

درسنامه و نکات کلیدی

سال نهم

(فصل پنجم)

عبارت های جبری

عبارت جبری : عبارتی است که از اعداد و متغیر (حروف انگلیسی) تشکیل شده است.

یک جمله ای : عبارت جبری که از دو قسمت تشکیل شده است (متغیر و عدد) و بین آن ها علامتی نباشد. (ضرب است)

$$\text{مانند: } -4xy, \quad , \quad \frac{a}{3}$$

نکته : فرم کلی یک جمله ای به صورت ax^n است که a عدد حقیقی و x متغیر و n عدد حسابی است.

نکته : هر عدد حقیقی به تنها یک جمله ای است. چون متغیر آن صفر است.

نکته : اگر در عبارتی حروف زیر را داریکال یا حروف در مخرج یا حروف توان منفی داشته باشند. آن عبارت یک جمله ای نیست.

مثال : کدام عبارت یک جمله ای است.

دو جمله دارد
 $\sqrt{3}xy^4, \quad 4a + 2, \quad 7\sqrt{x}, \quad ab^{-2}, \quad \frac{3}{2}$

درجه یک جمله ای : توان متغیر را درجه آن یک جمله ای می گویند.

مثال : جدول زیر را کامل کنید.

درجه نسبت به y	درجه نسبت به x	ضریب	یک جمله ای
۳	۲	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{x^2y^3}{2}$
۰	۱	$\sqrt{2}$	$\sqrt{2}x$

یک جمله ای متشابه : یک جمله ای که متغیر و توان هر متغیر کاملاً مثل هم باشند.

مانند : $(4xy, -3yx)$ متشابه اند ولی $(3ab^2, -5a^2b)$ نا متشابه هستند.

جمع و تفریق یک جمله ای های متشابه : ضرایب یک جمله ای را با هم جمع و تفریق می کنیم و متغیرها را کنار آن ها می نویسیم.

مثال : عبارت جبری مقابله کنید.

ضرب و تقسیم یک جمله ای : در ضرب ضرایب در هم و متغیرها در هم ضرب می شود و در تقسیم ضرایب بر هم و متغیرها بر هم تقسیم می شوند.

$$3a(-4ab - c) = -12a^2b - 3ac$$

$$\frac{24x^2y^3z}{3xyz} = 8xy^2$$

مثال : عبارت های جبری زیر را ساده کنید.

عبارت های جبری

مثال : عبارت های جبری زیر را ساده کنید.

$$-6x^2 + 5x(x - 2y) + 8xy = \underline{-6x^2} + \underline{5x^2} - \underline{10xy} + \underline{8xy} = -x^2 - 2xy$$

درجه چند جمله ای : بزرگترین درجه نسبت به آن متغیر را در نظر می گیریم.

مثال : درجه نسبت به متغیر x در چند جمله ای $x - \sqrt{5}x^2y^3z - 2xy + 2x^3y^2$ چند است؟ درجه x برابر ۳ است.

مثال : چند جمله ای زیر را نسبت به توان های نزولی a (از بزرگ به کوچک) مرتب کنید.

$$a^3b - 3 + 2a^2b^2 - 5ab = 2a^2b^2 + a^3b - 5ab - 3$$

اتحاد جبری : اگر دو عبارت جبری به گونه ای باشند که با ازای تمام مقادیر دلخواه برای متغیرها مقدار یکسانی داشته باشد به تساوی جبری آن ها اتحاد می گویند.

مثال : آیا $4 - 4x + x^2 = (x - 2)^2$ یک اتحاد است؟ چرا؟ به ازای مقادیر دلخواه امتحان می کنیم اگر دو طرف تساوی یکی شد این تساوی یک اتحاد است.

$$\begin{cases} x = -4 \Rightarrow (-4 - 2)^2 = (-4)^2 - 4(-4) + 4 \Rightarrow 36 = 36 \\ x = 5 \Rightarrow (5 - 2)^2 = 5^2 - 4(5) + 4 \Rightarrow 9 = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \\ (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 \end{cases}$$

اتحاد مربع دو جمله ای : (الف) جبری :

$$(جمله دوم) + دو برابر جمله اول در دوم + (جمله اول) = (جمله دوم + جمله اول)$$

مثال : حاصل عبارت های جبری زیر را به کمک اتحاد به دست آورید.

$$(a - 2b)^2 = a^2 - 2(a)(2b) + (2b)^2 = a^2 - 4ab + 4b^2$$

$$(xy + 3)^2 = x^2y^2 + 2(xy)(3) + 3^2 = x^2y^2 + 6xy + 9$$

اتحاد مزدوج : (الف) جبری :

$$(جمله دوم - جمله اول) = (جمله دوم + جمله اول) - (جمله دوم)$$

مثال : حاصل عبارت های جبری زیر را به کمک اتحاد به دست آورید.

$$(a - 3b)(a + 3b) = a^2 - (3b)^2 = a^2 - 9b^2$$

$$(2x + \frac{y}{4})(2x - \frac{y}{4}) = (2x)^2 - (\frac{y}{4})^2 = 4x^2 - \frac{y^2}{16}$$

درسنامه و نکات کلیدی

(فصل پنجم)

سال نهم

عبارت های جبری

$$(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$$

اتحاد جمله مشترک :

مثال : حاصل عبارت جبری زیر را به کمک اتحاد به دست آورید.

$$(2a - 3)(2a + 4) = (2a)^2 + (-3 + 4)(2a) + (-3 \times 4) = 4a^2 + 2a - 12$$

تجزیه عبارت جبری : نوشتن یک عبارت جبری به صورت حاصل ضرب چند عبارت دیگر را تجزیه می گویند.

