

تعداد صفحات : ۲		بسمه تعالی		شماره صفحه : ۱
مدت امتحان : ۱۰۰ دقیقه		سوالات امتحانات هماهنگ سال دوازدهم		نام درس : حسابان (۲)
تاریخ امتحان : ۹۸ / ۱ / ۲۴				رشته : ریاضی
شماره صندلی :				نام و نام خانوادگی :
بارم	سوالات			ردیف
۱/۵	<p>با توجه به نمودار تابع <math>y = f(x)</math>، دامنه و بُرد تابع <math>y = 3f\left(\frac{x}{2} - 4\right) + 2</math> را بدست آورده و نمودار آن را رسم کنید.</p>			۱
۱	<p><math>a</math> و <math>b</math> را طوری بیابید که چند جمله‌ای <math>P(x) = x^3 + ax^2 + 2bx - 3</math> بر <math>x - 3</math> بخش پذیر بوده و باقی مانده آن بر <math>x - 1</math> برابر <math>-4</math> باشد.</p>			۲
۲	<p>دوره تناوب، مقادیر ماکزیمم و مینیمم هر یک از توابع زیر را بیابید.</p> <p>(الف) <math>y = \sqrt{3} - \cos \frac{\pi}{2} x</math>      (ب) <math>y = 1 + 2 \sin 7x</math></p>			۳
۱/۵	<p>جواب‌های کلی معادله <math>\cos x (2 \cos x - 9) = 5</math> را بنویسید.</p>			۴
۱/۵	<p>مجانبه‌های تابع <math>f(x) = \frac{x^2 + x}{x^2 - 4x}</math> را بیابید.</p>			۵

بارم	صفحه : ۲	سوالات حسابان (۲)	نام و نام خانوادگی :	ردیف
			حدهای زیر را محاسبه کنید.	۶
۱		۱) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x]-2}{x-2} =$		
۱		۲) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x+1}{4-x^2} =$		
۰/۷۵		۳) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{\cos x - 1} =$		
۱		۴) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x + \sqrt{x^2 + 5}}{4x - \sqrt{4x^2 - 7}} =$		
۰/۷۵		۵) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (3x^2 + 8x + 5) =$		
۲			به کمک تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = \sqrt{x}$ را در نقطه $x = 2$ محاسبه کنید.	۷
۱			معادله خط مماس و خط قائم بر منحنی تابع $f(x) = -x^2 + 10x$ را در نقطه‌ای به طول ۲ واقع بر منحنی بنویسید.	۸
۱/۵			تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{x}{x} - 5 & x \geq 1 \\ x^2 + ax + b & x < 1 \end{cases}$ در نقطه $x = 1$ مشتق پذیر است، مقادیر $a$ و $b$ را بیابید.	۹
۲			مشتق توابع زیر را بیابید. ( ساده کردن الزامی نیست ) ۱) $y = \frac{9x-2}{\sqrt{x}}$ ۲) $y = \sin x \cdot \cos 2x$	۱۰
۱/۵			معادله حرکت محرکی به صورت $f(t) = t^2 - t + 10$ بر حسب متر در بازه زمانی $[0, 5]$ ( بر حسب ثانیه ) داده شده است، در کدام لحظه، سرعت لحظه‌ای با سرعت متوسط در بازه زمانی $[0, 5]$ با هم برابرند؟	۱۱
۲۰			* موفق باشید *	