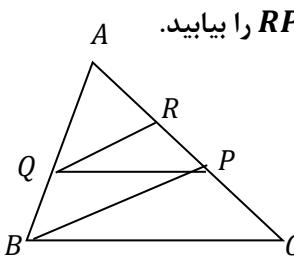


ردیف	سؤالات	ردیف
ردیف	محل مهر یا امضاء مدیر	ردیف
۱	ثابت کنید عمود منصف های اضلاع یک مثلث همسنند.	۱
۱	ثابت کنید هر نقطه روی نیم ساز یک زاویه تا دو ضلع زاویه به یک فاصله است.	۲
۱	به کمک مثال نقض احکام کلی زیر را رد کنید: الف) در هر مثلث متساوی الساقین ارتفاع وارد بر قاعده بزرگ ترین ارتفاع مثلث است. ب) در هر مثلث نقطه همسنی ارتفاع ها داخل مثلث است.	۳
۱	الف) اگر $\frac{a}{b} = \frac{2a+2b}{a+2b}$ باشد، مقدار عددی کسر $\frac{2a+2b}{a+2b}$ را به دست آورید. ب) اگر $\frac{a}{b} = \frac{2b}{3a}$ باشد، مقدار عددی کسر $\frac{a-b}{3a}$ را بیابید.	۴
۱,۲۵	در مثلث قائم الزاویه ABC ، ارتفاع AH را رسم کرده ایم. در هر حالت، با توجه به مفروضات داده شده، مقادیر مجھول را به دست آورید. الف) $BH = 9$ و $CH = 4$ و $AH = ?$ و $AB = ?$ و $AC = ?$ ب) $AB = 8$ و $AH = 4$ و $BC = ?$ و $AC = ?$	۵
۰,۷۵	در مثلث ABC ، M وسط BC و $MP \parallel BC$ و $MQ \parallel BC$ و AMC نیم ساز های زوایایی هستند. ثابت کنید $PQ \parallel BC$.	۶
۱	در شکل زیر داریم: $PQ \parallel BC$ ، $QR \parallel BP$ آن گاه طول RP را بیابید. 	۷
۱,۵	ثابت کنید اگر وسط های اضلاع یک چهار ضلعی را متواالیا بهم وصل کنیم چهار ضلعی حاصل متوازی الاضلاع خواهد بود.	۸
۱,۵	در ذوزنقه $ABCD$ وسط ساق های AD ، BC ، PQ را به ترتیب Q ، P نامیم. ثابت کنید پاره خط PQ موازی قاعده ها و طول آن با میانگین قاعده ها برابر است.	۹

۱.۵	ثابت کنید چهار ضلعی که در آن قطر ها منصف یکدیگر باشند، متوازی الاضلاع است.	۱۰
۱	اگر مجموع تعداد اقطار و اضلاع یک $n + 1$ ضلعی ، نصف تعداد اقطار یک n ضلعی باشد ، مجموع زوایای داخلی $n + 3$ ضلعی را بباید.	۱۱
۱	در ذوزنقه M وسط ساق BC است . ثابت کنید مساحت ذوزنقه $ABCD$ دو برابر مساحت مثلث AMD است.	۱۲
۰.۵	چند ضلعی شبکه ای را تعریف کرده قضیه پیک را بیان کنید.	۱۳
۱	حالت های مختلف دو خط را با رسم شکل بیان کنید.	۱۴
۰.۵	دو صفحه عمود بر هم را تعریف کنید.	۱۵
۱	حجم شکل حاصل از دوران یک ذوزنقه قائم الزاویه به قاعده های ۲ و ۶ و ارتفاع ۴ حول ارتفاع را بدست آورید.	۱۶
۰.۷۵	<p>الف) صفحه P ای به مرکز ۰ و شعاع ۱۳ را قطع کرده ، فاصله ۰ از صفحه ۵ است . مساحت سطح مقطع چقدر است؟</p> <p>۱) 144π ۲) 25π ۳) 288π ۴) 50π</p> <p>ب) یک مکعب به طول یال ۲ داریم، یک صفحه این مکعب را طوری برش داده است که از وسط سه یال گذشته است. در مورد سطح مقطع حاصل کدام صحیح است؟</p> <p>i) مثلث متساوی الاضلاع به طول ضلع ۲ .</p> <p>ii) مثلث متساوی الاضلاع به طول ضلع $\sqrt{2}$.</p> <p>iii) مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین به طول وتر ۲ .</p> <p>iv) مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین به طول وتر $\sqrt{2}$.</p>	۱۷
۱.۵	ذوزنقه قائم الزاویه ای به قاعده های ۲ و ۸ و ارتفاع ۹ را حول ارتفاع دوران می دهیم. سپس با صفحه ای به موازات قاعده ها، جسم حاصل را برش میزنیم تا مساحت سطح مقطع حاصل 16π شود. فاصله صفحه برش را از قاعده بزرگ تر محاسبه کنید.	۱۸
۰.۵	<p>الف) اگر صفحه ای مانند P با یکی از این دو خط موازی باشد، نسبت به دیگری چه وضعی دارد؟</p> <p>ب) اگر صفحه P شامل یکی از این دو خط باشد نسبت به دیگری چه وضعیتی دارد؟</p>	۱۹

