی با ضابطه‌ای $f(x) = a \cos bx + c$ یا $f(x) = a \sin bx + c$ یا c است. مقدار ماکزیمم و مینیمم و دوره تناوب و ضابطه‌ی تابع را مشخص کنید.

است. مقدار ماکزیمم و مینیمم و دوره تناوب و ضابطه‌ی تابع را مشخص کنید.





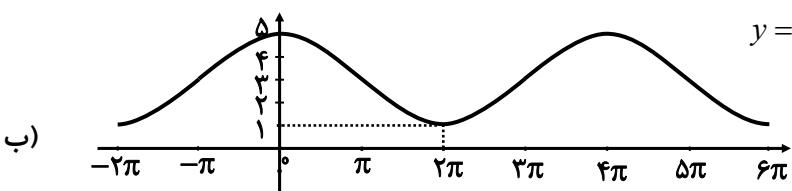
تهیه و تنظیم: مهندس مجتبی لشینی

موضوع: فصل دوم

با توجه به نمودار ضابطه‌ی تابع به صورت زیر است:

$$y = a \sin bx + c$$

و با توجه به مقادیر مکریم و مینیم و دوره تناوب از روی نمودار، $a = 0$ و $b = 3$ و $c = 0$ بدست می‌آید که در آن علامت a منفی و علامت b مثبت است. بنابراین داریم: $y = -\frac{1}{2} \sin 3x$



با توجه به نمودار، ضابطه‌ی تابع مورد نظر می‌تواند به صورت $y = a \cos bx + c$ باشد و مکریم و مینیم آن برابر ۵ و ۱ و طول دوره‌ی

تناوب برابر 4π است. بنابراین داریم: $y = 2 \cos(\frac{x}{2}) + 3$.

◆ ۴- دوره‌ی تناوب و مقادیر مکریم و مینیم هریک از توابع زیر را بدست آورید:

الف) $y = 1 + 2 \sin 7x$

$$\begin{aligned} y = a \sin bx + c & T = \frac{\pi}{|b|} \\ \max = |a| + c, \min = -|a| + c & T = \frac{\pi}{|7|} = \frac{\pi}{7} \end{aligned}$$

$\max = |2| + 1 = 3 \quad \min = -|2| + 1 = -1$

(ب) $\sqrt{3} - \cos \frac{\pi}{2} x$

$$\begin{aligned} y = a \cos bx + c & T = \frac{\pi}{|b|} \\ \max = |a| + c, \min = -|a| + c & T = \frac{\pi}{|\frac{\pi}{2}|} = 4 \end{aligned}$$

$\max = |-1| + \sqrt{3} = 1 + \sqrt{3} \quad \min = -|-1| + \sqrt{3} = -1 + \sqrt{3}$

(پ) $-\pi \sin(\frac{x}{2}) - 2$

$$\begin{aligned} y = a \sin bx + c & T = \frac{\pi}{|b|} \\ \max = |a| + c, \min = -|a| + c & T = \frac{\pi}{|\frac{1}{2}|} = 4\pi \end{aligned}$$

$\max = |-\pi| - 2 = \pi - 2 \quad \min = -|-\pi| - 2 = -\pi - 2$

(ت) $-\frac{3}{4} \cos 3x$

$$\begin{aligned} y = a \cos bx + c & T = \frac{\pi}{|b|} \\ \max = |a| + c, \min = -|a| + c & T = \frac{\pi}{|\frac{3}{4}|} = \frac{4\pi}{3} \end{aligned}$$

$\max = |-\frac{3}{4}| = \frac{3}{4} \quad \min = -|-\frac{3}{4}| = -\frac{3}{4}$

◆ ۵- هر یک از توابع داده شده را با نمودارهای زیر نظری کنید.

