



## عددهای صحیح

### عددهای علامت دار (جمع، تفریق، ضرب و تقسیم عددهای صحیح)

شما در کتاب درسی، با چهار عمل اصلی در اعداد صحیح آشنا شده‌اید. به نکات زیر توجه کنید:

**نکته ۱:** در محاسبات اعداد صحیح اگر پهار عمل اصلی و پرانتر بین اعداد باشد، به ترتیب ابتدا پرانتر، سپس عمل ضرب و تقسیم و بعد از آن جمع و تفریق انجام می‌شود.

**نکته ۲:** اگر اولویت محاسبات بین دو عمل مثل ضرب و تقسیم در محاسبات اعداد صحیح یکسان باشد، عملیاتی زودتر انجام می‌شود که در سمت پیش باشد.



### فعالیت

با توجه به نکات بالا، با اضافه کردن علامت جمع یا تفریق، تساوی‌های زیر را برقرار کنید.

$$-5\square - 6\square - 7\square - 8\square - 9 = +7 \quad (\text{الف})$$

$$-5\square - 6\square + 7\square + 6\square + 5 = -17 \quad (\text{ب})$$

پرانتر را جایی قرار دهید که حاصل هر عبارت حداکثر شود:

$$-5 \times 6 + 7 - 8 \times 9 = \quad (\text{پ})$$

$$-1 + 2 - 34 - 5 + 6 = \quad (\text{ت})$$

چهار عمل اصلی را طوری قرار دهید که حاصل این عبارت‌ها، حداقل شود.

$$-3\square 2\square 5\square - 7 = \quad (\text{ث})$$

$$-9\square - 10\square - 11\square - 12 = \quad (\text{ج})$$

$$-1 - 2 - 3 - 4 - 5$$

$$(-1)(-2)(-3)(-4)(-5) = -120$$

**مثال:** پگونه با اضافه کردن پرانتر حاصل عبارت رو به رو هراقل می‌شود؟

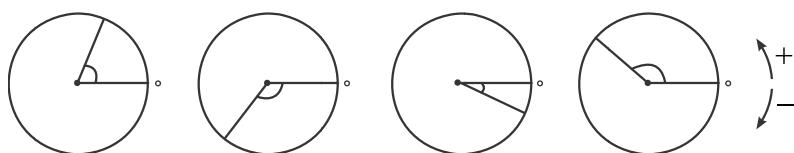
[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

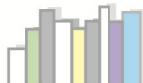
حل:

وقتی بین دو پرانتر عملی نوشته نشده یعنی آن دو پرانتر در هم ضرب می‌شوند.

### کار در کلاس

۱- با توجه به قرارداد مشخص شده، برای هر زاویه یک عدد علامت دار بنویسید.





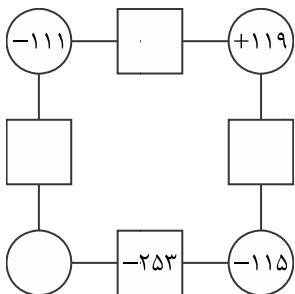
۲- در جاهای خالی عدد مناسب بنویسید.

$$\square - (-18) = 13$$

$$\square \times (-5) = +70$$

$$15 - (-(\square)) = 45$$

$$78 \div \square = 13$$



۳- در شکل زیر، حاصل جمع عدهای روی دو رأس مربع، روی ضلع بین آن دو رأس نوشته شده است. جاهای خالی را کامل کنید.



۴- حاصل عبارت  $[4+3-6(-2-5)-45]$  را محاسبه کنید.

$$10[-12+(-11)+(-10)+\dots+12]-[-10+(-9)+\dots+12]=$$

**تمرین:**



۱- میانگین دمای دو شهر  $-8$  و اختلاف دمای دو شهر  $-4$  می باشد. دمای شهری که سردتر است، چند درجه است؟

# ماهی درس

۲- حاصل عبارت های زیر را پیدا کنید. سعی کنید در زمان کوتاهی و به صورت ذهنی پاسخ دهید.

$$-9 \times (-8+3)-6-(-5)=$$

$$-13-(-(-12)+13)+13 \times 3 \div (+1-(-2))=$$

$$15 \div 5 \times (5-(-5)) \times 15-(-30)=$$

$$10-10(-9-(-19)) \times 10 \div (-10+5))=$$

۳- دمای شهر A،  $+8$  درجه است. دمای شهر B،  $11$  درجه سردتر است و شهر C،  $5$  درجه گرمتر از شهر B است. میانگین دمای این سه شهر را حساب کنید.

