

نام درس: هندسه نام دییر: آصفی تاریخ امتحان: ...../...../..... ساعت امتحان: .....صباح/عصر مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی: مقطع و رشته: یازدهم ریاضی شماره داوطلب: تعداد صفحه سؤال:
--	--	---

ردیف	سوالات	ردیف
۱	<p>واژه های زیر را تعریف کنید:</p> <p>چند ضلعی محیطی</p> <p>چند ضلعی محاطی</p>	۱
۲	<p>در شکل زیر مقدار <math>X</math> را محاسبه کنید.</p>	۲
۳	<p>قضیه: ثابت کنید اندازه زاویه ای که از برخورد دو وتر در یک دایره ایجاد می شود، برابر نصف مجموع اندازه دو کمانی از دایره است که به ضلع ها و امتداد ضلع های آن زاویه محدودند.</p>	۳
۴	<p>دو دایره به شعاع ۱ و ۴ سانتی متر، مماس بروند هستند. مقدار <math>X</math> را چنان بیابید که اندازه مماس مشترک خارجی آنها برابر <math>3X+1</math> باشد.</p>	۴
۵	<p>ثابت کنید اگر امتداد وترهای <math>AA'</math> و <math>BB'</math> از دایره (C) یکدیگر را در نقطه <math>M</math> قطع کنند داریم:</p> $MA \times MA' = MB \times MB'$	۵
۶	<p>عكس قضیه: ثابت کنید اگر دو پاره خط <math>AA'</math> و <math>BB'</math> در نقطه <math>M</math> یکدیگر را طوری قطع کنند که <math>MA \times MA' = MB \times MB'</math> ، آنگاه چهار نقطه <math>A, A', B, B'</math> روی یک دایره اند.</p>	۶
۷	<p>دایره <math>(O, 5)</math> و نقطه <math>M</math> به فاصله <math>\sqrt{2}</math> از مرکز دایره <math>C</math> داده شده است. <math>MT</math> و <math>T'</math> در نقاط <math>T</math> و <math>T'</math> بر این دایره مماسند.</p> <p>الف- طول مماس های <math>MT</math> و <math>T'M</math> را به دست آورید.</p> <p>ب- نوع چهارضلعی <math>OTMT'</math> را با ذکر دلیل مشخص کنید.</p>	۷
۸	<p>زاویه ظلی <math>TAB</math> در دایره ای به مرکز <math>O</math> داده شده است:</p> $\hat{TAB} = \frac{\widehat{AB}}{2}$ <p>با استفاده از ویژگی قطر عمود بر وتر، ثابت کنید که</p>	۸

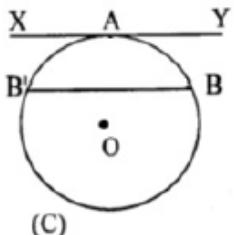
۹

قضیه: ثابت کنید اگر از یک نقطه، یک مماس و یک قاطع نسبت به یک دایره رسم کنیم، قطعه‌ای از خط مماس محصور بین آن نقطه و نقطه تماس، واسطه هندسی بین دو قطعه قاطع است.

۱۰

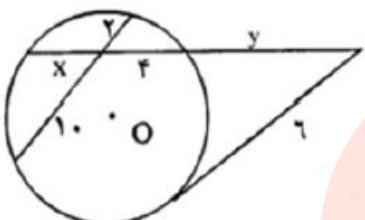
خط  $XY$  در نقطه  $A$  بر دایره  $(C)$  مماس است. وتر  $BB'$  از دایره را موازی  $XY$  رسم کرده ایم.

ثابت کنید:  $\widehat{AB} = \widehat{AB'}$



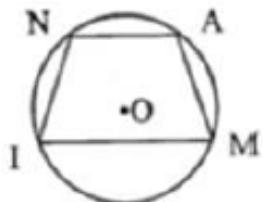
۱۱

در شکل زیر مقادیر  $x$  و  $y$  را بدست آورید.



