

ردیف	سوالات	محل مهر یا امضاء مدیر
۱ ۰.۵	۱	در یک دنباله حسابی مجموع جملات پنجم و ششم برابر ۱۱ است و مجموع جملات نهم و دهم برابر ۵۱ است. الف) جمله‌ی عمومی دنباله چیست؟ ب) جمله‌ی یازدهم دنباله چیست؟
۰.۵	۲	بازه‌ی $(1, 5) \cap (-\infty, 3]$ را روی محور نمایش دهید.
۰.۷۵ ۱.۲۵	۳	الف) اگر $\tan \theta = \frac{1}{2}$ باشد و $\theta$ در ربع اول مثلثات واقع شده باشد، مطلوب است سایر نسبتهاي مثلثاتی؟ 
۰.۵ ۱ ۱	۴	در جای خالی علامت مناسب قرار دهید. ب) هر عدد را به ریشه‌ی سوم خود متصل کنید. 
۱ ۱	۵	الف) معادله‌ی $x^2 - 3x + 2 = 0$ را به روش دلخواه حل کنید. ب) نامعادله‌ی $ 3x - 4  > 5$ را حل کنید.
۱.۵	۶	سهمی به معادله‌ی $x^2 - 6x + 4 = y$ را در نظر بگیرید. الف) راس سهمی را مشخص کنید. ب) سهمی را راس کنید.
۱.۵ ۰.۵	۷	باتوجه به شکل زیر: الف) ضابطه‌ی تابع را بدست آورید. ب) دامنه و برد تابع را مشخص کنید. 

	الف) با استفاده از انتقال تابع $y =  x - 3  + 5$ را رسم کنید.	
۰.۵ ۱	ب) اگر داشته باشیم $f = \{(3, a), (-2, 3), (4, 1 - 4a)\}$ و بدانیم که $\frac{f(3)+f(4)}{f(-2)} = 2$ می باشد در آنصورت برد تابع $f$ چیست؟	۸
۰.۷۵ ۰.۷۵	با حروف کلمه‌ی "بهداری" و بدون تکرار حروف چند کلمه‌ی ۶ حرفی می‌توان نوشت بطوریکه: الف) دو حرف "د-ر" کنار هم بیایند؟ ب) شامل عبارت "هدی" باشد؟	۹
۱.۵	با ارقام $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ برای ساخت یک عدد ۷ رقمی (بدون ارقام تکراری): الف) چند عدد زوج می‌توان نوشت؟ ب) چند عدد فرد می‌توان نوشت؟	۱۰
۱	آزمایشات یک بیمار نشان میدهد که با احتمال ۰.۳۵ به بیماری A مبتلا است و با احتمال ۰.۴۲ به بیماری B مبتلا است و با احتمال ۰.۱۲ هر دو بیماری را دارد، تعیین کنید با چه احتمالی فرد حداقل یکی از این دو بیماری را خواهد داشت؟	۱۱
۱.۵	سکه ای را ۴ بار پرتاپ می‌کنیم. چقدر احتمال دارد که سکه <u>حداقل</u> دو بار رو بیاید؟	۱۲
۱	نوع هریک از متغیرهای زیر را مشخص کنید. الف) شاخص توده‌ی بدن ب) میزان رضایت بینندگان از سریال دیوار به دیوار	۱۳

جمع‌بازم: ۲۰ نمره

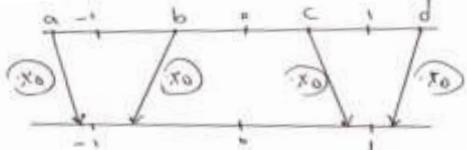
باید خداول ه آرام می‌کرید و مطمئن باشد ب شما گف خوبید کرد.



راهنمای تصحیح	صفحه: .....	محل مهر یا امضاء مدیر
		الف)
$\begin{cases} t_5 + t_6 = 13 \\ t_9 + t_{10} = 51 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} a + 4d + a + 5d = 11 \\ a + 8d + a + 9d = 51 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 2a + 9d = 11 \\ -2a + 17d = -51 \end{cases}$ $\rightarrow -8d = -40 \rightarrow d = \frac{-40}{-8} = 5$ $2a + 9d = 11$ $2a + 9(5) = 11 \rightarrow 2a = 11 - 45 \rightarrow a = -17 \rightarrow t_n = a + (n-1)d$ $t_n = -17 + 5(n-1)$ $t_n = 5n - 22$ $t_{11} = -17 + (11-1)5 = 33$	۱	
		ب)
$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{1}{\frac{1}{\sqrt{5}}} = \sqrt{5}$ $1 + \cot^2 \theta = \frac{1}{\sin^2 \theta} \rightarrow 1 + (\sqrt{5})^2 = \frac{1}{\sin^2 \theta} \rightarrow \sin^2 \theta = \frac{1}{5} \rightarrow \sin \theta = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{+\sqrt{5}}{5}$ $1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta}$ $1 + \left(\frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2 = \frac{1}{\cos^2 \theta}$ $1 + \frac{1}{5} = \frac{1}{\cos^2 \theta} \rightarrow \cos^2 \theta = \frac{5}{4} \rightarrow \cos \theta = \sqrt{\frac{5}{4}} = \pm \frac{\sqrt{5}}{2}$	۲	
<p style="text-align: center;"><b>گروه آموزشی عصر</b></p> <p style="text-align: center;"><a href="http://www.my-dars.ir">www.my-dars.ir</a></p>		الف)
$\cos 45^\circ = \frac{y_1}{\sqrt{2}} \rightarrow y_1 = 1$ $\rightarrow y = y_1 + y_2 = 1 + \sqrt{2}$ $\cos 30^\circ = \frac{y_2}{\sqrt{3}} \rightarrow y_2 = \sqrt{3}$ $\sin 45^\circ = \frac{BH}{AB}$ $\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{BH}{\sqrt{2}} \rightarrow BH = \frac{1}{2} = 1$ $\sin 30^\circ = \frac{BH}{BC} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{x} \rightarrow x = 2$	۳	
		ب)