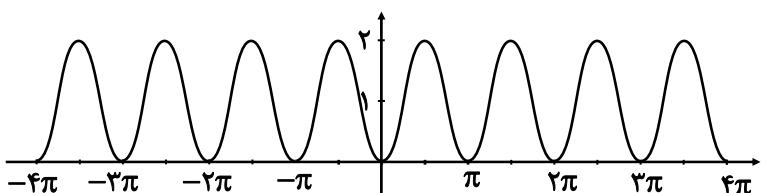
ت) $y = 1 - \cos 2x$

پ) $y = \sin 2x$

ب) $y = 2 - \cos \frac{1}{2}x$

الف) $y = \sin \pi x$

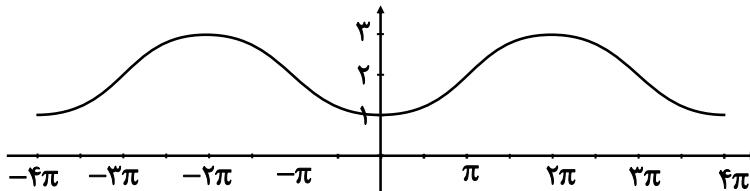
۱)



ت)

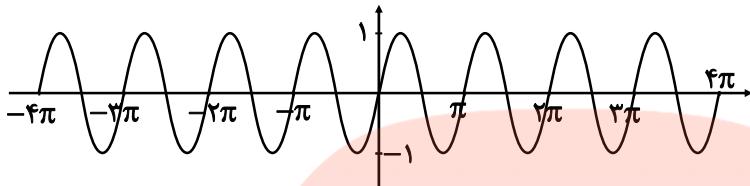


۲)



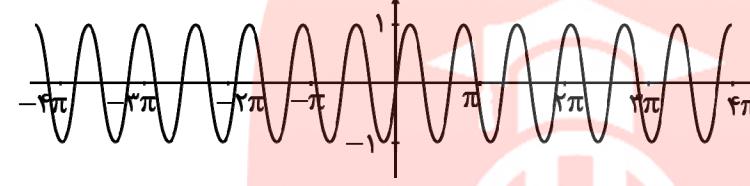
ب)

۳)



الف

۴)



ث

۶- در هر مورد ضابطه‌ی تابع مثلثاتی با دوره‌ی تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم داده شده بنویسید:

الف) $T = \pi, \max = 3, \min = -3$

$$y = a \sin bx + c, \max = |a| + c, \min = -|a| + c$$

$$a = \frac{3 - (-3)}{2} = 3 \quad c = \frac{3 + (-3)}{2} = 0 \quad \pi = \frac{2\pi}{|b|} \Rightarrow b = 2 \Rightarrow y = 3 \sin 2x$$

ب) $T = 2, \max = 1, \min = -1$

$$y = a \sin bx + c, \max = |a| + c, \min = -|a| + c$$

$$a = \frac{1 - (-1)}{2} = 1 \quad c = \frac{1 + (-1)}{2} = 0 \quad 2 = \frac{2\pi}{|b|} \Rightarrow b = \pi \Rightarrow y = \sin \pi x$$

پ) $T = 4\pi, \max = -1, \min = -3$

$$y = a \sin bx + c, \max = |a| + c, \min = -|a| + c$$

$$a = \frac{-1 - (-3)}{2} = 1 \quad c = \frac{-1 + (-3)}{2} = -2 \quad 4\pi = \frac{2\pi}{|b|} \Rightarrow b = \frac{1}{2} \Rightarrow y = \sin(\frac{1}{2}x) - 2$$

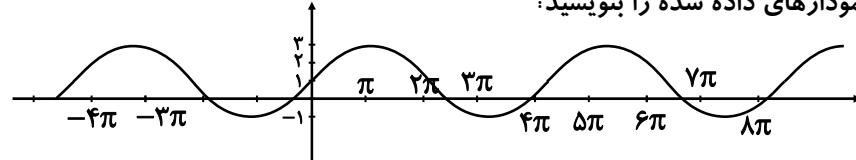
ت) $T = \frac{\pi}{2}, \max = 1, \min = -1$

www.my-dars.ir

$$y = a \sin bx + c, \max = |a| + c, \min = -|a| + c$$

$$a = \frac{1 - (-1)}{2} = 1 \quad c = \frac{1 + (-1)}{2} = 0 \quad \frac{\pi}{2} = \frac{2\pi}{|b|} \Rightarrow b = 4 \Rightarrow y = \sin(4x)$$

الف)