جمع بارم: ۲۰ نمره





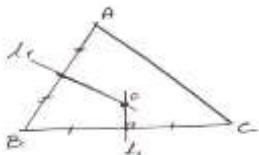
۱

راهنمای تصحیح

محل مهر یا امضاء مدیر

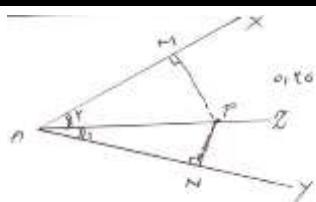
صفحه:

می دانیم هر دو عمود منصف دلخواه در مثلث متقارعند. از طرفی عمود منصف مکان هندسی نقاطی است که تا دوسر پاره خط به یک فاصله است.



اگر ۱ و ۲ به ترتیب عمود منصف های BC و AB بوده و دو نقطه O یکدیگر را قطع کنند پس:

$$\left. \begin{array}{l} OB = OC \\ OB = OA \end{array} \right\} \Rightarrow OC = OA \quad \text{پس } O \text{ روی عمود منصف } AC \text{ نیز هست.}$$



$$\left. \begin{array}{l} \text{فترم: } \hat{A}_1 = \hat{A}_2 \\ AMP : AP = AP \\ APN : \hat{A}_1 = \hat{A}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow AMP \cong APN \Rightarrow MP = PN$$

۱

۲

الف) در مثلث متساوی الساقین با زاویه راس منفرجه ارتفاع وارد بر قاعده کوتاه ترین ارتفاع است.
ب) در مثلث قائم الزاویه نقطه همسری ارتفاع ها روی راس قائم است.

الف)

$$\frac{a}{b} = \frac{2}{3} \Rightarrow a = \frac{2}{3}b$$

$$\frac{2a+2b}{a+2b} = \frac{\frac{2}{3}b + 2b}{\frac{2}{3}b + 2b} = \frac{\frac{4}{3}b + \frac{6}{3}b}{\frac{2}{3}b + \frac{6}{3}b} = \frac{10b}{8b} = \frac{5}{4}$$

$$\begin{aligned} \frac{2b}{a-b} &= \frac{\frac{2}{3}b - b}{\frac{2}{3}b - \frac{2}{3}b} = \frac{\frac{5}{3}b}{-\frac{b}{3}} = -5 \\ \frac{3a}{a+b} &= \frac{\frac{3}{2}b + b}{\frac{3}{2}b + \frac{3}{2}b} = \frac{\frac{5}{2}b}{\frac{6}{2}b} = \frac{5}{6} \end{aligned}$$

۳

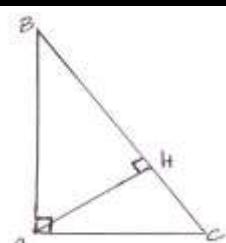
۴

ما درس
گروه آموزشی عصر

ب)

www.my-dars.ir

الف)