۱۲

در دایره  $(O)$  چهارضلعی  $AMIN$  محاط شده است و داریم:  $NI = AM$  نشان دهید:  $AN \parallel MI$



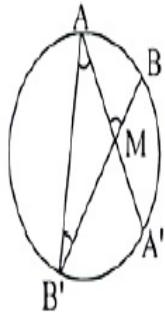
موفق باشید  
آصفی

گروه آموزشی عصر

ASR\_Group @ outlook.com

@ASRschooL2

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

نام درس: هندسه نام دبیر: آصفی تاریخ امتحان: ...../...../..... ساعت امتحان: ..... صبح / عصر مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		پاسخ نامه سوالات
راهنمای تصویب		۱
<p>هرگاه همه ضلع‌های یک چندضلعی بر یک دایره مماس باشند، چندضلعی را محیطی می‌نامند. (۰/۵)</p> <p>اگر همه رأس‌های یک چندضلعی روی یک دایره قرار داشته باشند، آن چندضلعی محاطی نامیده می‌شود. (۰/۲۵)</p>		۱
$x(x+3) = 4 \times 10 \quad (0/5) \Rightarrow x^2 + 3x - 40 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 5 & (\text{ق ق}) \quad (0/25) \\ x = -8 & (\text{غ ق ق}) \quad (0/25) \end{cases}$		۲
<p>وترهای <math>AA'</math> و <math>BB'</math> از دایره <math>M</math> یکدیگر را قطع کرده‌اند. پاره خط <math>AB'</math> را رسم می‌کنیم. زاویه‌های <math>B'AB</math> و <math>A'A'B'</math> محاطی هستند. (۰/۳۵)</p> <p><math>\angle A\hat{M}B = \frac{\widehat{AB} + \widehat{A'B'}}{2} \quad (0/25)</math></p> <p><math>\angle A'\hat{A}B' = \frac{\widehat{A'B'}}{2} \quad (0/25)</math></p> <p><math>\angle AMB' = \angle A\hat{M}B + \angle A'\hat{A}B' \quad (0/25)</math></p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p><math>\Rightarrow \angle AMB = \frac{\widehat{AB} + \widehat{A'B'}}{2} \quad (0/25)</math></p> 	<p>۳</p>	<p>۴</p>

# ما درس

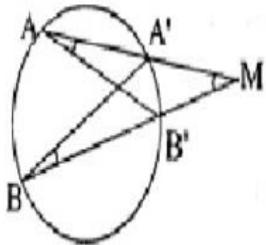
## گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

ابتدا A را به B و B را به A' وصل می‌کنیم، دو مثلث  $A' MB, AMB'$  متشابه‌اند، (۰/۲۵) زیرا:

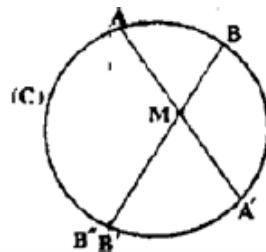
$$\left\{ \begin{array}{l} \text{اویه محاطی} \\ \hat{A} = \hat{B} = \frac{\hat{A'B'}}{2} (\text{۰/۰}) \Rightarrow \frac{MA}{MB} = \frac{MB'}{MA} (\text{۰/۲۵}) \Rightarrow \\ \text{مشترک } M \\ MA \times MA' = MB \times MB' \end{array} \right.$$

رسم شکل (۰/۲۵)



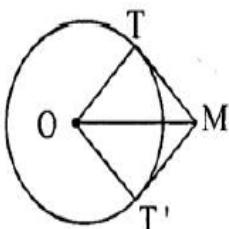
بر سه نقطه  $A, A'$  و  $B, B'$  یک دایره می‌گذاریم (دایره C). اگر این دایره از نقطه  $B'$  بگذرد، حکم ثابت است (۰/۲۵). اما اگر این دایره از  $B'$  نگذرد، خط  $MB$  را در نقطه دیگری مانند  $B''$  قطع خواهد کرد. در این صورت خواهیم داشت:  $MA \times MA' = MB \times MB''$  از مقایسه این رابطه با فرض قضیه، نتیجه می‌شود  $MB' = MB''$  و این نشان می‌دهد که  $B''$  بر  $B'$  منطبق است (۰/۲۵)؛ یعنی دایره ای که بر سه نقطه  $B$  می‌گذرد، پس چهار نقطه  $B, B', A, A'$  روی یک دایره واقع هستند.

رسم شکل (۰/۲۵)



$\overset{\Delta}{OTM} : OT \perp MT \Rightarrow \overset{\Delta}{OTM} = 90^\circ$  (۰/۲۵)

$$\text{رسم شکل (۰/۲۵)} \Rightarrow MT = \sqrt{OM^2 - OT^2} = \sqrt{50 - 25} = 5 \text{ (۰/۲۵)} \Rightarrow MT = MT' = 5 \text{ (۰/۲۵)}$$



# ماهی درس

گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

$$\left. \begin{array}{l} MT = MT' = OT = OT' = 5 \\ T = 90^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow OTMT'$$



(۰/۲۵) مربع است

زاویه ظلی  $BAT$  را در دایره ای به مرکز ۰ در نظر می‌گیریم، شعاع  $OA$  از این دایره را رسم می‌کنیم، می‌دانیم شعاع در نقطه تماس بر خط مماس عمود است.