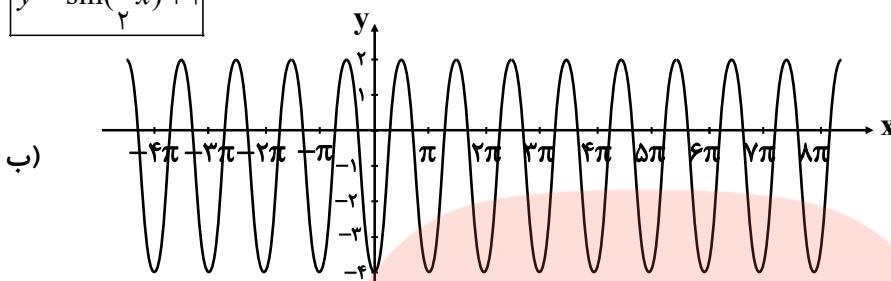
۷- ضابطه‌ی مربوط به هر یک از نمودارهای داده شده را بنویسید:



$$\max = 3, \min = -1, T = 4\pi$$

$$C = \frac{3 + (-1)}{2} = 1, a = \frac{3 - (-1)}{2} = 2, |b| = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{4\pi} = \frac{1}{2}$$

$$y = \sin\left(\frac{1}{2}x\right) + 1$$

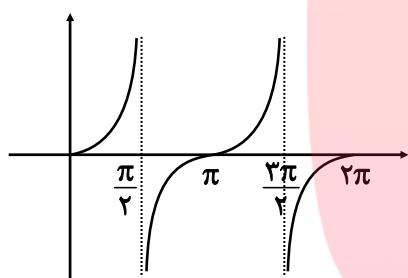


$$\max = 2, \min = -2, T = \pi$$

$$C = \frac{2 + (-2)}{2} = 0, a = \frac{2 - (-2)}{2} = 2, |b| = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\pi} = 2$$

$$y = 2\cos(2x) - 1$$

۸- صعودی یا نزولی بودن تابع $y = \tan x$ را در بازه‌ی $[0, 2\pi]$ بررسی کنید.



تابع در دامنه‌ی فور همواره صعودی است.

۹- کدام یک از جملات زیر درست و کدام نادرست است؟

الف) تابع تانژانت در دامنه‌اش صعودی است. نادرست

ب) می‌توان بازه‌ای یافت که تابع تانژانت در آن نزولی باشد. نادرست

پ) می‌توان بازه‌ای یافت که تابع تانژانت در آن غیر صعودی باشد. نادرست

ت) تابع تانژانت در هر بازه که در آن تعریف شده باشد، صعودی است. درست

۱۰- با توجه به محورهای سینوس و تانژانت، در موارد زیر مقادیر $\sin \alpha$ و $\tan \alpha$ را باهم مقایسه کنید.

الف) $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

در ربع اول هم سینوس و هم تانژانت صعودی است.

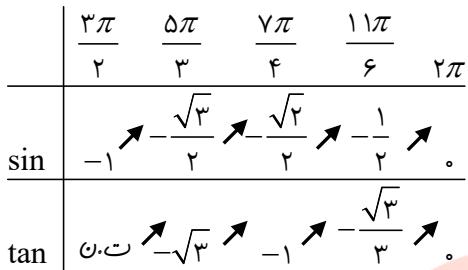
www.my-dars.ir

	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
\sin	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
\tan	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	$\sqrt{3}$	$+\infty$



$$\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi \quad (\text{ب})$$

در ربع چهارم هم سینوس و هم تانژانت صعودی است.