الف) می دانیم که اگر  $a < 0$  باشد رفتار منطقی دارد پس:  $(0/3)^5 < (0/3)^3$

اگر  $-1 < a$  باشد رفتار غیر منطقی دارد پس:  $\sqrt[5]{-2} > \sqrt[3]{-2}$



ج)

$$\frac{3}{\sqrt{x-5}} \times \frac{\sqrt{x+5}}{\sqrt{x+5}} = \frac{3\sqrt{x+5}}{x-25}$$

الف) معادله زیر را به روش دلخواه حل کنید.

$$x^3 - 3x + 2 = 0$$

$$(x-1)(x-2) = 0 \rightarrow x=1, x=2$$

ب)

$$|3x-4| > 5 \rightarrow \begin{cases} 3x-4 > 5 \rightarrow 3x > 5+4 \rightarrow x > 3 \\ 3x-4 < -5 \rightarrow 3x < -5+4 \rightarrow x < -\frac{1}{3} \end{cases}$$

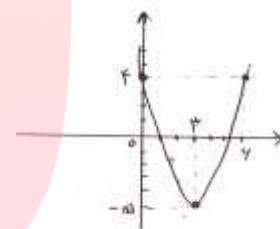
الف)

$$y = x^2 - 6x + 4$$

$$x = -\frac{b}{2a} = \frac{6}{2} = 3$$

$$y = (3)^2 - 6(3) + 4 = -5$$

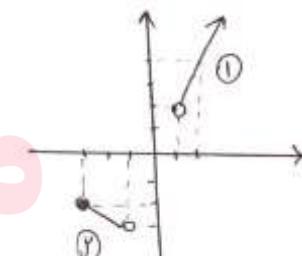
x	0	3	6
y	4	-5	4



ب)

$$خط ۱: \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2 \\ 4 \end{bmatrix} \rightarrow m = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = \frac{4-2}{2-1} = 2$$

$$y - y_A = m(x - x_A) \rightarrow y - 2 = 2(x - 1) \rightarrow y = 2x - 2 + 2 \\ y = 2x, x > 1$$



الف)

$$\begin{bmatrix} -1 \\ -3 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -3 \\ -2 \end{bmatrix} \rightarrow m = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = \frac{-3 - (-2)}{-1 - (-3)} = \frac{-1}{2}$$

$$خط ۲: y - y_A = m(x - x_A) \\ y - (-3) = -\frac{1}{2}(x - (-1))$$

$$y = -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2} - 3$$

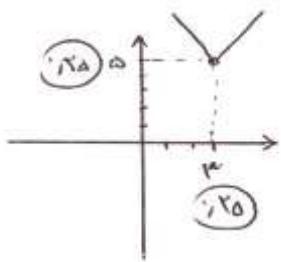
$$y = -\frac{1}{2}x - \frac{7}{2} \rightarrow -3 \leq x < -1 \rightarrow f(x) = \begin{cases} 2x & x > 1 \\ -\frac{1}{2}x - \frac{7}{2} & -3 \leq x < -1 \end{cases}$$

$$D = [-3, -1) \cup (1, \infty)$$

$$R = (-3, -1] \cup (2, \infty)$$

ب)

(الف)



(ب)

$$f(3) = a$$

$$f(4) = 1 - 4a \rightarrow \frac{f(3) + f(4)}{f(-2)} = \frac{a + 1 - 4a}{3} = \frac{1}{1} \rightarrow 1 - 3a = 6 \rightarrow -3a = 6 - 1 \rightarrow a = \frac{-5}{3}$$

$$f(-2) = 3$$

$$\rightarrow \left\{ -\frac{5}{3}, 3, 1 - 4\left(-\frac{5}{3}\right) \right\}$$

$$51 \times 21 = 240$$

$$21 = 6$$

الف) د ر ب ا ه ا

ب) ه د ب ر

٩

(الف)

$$\left\{ 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 1 = 6! = 720 \right.$$

$$\left\{ 5 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 = 1800 \right.$$

$$720 + 1800 = 2520$$

$$زوج - کل = فرد \rightarrow 71 - 1320 = 5040 - 2520 = 2520$$

$$5 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 = 2520 : راه دوم$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cup B) = 0/35 + 0/42 - 0/12 = 0/65$$

$$n(S) = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^4 = 16$$

$$\xrightarrow{2 \text{ بار رو}} \binom{4}{2} \times \binom{2}{2} = 6$$

$$n(A) = \xrightarrow{3 \text{ بار رو}} \binom{4}{3} \times \binom{1}{1} = 4$$

$$\xrightarrow{4 \text{ بار رو}} \binom{4}{4} = 1$$

$$n(A) = 6 + 4 + 1 = 11$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{11}{16}$$

# مای درس

## گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

الف) شاخص توده‌ی بدن: کمی پیوسته

ب) میزان رضایت از سریال دیوار به دیوار: کیفی ترتیبی

۱۲

۱۳