## گروه آموزشی عصر



۴- علامت حاصل هر عبارت را تعیین کنید.

(الف)  $(-119 + 66) \times (-321 - 312) \rightarrow \dots$

(ب)  $(-985 + (-812)) - (-537) \rightarrow \dots$

(پ)  $(-143) \times (-18) \times (-1999) \rightarrow \dots$

۵- بین عددهای ۵۰۰ و ۵۰۰ چند عدد صحیح وجود دارد که فقط رقم‌های ۴ و ۳ را داشته باشند؟



۶- قرینه عدد ۷ روی محور اعداد، نسبت به عدد ۳ و قرینه عدد ۱۱ نسبت به عدد ۲ را حساب کنید. اختلاف آن‌ها چقدر است؟

۷- مجموع دو عدد صحیح ۱۷ و اختلاف آن‌ها ۲۱ است. عدد کوچک‌تر چند است؟

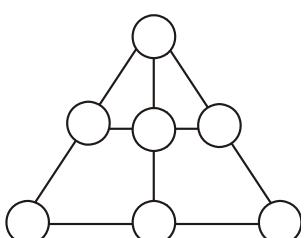
۸- میانگین فاصله یک عقاب، یک ماهی و یک کوسه از سطح دریا ۶ متر و میانگین فاصله عقاب و ماهی از سطح دریا ۴ متر است. فاصله کوسه از سطح دریا چقدر است؟



۹- اعداد ۱ تا ۹ را در جعبه‌های زیر قرار دهید به‌طوری که پاسخ کمترین مقدار ممکن شود. (از هر عدد فقط یک بار استفاده کنید.)

$$\boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \times \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \times \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}}$$

۱۰- می‌خواهیم عددهای ۱, ۰, ۲, -۳, -۴ را در شکل زیر قرار دهیم، به‌طوری که مجموع عددهای روی هر پاره خط با هم برابر باشند. عدد بالای مثلث کدام است؟



۱۱- یک عدد سه رقمی از یک عدد چهار رقمی کم شده است و نتیجه یک عدد سه رقمی است.

$$\boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} - \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}} \boxed{\phantom{0}}$$

همهٔ این ۱۰ رقم متفاوت هستند. کوچک‌ترین عددی که می‌تواند نتیجهٔ این تفریق باشد، چیست؟



۱۲- عدد ۲۷۰ را به چند طریق می‌توان به صورت مجموع چند عدد منفی متوالی نوشت؟



۱۳- یک عدد صعودی، عددی است که هر رقم آن از رقم قبلی بزرگ‌تر باشد. یک عدد نزولی عددی است که هر رقم آن کم‌تر از رقم قبلی باشد. عددی سه رقمی نزولی پیدا کنید که حاصل ضرب یک عدد صعودی در خودش باشد.

۱۴- بزرگ‌ترین عدد صحیح مثبت ۱۱ را به گونه‌ای پیدا کنید که رقم صفر نداشته باشد، مجموع ارقامش ۱۵ باشد و همچنین مجموع ارقام دو برابر آن عدد یعنی ۲۷ کم‌تر از ۲۰ باشد.

۱۵- تمامی اعداد شش رقمی که از ارقام ۰, ۱, ۲, ۳, ۴, ۵ (هر کدام دقیقاً یک بار) تشکیل شده‌اند را در نظر بگیرید. اگر آن‌ها را به ترتیب بچینیم، ۵۰۲۰۵امین عدد چند است؟





## الگویابی در عددهای صحیح



### فعالیت

زهرا و سعید دو قلو هستند. آن‌ها هر شب، چیزهایی را که در مدرسه آموخته‌اند، با هم مقایسه می‌کنند و هر کدام برای دیگری مسائلهای طرح می‌کند. سعید کمی ناقلا است. او اغلب مسائلهای را که حوصله ندارد خودش به آن فکر کند، به زهرا می‌دهد و به روی خودش نمی‌آورد که قبلًا روی آن فکر نکرده و زهرا را تشویق به حل آن می‌کند. امشب سعید این مسأله را به زهرا داده است:

$$1+2+3+4+5+\dots+100=?$$

۱۱۱



زهرا پرسید: این که خیلی زیاد است، می‌شود با ماشین حساب حل کنم؟

سعید زیرکانه خندید و گفت: اما فقط ۵ دقیقه وقت داری!