سوالات مربوط به نسبت‌های مثلثاتی 2α

۱- مقدار $\sin 15^\circ, \cos 15^\circ$ را بیابید.

$$\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$$

$$\cos 30^\circ = 1 - 2\sin^2 15^\circ \rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = 1 - 2\sin^2 15^\circ \rightarrow \sin^2 15^\circ = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2} - 1}{-2} = \frac{2 - \sqrt{3}}{4} \Rightarrow \sin 15^\circ = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2}$$

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha \Rightarrow \sin 30^\circ = 2\sin 15^\circ \times \cos 15^\circ$$

$$\frac{1}{2} = 2 \times \frac{\sqrt{2 - \sqrt{3}}}{2} \times \cos 15^\circ \rightarrow \cos 15^\circ = \frac{1}{2\sqrt{2 - \sqrt{3}}}$$

۲- فرض کنید $\cos \alpha = \frac{5}{13}$ و α زاویه‌ای حاده باشد. حاصل عبارت زیر را بدست آورید.
الف) $\cos 2\alpha$

$$\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1$$

$$\cos 2\alpha = 2 \times \left(\frac{5}{13}\right)^2 - 1 = 2 \times \frac{25}{169} - 1 = \frac{50}{169} - 1 = \frac{-119}{169}$$

$$\sin 2\alpha$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \rightarrow \sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha = 1 - \left(\frac{5}{13}\right)^2$$

$$\Rightarrow \sin^2 \alpha = \frac{144}{169} \xrightarrow{\text{نامیه اول}} \sin \alpha = \frac{12}{13} \Rightarrow \sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha = 2 \times \frac{12}{13} \times \frac{5}{13} = \frac{120}{169}$$

۳- نسبت‌های مثلثاتی سینوس و کسینوس را برای زاویه $22/5^\circ$ بدست آورید.

$$\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha \Rightarrow \cos 45^\circ = 1 - 2\sin^2(22/5) \Rightarrow \sin^2(22/5) = \frac{1 - \cos 45^\circ}{2}$$

$$\Rightarrow \sin^2(22/5) = \frac{1 - \frac{\sqrt{2}}{2}}{2} = \frac{2 - \sqrt{2}}{4} \rightarrow \sin(22/5) = \frac{\sqrt{2 - \sqrt{2}}}{2}$$

$$\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1 \rightarrow \cos 45^\circ = 2\cos^2(22/5) - 1$$

$$\rightarrow \cos^2(22/5) = \frac{1 + \cos 45^\circ}{2} = \frac{1 + \frac{\sqrt{2}}{2}}{2} = \frac{2 + \sqrt{2}}{4} \rightarrow \cos(22/5) = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2}$$



سوالات مربوط به معادلات مثلثی

تیپ اول سینوس‌ها:

۱- معادله $\sin x = -\frac{1}{2}$ را حل کنید.

$$\sin x = -\frac{1}{2} \Rightarrow \sin x = \sin(-\frac{\pi}{6})$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + (-\frac{\pi}{6}) = 2k\pi - \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \\ x = 2k\pi + (\pi + \frac{\pi}{6}) = 2k\pi + \frac{7\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

۲- معادلات زیر را حل کنید.

(الف) $2\sin x - \sqrt{3} = 0$

$$2\sin x - \sqrt{3} = 0 \rightarrow \sin x = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \sin x = \sin(\frac{\pi}{3})$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \\ x = 2k\pi + (\pi - \frac{\pi}{3}) = 2k\pi + \frac{2\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

(ب) $4\sin x + \sqrt{1} = 0$

$$4\sin x + \sqrt{1} = 0 \rightarrow \sin x = \frac{-\sqrt{1}}{4} = \frac{-\sqrt{2}}{4} = \frac{-\sqrt{2}}{2} \rightarrow \sin x = \sin(-\frac{\pi}{4})$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + (-\frac{\pi}{4}) = 2k\pi - \frac{\pi}{4}, k \in \mathbb{Z} \\ x = 2k\pi + (\pi - (-\frac{\pi}{4})) = 2k\pi + \pi + \frac{\pi}{4}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

۳- معادله $\sin 2x = \sin 3x$ را حل کنید.

$$\sin 2x = \sin 3x$$

$$\begin{cases} 2x = 2k\pi + 3x \Rightarrow x = 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \\ 2x = (2k+1)\pi - 3x \rightarrow x = \frac{(2k+1)\pi}{5}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

www.my-dars.ir

۴- معادله $2\sin 3x - \sqrt{2} = 0$ را حل کنید.

$$2\sin 3x - \sqrt{2} = 0 \rightarrow \sin 3x = \frac{\sqrt{2}}{2} \rightarrow \sin 3x = \sin(\frac{\pi}{4})$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 3x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} \rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{12}, k \in \mathbb{Z} \\ 3x = (2k+1)\pi - \frac{\pi}{4} \rightarrow x = \frac{(2k+1)\pi}{3} - \frac{\pi}{12} \end{cases}$$



۵- جواب معادله $\sin x \cdot \cos x = \frac{\sqrt{3}}{4}$ را بدست آورید.

