

" بسمه تعالی "

نام و نام خانوادگی :

نام پدر :

نام دبیر :

امتحان : حسابات

پایه و رشته: بیازدهم ریاضی

تعداد سوال: ۱۷

تعداد صفحه :

تاریخ امتحان :

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

طراح: آقای وحدانی

بارم

امام علی (ع) : " زکات دانش، آموزش به کسانی که شایسته آنند و کوشش در عمل به آن است ."

۱	<p>عبارت درست را با نماد <math>\sqcup</math> و عبارت نادرست را با نماد <math>\times</math> مشخص کنید.</p> <p>الف: خط <math>y = -3^x - 2</math> نمودار تابع <math>y = -3^x</math> در نقطه ای به طول عددی بین صفر و یک قطع می کند.</p> <p>ب: رابطه <math>y^2 + x^2 + 2y + 1 = 0</math> یک تابع <math>y</math> بر حسب <math>x</math> را مشخص می کند.</p> <p>ج: مقدار <math>\sin 3^{\text{rad}}</math> عددی منفی است.</p> <p>د: لگاریتم اعداد مثبت کمتر از یک همواره عددی منفی است.</p>	-۱
۱	<p>مجموع همه اعداد طبیعی سه رقمی مضرب ۷ را بدست آورید.</p>	-۲
۱	<p>روی محور طول ها چه نقاطی وجود دارد که مجموع فاصله‌ی آنها از دو نقطه به طول های ۳ و ۳ روی محور طول ها برابر ۶ باشد.</p>	-۳
۱	<p>به ازای کدام مقدار <math>m</math> مجموع جذر هر دو ریشه معادله درجه دوم <math>-(m+1)x^2 + \frac{1}{8} = 0</math> برابر ۲ می شود.</p>	-۴
۱	<p>فاصله دو خط موازی <math>12x + 9y = 2</math> و <math>ax + 3y + c = 0</math> برابر ۲ است، اگر <math>c &gt; 0</math> مقدار <math>a - 2</math> را بدست آورید.</p>	-۵
۱/۷۵	<p>دامنه تابع <math>f(x) = \sqrt{3 - 2[-x]}</math> را بدست آورید.</p>	-۶

۱	اگر $g(x) = \sqrt{4 - x^2}$ و $f(x) = \sqrt{x^2 + 5}$ در این صورت ضابطه و دامنه تابع $gof$ را با استفاده از تعریف بدست آورید.	-۷
۱	دامنه و ضابطه تابع وارون تابع $f(x) = - x - 3  + 1$ با شرط $x \leq 3$ را بدست آورید.	-۸
۲/۵	معادلات و نامعادله زیر را حل کنید. $\log_3(2x^2 + 1) + \log_3(x + 2) = 1$ $3^{x-1} + 3^{x+1} = 8/1$ $(\sqrt{2})^{2x+4} > 4^x$	-۹
۱/۲۵	اگر $\tan x = \frac{4}{3}$ حاصل عبارت $\tan \frac{x}{2} - \cot \frac{x}{2}$ را بدست آورید.	-۱۰
۱	نمودار تابع $y = 1 + \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید.	-۱۱
۱/۵	اگر $\frac{\cos 285 - \sin 255}{\sin 525 - \sin 105}$ مقدار $\tan 15 = 0/28$ را بدست آورید.	-۱۲

۱	<p>مقدار <math>b</math> را چنان تعیین کنید که تابع زیر در <math>x = 0</math> حد داشته باشد.</p> $f(x) = \begin{cases} \frac{(\sin x)^2}{1+\cos x} & x > 0 \\ [x] + b & x < 0 \end{cases}$	-۱۳
۳	<p>حدهای ذیل را محاسبه کنید.</p> <p>ب : <math>\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{ \cos x }{x - \pi}</math></p> <p>الف : <math>\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{\sqrt{3x-5} - 2}</math></p> <p>: <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 - 2 \cos x}{x \sin x}</math></p> <p>ج : <math>\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1 + \cos 2x}{(2x-\pi)^2}</math></p>	-۱۴
۰/۷۵	<p>نمودار تابعی رسم کنید که در <math>x = 0</math> پیوسته نباشد اما <math> f </math> در <math>x = 0</math> پیوسته باشد.</p>	-۱۵
۱/۲۵	<p>مقدار <math>a</math> را چنان بیابید که تابع <math>f(x) = \begin{cases} \frac{(x+2)^3 - 1}{x+1} &amp; x \neq -1 \\ 2ax + 1 &amp; x = -1 \end{cases}</math> در <math>x = -1</math> پیوسته باشد.</p>	-۱۶
۲۰	<p>جمع نمرات *** ****</p> <p>موفق و سر بلند باشید</p>	