پس

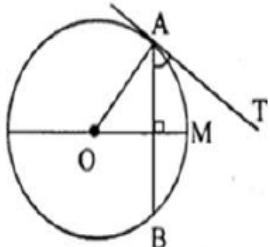
$$(۰/۲۵) \quad OAB + BAT = 90^\circ \quad (۱)$$

قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمان‌های نظیر آن وتر را نصف می‌کند.

$$(۲) (۰/۲۵) \quad A\hat{O}M = \hat{A}\hat{M} = \frac{\hat{AB}}{2}$$

$$\text{از طرفی } (۳) (۰/۲۵) \quad OAB + A\hat{O}M = 90^\circ$$

$$(۰/۲۵) BAT + A\hat{O}M = \frac{\hat{AB}}{2} \quad \text{از رابطه (۱) و (۳) نتیجه می‌شود}$$

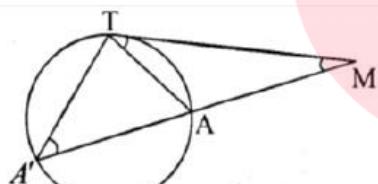


برهان: دایره  $C$  و نقطه  $M$  را خارج آن در نظر می‌گیریم، مماس  $MT$  و قاطع  $MAA'$  را نسبت به این دایره رسم می‌کنیم، از  $T$  به  $A$  و  $A'$  وصل می‌کنیم.

دو مثلث  $MA' T$  و  $MA T$  متشابه‌اند زیرا:

$$\left. \begin{array}{l} ATM = AA'T = \frac{\hat{AT}}{2} \\ M = M \end{array} \right\} (۰/۰) \Rightarrow \frac{MT}{MA} = \frac{MA'}{MT} \quad (۰/۲۵)$$

$$\Rightarrow MT^2 = MA \cdot MA' \quad (۰/۲۵)$$



رسم شکل (۰/۲۵)

# ماهی درس

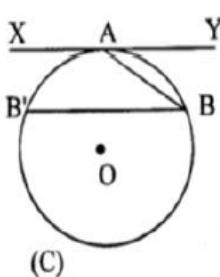
## گروه آموزشی عصر

را به  $B$  وصل می‌کنیم، زاویه  $BAY$  ظلی و زاویه  $ABB'$  محاطی هستند. بنابراین:

$$ABB' = \frac{\hat{AB}'}{2} \quad (۰/۲۵), \quad BAY = \frac{\hat{AB}}{2} \quad (۰/۲۵)$$

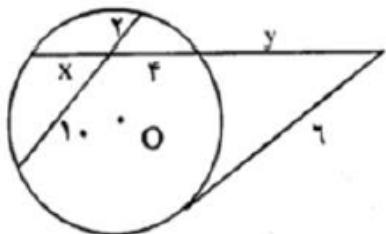
با توجه به فرض  $XY \parallel BB'$  و  $AB$  مورب، پس

$$ABB' = BAY \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \hat{AB} = \hat{AB}' \quad (۰/۲۵)$$

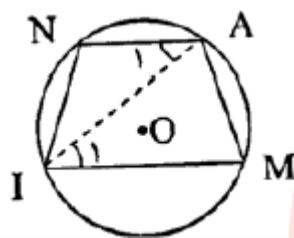


$$F \times x = Y \times 10 (0/2\Delta) \Rightarrow x = 5 (0/2\Delta)$$

$$x^2 = y(y + 9) (0/2\Delta) \Rightarrow y^2 + 9y - 36 = 0 \Rightarrow y = 3 (0/2\Delta)$$



از A به I وصل می‌کنیم ( $0/2\Delta$ ) با توجه به رابطه  $AM = NI$  نتیجه می‌گیریم



$$(0/2\Delta) \widehat{AM} = \widehat{NI}$$

$$\begin{cases} A_1 = \frac{\widehat{NI}}{2} \\ I_1 = \frac{\widehat{AM}}{2} \end{cases} \rightarrow A_1 = I_1 (0/2\Delta)$$

طبق عکس قضیه خطوط موازی و مورب  $AM \parallel NI$  ( $0/2\Delta$ )

## گروه آموزشی عصر

*ASR\_Group @outlook.com*

*@ASRschool2*

گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)