روش های تجزیه : ب) با استفاده از اتحادها

الف) فاکتور گیری

فاکتور گیری : برای فاکتور گیری مرحله زیر را انجام می دهیم :

۲) حروف مشترک با توان کمتر را انتخاب می کنیم

۱) (ب.م.م) ضرایب را تعیین می کنیم

۳) (ب.م.م) و حروف مشترک را به عنوان فاکتور می گیریم

۴) تمام جملات را بر عامل تقسیم کرده و جواب را داخل پرانتز می نویسیم

$$18xy - 12y = 6y(3x - 2)$$

حروف مشترک
(ب.م.م) اعداد

$$16a^2b + 4ab^2 - 8ab = 4ab(4a + b - 2)$$

مثال : عبارت های جبری زیر را تجزیه کنید.

۲) جمله اول و جمله سوم جذر دقیق داشته باشند

تجزیه به کمک اتحاد مربع : ۱) تعداد جملات ۳ جمله باشد

$$a^2 - 6a + 9 = (a - 3)^2$$

جذر
ا^۲

$$4x^2 + 4xy^2 + y^4 = (2x + y^2)^2$$

۲x
+
y^۲

۲) جمله اول و جمله سوم جذر دقیق نداشته باشند

تجزیه به کمک اتحاد جمله مشترک : ۱) تعداد جملات ۳ جمله باشد

۳) ضریب x حاصل جمع و عدد آخر حاصل ضرب دو عدد را نشان می دهد

$$x^2 - 5x + 6 = (x - 2)(x - 3)$$

ضرب دو عدد جمع دو عدد

$$x^2 - 4x - 12 = (x - 4)(x + 3)$$

جمع دو عدد

۲) جملات اول و دوم جذر دقیق داشته باشند

تجزیه به کمک اتحاد مزدوج : ۱) تعداد جملات ۲ جمله باشد

۳) بین جملات علامت منفی باشد

$$x^2 - 4x - 12 = (x - 4)(x + 3)$$

ضرب دو عدد

درسنامه و نکات کلیدی

(فصل پنجم)

سال نهم

عبارت های جبری

$$a^2 - 9 = (a - 3)(a + 3)$$

$$x^4 - 16 = (x^2 - 4)(x^2 + 4)$$

مثال : عبارت های جبری زیر را ساده کنید.

نامعادله : جواب های نامعادله مقادیری از متغیر هستند که به ازای آن ها نامساوی برقرار است. همهی جواب های نامعادله مجموعه جواب آن گفته می شود.

نکته : اگر به طرفین یک نا مساوی عدد اضافه یا عددی کم شود جهت نابرابری عوض نمی شود :

$$a < b \Rightarrow a + c < b + c , \quad a < b \Rightarrow a - c < b - c$$

نکته : اگر طرفین یک نا مساوی در عدد مثبت ضرب یا بر عدد مثبت تقسیم کنیم جهت نابرابری عوض نمی شود :

$$a > b \Rightarrow ac > bc , \quad a > b \Rightarrow \frac{a}{c} > \frac{b}{c}$$

نکته : اگر طرفین یک نا مساوی در عدد منفی ضرب یا بر عدد منفی تقسیم کنیم جهت نابرابری عوض می شود :

$$a < b \Rightarrow ac > bc , \quad a < b \Rightarrow \frac{a}{c} > \frac{b}{c}$$

حل نامعادله : همانند یک معادله حل می شود با این تفاوت که اگر در اخر نامعادله ضریب مجهول عدد منفی باشد جهت نامعادله عوض می شود.

مثال : مجموعه جواب نامعادله های زیر را به دست آورده و آن ها را روی محور اعداد نمایش دهید.

$$4(x - 1) \leq 5x - 2 \Rightarrow 4x - 4 \leq 5x - 2 \Rightarrow 4x - 5x \leq 4 - 2 \Rightarrow -x \leq 2 \Rightarrow x \geq -2$$

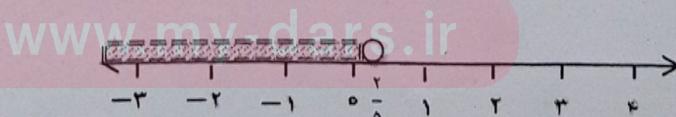
A = $\{x \in R \mid x \geq -2\}$ مجموعه جواب



طرفین در ۲ ضرب

$$x^2 + \frac{x}{2} < (x - 1)^2 \Rightarrow x^2 + \frac{x}{2} < x^2 - 2x + 1 \Rightarrow \frac{x}{2} + 2x < 1 \Rightarrow x + 4x < 2 \Rightarrow 5x < 2 \Rightarrow x < \frac{2}{5}$$

B = $\{x \in R \mid x < \frac{2}{5}\}$ مجموعه جواب



نکته : در مسائل مربوط به نابرابری به جای کلمه حداقل از علامت \leq و به جای کلمه حداقل از علامت \geq استفاده می کنیم.

مثال : عبارت زیر را به صورت کلامی بنویسید : "مجموع دو برابر عددی با قرینه سه برابر عدد دیگر حداقل ۹ است."

$$2x + (-3y) \leq -9$$