ابتدا طرفین معادله را در عدد ۲ ضرب می‌کنیم:

$$2\sin x \cdot \cos x = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{4} \rightarrow 2\sin x \cdot \cos x = \frac{\sqrt{3}}{2} \rightarrow \sin 2x = \frac{\sqrt{3}}{2} \rightarrow \sin 2x = \sin\left(\frac{\pi}{3}\right)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + \frac{\pi}{3} \rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \\ 2x = (2k+1)\pi - \frac{\pi}{3} \rightarrow x = \frac{(2k+1)\pi}{2} - \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

◆ ۶- معادلات زیر را حل کنید.

(الف) $\sin \frac{\pi}{2} = \sin 3x$

$$3x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} \rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z}$$

(ب) $\cos 2x - \sin x + 1 = 0$

$$1 - 2\sin^2 x - \sin x = 0 \Rightarrow 2\sin^2 x + \sin x - 1 = 0 \xrightarrow{\sin x=t} 2t^2 + t - 1 = 0 \xrightarrow{b=a+c} \begin{cases} t = -1 \\ t = \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = -1 \rightarrow \sin x = \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) \Rightarrow x = 2k\pi + \frac{-\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \\ \sin x = \frac{1}{2} \rightarrow \sin x = \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \\ x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{6} \end{cases} \end{cases}$$

(پ) $2\sin^2 x + \sin x - 1 = 0$

$$\xrightarrow{\sin x=t} 2t^2 + t - 1 = 0 \xrightarrow{b=a+c} \begin{cases} t = -1 \\ t = +\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = -1 \rightarrow \sin x = \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow x = 2k\pi + \frac{-\pi}{2} \\ \sin x = \frac{1}{2} \rightarrow \sin x = \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \\ x = 2k\pi + (\pi - \frac{\pi}{6}) \end{cases} \end{cases}$$

(ت) $\cos^2 x - \sin x = \frac{1}{4}$

$$1 - \sin^2 x - \sin x = \frac{1}{4} \rightarrow \sin^2 x + \sin x - \frac{3}{4} = 0 \xrightarrow{\sin x=t}$$



$$t^2 + t - \frac{3}{4} = 0 \Rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = (1)^2 - 4(1)(-\frac{3}{4}) = 4 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = \frac{-1+2}{2} = \frac{1}{2} \\ t_2 = \frac{-1-2}{2} = -\frac{3}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = \frac{1}{2} \Rightarrow \sin x = \sin \frac{\pi}{6} \Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \\ x = 2k\pi + \frac{5\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \end{cases} \\ \sin x = -\frac{3}{2} \text{ غیر ممکن} \end{cases}$$

ث) $\sin x - \cos 2x = 0$

$$\sin x - (1 - 2\sin^2 x) = 0 \rightarrow 2\sin^2 x + \sin x - 1 = 0 \rightarrow (\sin x + 1)(2\sin x - 1) = 0$$

$$\begin{cases} \sin x + 1 = 0 \rightarrow \sin x = -1 \rightarrow x = 2k\pi + \frac{3\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \\ 2\sin x - 1 = 0 \rightarrow \sin x = \frac{1}{2} \rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \\ x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z} \end{cases} \end{cases}$$

- ۷- یک بازیکن هندبال توپ را با سرعت $\frac{m}{s}$ برای هم تیمی خود که در $12/8$ متری او قرار دارد پرتاب می‌کند. اگر رابطه بین سرعت توپ V (برحسب ثانیه)، مسافت طی شده افقی d (برحسب متر) و زاویه پرتاب θ به صورت زیر باشد.
آنگاه زاویه پرتاب توپ چقدر بوده است؟