هنوز به ۵۰ نرسیده، حوصله زهرا سر رفته بود و گفت: بیا با هم دنبال راه حل دیگری بگردیم!

وقتی قرار است اعداد زیادی را پشت سر هم جمع کنیم، با توجه به خاصیت جابه‌جایی در جمع، لازم نیست حتماً دو عدد پشت سر هم را با هم جمع کنیم. بهتر است ابتدا آن‌ها را به شکل مناسبی دسته‌بندی کنیم، سپس با یافتن الگویی بین اعداد هر دسته، حاصل جمع را پیدا کنیم:

$$1+2+3+4+5+\dots+98+99+100$$

$$1+100=101$$

$$2+99=101$$

$$3+98=101$$

# ما درس

سه نقطه میان سری اعداد، یعنی به همین ترتیب و با همین الگو پیش می‌روند! پس می‌توان نوشت:

$$\boxed{1} + \boxed{2} + \boxed{3} + \dots + \boxed{98} + \boxed{99} + \boxed{100}$$

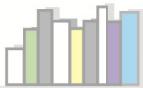
↓      ↓      ↓      ↓      ↓      ↓      ↓

101    101    101    101    101    101    101

یعنی حاصل هر دسته، عدد ..... می‌شود. چون از ۱ تا ۱۰۰، صد تا عدد داریم، یعنی حاصل جمع کل دسته‌ها ..... خواهد شد. چون در سری اعداد ۱ تا ۱۰۰، در حاصل جمع بالا، هر کدام ۲ بار محاسبه شده‌اند، پس:

$$1+2+3+\dots+100=\frac{\dots}{2}=\dots$$

بنابراین، حاصل جمع اعداد ۱ تا ۱۰۰ هم می‌شود: .....



**مثال ۱:** حاصل جمع همه اعداد زوج از ۲ تا ۱۰۰ چند است؟

حل: با توجه به دسته‌بندی زیر حاصل جمع هر دسته ۱۰۲ است، پون از ۱ تا ۱۰۰، اعداد یکی در میان، زوج هستند، پس

$$\text{تعداد دسته‌ها برابر } \frac{100}{2} = 50 \text{ است.}$$

$$2, 4, 6, 8, 10, \dots, 96, 98, 100$$

$$100, 98, 96, \dots, 6, 4, 2$$

$$\begin{array}{c} 2 \\ \boxed{100} \\ \downarrow \\ 102 \end{array} + \begin{array}{c} 4 \\ \boxed{98} \\ \downarrow \\ 102 \end{array} + \begin{array}{c} 6 \\ \boxed{96} \\ \downarrow \\ 102 \end{array} + \dots + \begin{array}{c} 100 \\ \boxed{2} \\ \downarrow \\ 102 \end{array}$$

$$2+4+6+\dots+96+98+100 = \frac{50 \times 102}{2} = 2550$$

$$\begin{array}{ccccccc} 8 & + & 16 & + & 24 & + & \dots + 11136 + 11144 = ? \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ 8 \times 1 & & 8 \times 2 & & 8 \times 3 & & 8 \times 1392 \\ & & & & & & 8 \times 1393 \end{array}$$

**مثال ۲:** حاصل جمع، این اعداد چند است؟

حل: می‌توان عبارت بالا را به صورت زیر نوشت:

$$8+16+24+\dots+11144=8\times(1+2+3+\dots+1393)$$

یعنی:

$$8+16+24+\dots+11144=8\times\frac{1393\times1394}{2}=8\times970921=7767368$$

و بنابراین:

شما سعی کنید این مسئله را با دسته‌بندی دیگری حل کنید.

**نکته:** یادتان باشد تعداد اعداد را خیلی وقت‌ها می‌شود به سادگی پیدا کرد، اما اگر الگوی عددی، کمی پیچیده شد می‌توانید

از این رابطه هم برای پیدا کردن تعداد اعداد، استفاده کنید:

$$\text{تعداد اعداد} = \frac{\text{عدد اول} - \text{عدد آخر}}{\text{فاصله بین دو عدد متولالی}} + 1$$

البته این رابطه تنها وقتی به کار تان می‌آید که فاصله بین دو عدد متولالی در طول الگو ثابت باشد.

$$1-2+3-4+5-6+\dots+99-100=?$$

.