$$AH^2 = BH \cdot CH = 4 \times 9 = 36 \Rightarrow AH = 6$$

$$BH + CH = BC = 13$$

$$AC^2 = CH \cdot BC \Rightarrow AC^2 = 9 \times 13 \Rightarrow AC = \sqrt{52}$$

$$AB^2 = BH \cdot BC \Rightarrow AB = \sqrt{9 \times 13} = 3\sqrt{13}$$

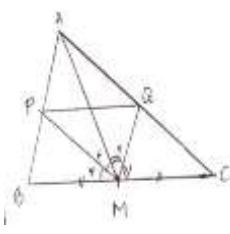
$$AB^2 = AH^2 + BH^2 \Rightarrow BH = \sqrt{64 - 16} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$$

$$AH^2 = BH \cdot HC \Rightarrow 16 = 4\sqrt{3} \cdot HC \Rightarrow HC = \frac{4\sqrt{3}}{3}, BC = \frac{4\sqrt{3}}{3} + 4\sqrt{3} = \frac{16\sqrt{3}}{3}$$

$$BC^2 = BA^2 + AC^2 \Rightarrow AC = \sqrt{256 - 64} = \sqrt{182}$$

ب)

۵



$$\left. \begin{array}{l} \hat{M}_1 = \hat{M}_2 \Rightarrow \frac{AQ}{QC} = \frac{AM}{MC} \\ \hat{I}_3 = \hat{M}_2 \Rightarrow \frac{AP}{PB} = \frac{AM}{MB} \end{array} \right\} \xrightarrow{MB=MC} \frac{AQ}{QC} = \frac{AP}{PB} \rightarrow PQ \parallel BC$$

$$\left. \begin{array}{l} QR \parallel BP \xrightarrow{\text{عكس تالس}} \frac{AQ}{QB} = \frac{AR}{RP} \\ QP \parallel BC \xrightarrow{\text{عكس تالس}} \frac{AP}{PC} = \frac{AQ}{BQ} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{AR}{RP} = \frac{AP}{PC} \Rightarrow \frac{A}{X} = \frac{A+X}{2} \rightarrow 4A = AX + X \rightarrow X + AX - 4A = 0. \quad \checkmark$$

$$(X - 4)X + 12 = 0 \\ X = 4$$

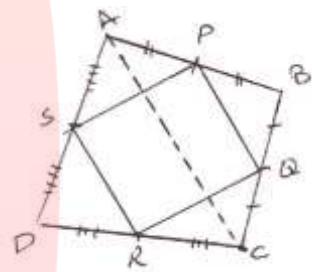
$$\frac{BP}{AB} = \frac{BQ}{BC} = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{عكس تالس}} PQ \parallel AC \Rightarrow \frac{PQ}{AC} = \frac{1}{2} \Rightarrow$$

$$\frac{DS}{DA} = \frac{DR}{DC} = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{عكس تالس}} SR \parallel AC \Rightarrow \frac{SR}{AC} = \frac{1}{2}$$

$$1) PQ \parallel \frac{1}{2} AC$$

$$2) SR \parallel \frac{1}{2} AC$$

$$3) PQ \parallel SR \Rightarrow PQRS$$

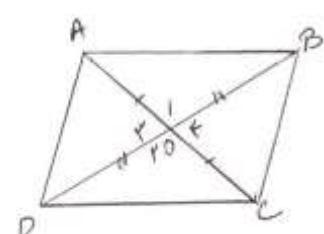
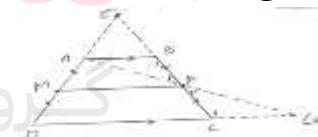


متوازي الاضلاع

$$AB \parallel DC \xrightarrow{\text{تالس}} \frac{AE}{AD} = \frac{EB}{BC} \Rightarrow \frac{AE}{2AM} = \frac{EB}{2BF} \xrightarrow{\text{عكس تالس}} AB \parallel MF$$

ب) AF را امتداد می دهیم تا امتداد DC را در G قطع کند.