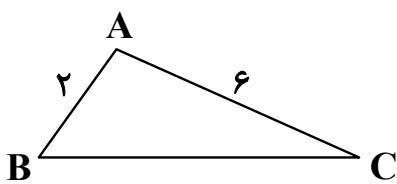
$$d = \frac{V^2 \sin 2\theta}{10}$$

$$12/8 = \frac{(16)^2 \sin 2\theta}{10} \rightarrow \sin 2\theta = \frac{12/8 \times 10}{256} = \frac{1}{2} \Rightarrow \begin{cases} 2\theta = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \\ 2\theta = (2k+1)\pi - \frac{\pi}{6} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \theta = k\pi + \frac{\pi}{12} \\ \theta = \frac{(2k+1)\pi}{2} - \frac{\pi}{12} \end{cases}$$

www.my-dars.ir

- ۸- مثلثی با مساحت 3 سانتی‌مترمربع مفروض است. اگر اندازه دو ضلع آن به ترتیب 2 و 6 سانتی‌متر باشند، آنگاه چند مثلث با این خاصیت‌ها می‌توان ساخت؟



$$S = \frac{1}{2} \times AB \times AC \times \sin \hat{A}$$

$$3 = \frac{1}{2} \times 2 \times 6 \times \sin \hat{A} \rightarrow \sin \hat{A} = \frac{1}{2} \rightarrow \sin \hat{A} = \sin \frac{\pi}{6}$$



$$\Rightarrow \begin{cases} \hat{A} = 2k\pi + \frac{\pi}{6} & k \in \mathbb{Z} \\ \hat{A} = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{6} & k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

نقطه می توان $\hat{A} = \frac{5\pi}{6}$ و $A = \frac{\pi}{2}$ را در نظر گرفت پس دو مثلث می توان ساخت.

تیپ دوم کسینوس ها:

۱- معادله $\cos x(2\cos x - 1) = 0$ را حل کنید:

$$\cos x(2\cos x - 1) = 0 \rightarrow 2\cos^2 x - \cos x - 0 = 0 \xrightarrow{\cos x = t}$$

$$2t^2 - t - 0 = 0 \rightarrow (2t - 1)(t + 0) = 0 \rightarrow \begin{cases} t = -\frac{1}{2} \\ t = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \cos x = -\frac{1}{2} \rightarrow \cos x = \cos \frac{2\pi}{3} \rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{2\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \\ \cos x = 0 \Rightarrow \text{غیر قابل قبول} \end{cases}$$

۲- معادله $\sin x + \cos x = 1$ را در بازه $0 \leq x \leq 2\pi$ حل کنید. (ویژه ریاضی)

$$\sin x + \cos x = 1 \rightarrow \sin x = 1 - \cos x \xrightarrow{\text{توان ۲}} \sin^2 x = (1 - \cos x)^2$$

$$\rightarrow \sin^2 x = 1 - 2\cos x + \cos^2 x \xrightarrow{\sin^2 x = 1 - \cos^2 x} 1 - \cos^2 x = 1 - 2\cos x + \cos^2 x \rightarrow 2\cos^2 x - 2\cos x = 0$$

$$\rightarrow 2\cos x(\cos x - 1) = 0 \rightarrow \begin{cases} 2\cos x = 0 \rightarrow \cos x = 0 \rightarrow x = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2} \\ \cos x - 1 = 0 \rightarrow \cos x = 1 \rightarrow x = 0, 2\pi \end{cases}$$

۳- معادلات زیر را حل کنید:

الف) $\cos 2x - \cos x + 1 = 0$

$$\Rightarrow 2\cos^2 x - 1 - \cos x + 1 = 0 \Rightarrow 2\cos^2 x - \cos x = 0 \Rightarrow \cos x(2\cos x - 1) = 0$$

$$\begin{cases} \cos x = 0 \rightarrow \cos x = \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow x = 2k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \cos x = \frac{1}{2} \rightarrow \cos x = \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) \rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

ب) $\cos x = \cos 2x$

$$\Rightarrow x = 2k\pi \pm 2x$$

$$\begin{cases} x = 2k\pi + 2x \rightarrow x = -2k\pi \\ x = 2k\pi - 2x \rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} \end{cases}$$