$$MF \parallel DC \xrightarrow{\text{تالس}} \frac{AM}{AD} = \frac{MF}{DG} = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{ز خذ}} MF = \frac{1}{2} DG$$



$$\left. \begin{array}{l} AOB : AO = OC \\ DOC : BO = OD \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \end{array} \right\} \rightarrow AOB \cong DOC \Rightarrow AB = DC$$

$$\left. \begin{array}{l} AOB : AO = OC \\ BOC : DO = OB \\ \hat{O}_3 = \hat{O}_4 \end{array} \right\} \rightarrow AOD \cong BDC \Rightarrow AD = BC$$

$$\frac{(n+1)(n-2)}{2} + (n+1) = \frac{1}{2} \left(\frac{(2n)(2n-3)}{2} \right)$$

$$2(n^2 - n - 2 + 2n + 2) = 4n^2 - 6n$$

$$2n^2 + 2n = 4n^2 - 6n \Rightarrow 2n^2 - 8n = 0$$

$$2n(n-4) = 0 \rightarrow n = 4$$

از وسط (M) به وسط (N) رسم کرده امتداد می دهیم تا ارتفاع وارد بر AB را در X قطع کند. طبق تعیین تالس این خط ارتفاع را نیز نصف می کند.

$$S_{AMD} = S_{AMN} + S_{NMD} = \frac{1}{2} \cdot \frac{h}{2} \cdot MN + \frac{1}{2} \cdot \frac{h}{2} \cdot MN = \frac{h}{2} MN = \frac{h}{2} \left(\frac{AB + DC}{2} \right)$$

$$\frac{S_{ABCD}}{S_{AMD}} = \frac{\frac{1}{2} h \cdot (AB + DC)}{\frac{1}{2} \cdot h \left(\frac{AB + DC}{2} \right)} = 2$$



۱۲

چند ضلعی که تمام رؤوسش روی نقاط شبکه ای می باشد، چند ضلعی شبکه ای نام دارد.
قضیه پیک: اگر b نقاط مرزی و a نقاط درونی یک چند ضلعی شبکه ای باشد آنگاه مساحت چند ضلعی شبکه ای از رابطه

$$S = \frac{b}{2} + i - 1$$

۱۳

(۳) متنافر

(۲) متقاطع

منطبق
غیر منطبق

$\left. \begin{array}{l} l_1 \cap l_2 = l_1 = l_2 \\ l_1 \cap l_2 = \emptyset \end{array} \right\}$ (۱) موازی

۱۴

اگر یکی از صفحات متقاطع حداقل شامل خطی باشد که بر صفحه دیگر عمود باشد، دو صفحه بر هم عمودند.

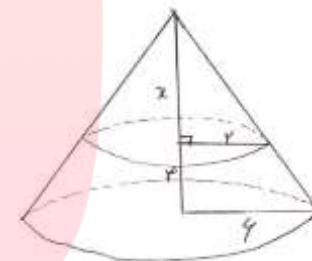
$$\frac{x}{x+6} = \frac{2}{6} \Rightarrow 6x = 8 + 2x \rightarrow x = 2$$

مخرجوط حاصل

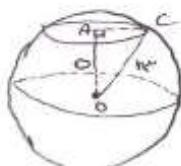
$$v = \frac{1}{3} \pi r^3 h$$

$$v = v - v = \frac{1}{3} \pi \times 36 \times 6 - \frac{1}{3} \pi \times 4 \times 2 = 72\pi - \frac{8\pi}{3}$$

بالا کل



۱۵



$$OC^2 = AC^2 + OA^2$$

$$169 = 25 + X^2$$

$$X^2 = 169 - 25$$

$$X = 12 \rightarrow S = \pi r^2 = 144\pi$$

الف) گزینه ۱

۱۶



ب) گزینه ۲

$$\frac{2}{8} = \frac{x}{x+9} \rightarrow 2x + 18 = 8x \rightarrow x = 3$$

$$\pi y^2 = 16\pi \rightarrow y = 4$$

$$\frac{2}{4} = \frac{3}{3+m} \rightarrow 6 = 3 + x \rightarrow x = 3$$

$$v = v - v = \frac{1}{3} \pi r_1^2 h_1 - \frac{1}{3} \pi r_2^2 h_2 = \frac{1}{3} \pi \times 64 \times 12 - \frac{1}{3} \pi \times 16 \times 3 = 256\pi - 16\pi = 240\pi$$

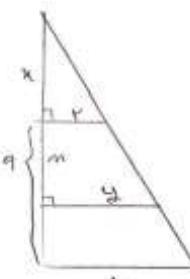
بزرگ

بالا

www.my-dars.ir

ASR_Group @ outlook.com

@ASRschool2



۱۷

الف) یا با d_1 موازی است غیر منطبق یا منطبق است.

ب) شامل d_2 است یا با d_1 موازی است.

۱۸

۱۹