**مثال ۳:** حاصل عبارت را پیدا کنید.

حل: راستش این هم مسئله سعید بود که امشب به زهراء دارد:

$$(1+3+5+\dots+99) + (-2-4-6-\dots-100)$$

زهراء آن را این‌گونه دسته‌بندی کرد:

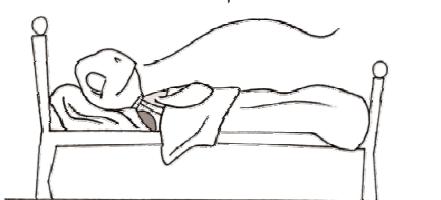
و به سعید گفت که با توجه به مثال‌های شب قبل، می‌توان حاصل جمع را پیدا کرد اما سعید که موصله نداشت و فوابشن

گرفته بود گفت: من آن را این‌طور دسته‌بندی می‌کنم:

$$\begin{array}{ccccccccc} 1 & -2 & +3 & -4 & +5 & -6 & +\dots & +99 & -100 \\ & -1 & & -1 & & -1 & & -1 & \end{array}$$

و حاصل جمع معلوم است:  $= -50 \times (-1)$

حالا که زهراء و سعید خوابشان برد، شما این مسئله‌ها را حل کنید:





## کار در کلاس

۱- حاصل جمع همه اعداد فرد ۱ تا ۳۹ را پیدا کنید.

۲- حاصل عبارت  $\frac{1-2-3-4-5-6-7-8}{8-7-6-5-4-3-2-1}$  را حساب کنید.

۳- مقدار عبارت  $60 - 1 - 2 + 3 - 4 + 5 - 6 + 7 - 8 + \dots$  را حساب کنید.

۴- اعداد ۱ تا ۹ را در جدول زیر، طوری قرار دهید که حاصل جمع هر سطر و هر ستون برابر باشد.

حاصل جمع قطرها چه عددی شد؟

-۵		

تمرین:



۱- الگوی مربوط به هر دنباله را توضیح دهید و چهار جمله بعدی را بنویسید.

(الف)  $-1, -3, -7, -15, \dots, \dots, \dots, \dots$



(ب)  $4, 13, 40, 121, 364, \dots, \dots, \dots, \dots$

(پ)  $-7, +14, -42, +168, -840, \dots, \dots, \dots, \dots$

# ما درس

(الف)  $= 3 + \dots + 123 + 126 + 129$

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

(ب)  $= (6-1) + (\dots + 998) + (1003-1004) + (1009-1010) + (1015-1010)$

۳- حاصل عبارت  $2+4+6+\dots+72$  را به دست آورید.



- ۴- با توجه به شکل زیر، حاصل جمع اعداد فرد ۱ تا ۷۰۱ را پیدا کنید.

رابطه بین شکل و عبارت بالا را توضیح دهید.

(۱)	(۲)	(۳)	(۴)

۵- در عبارت زیر از پنج عدد ۷، ۶، ۵، ۴، ۳ هر کدام دقیقاً یک بار استفاده کنید تا حاصل عبارت برابر با ۷۹ شود.

$$(-\boxed{\phantom{0}}) \times (\boxed{\phantom{0}} + \boxed{\phantom{0}}) + (-\boxed{\phantom{0}}) \times (+\boxed{\phantom{0}})$$

۶- همه عدهای طبیعی ۱ تا ۴۵ را نوشته‌ایم، رقم ۴ چند بار نوشته شده است؟

- ۷- در جدول  $3 \times 3$  زیر اعداد بالای جدول، بیانگر حاصل ضرب اعداد ستون پایینی آن هاست و اعداد سمت چپ جدول بیانگر حاصل ضرب اعداد هم ردیف آن هاست. مقدار عددی؟ را پیدا کنید.

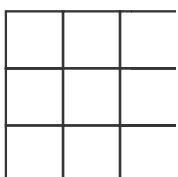
۳۰		

.....

۸- آیا می توان علامت های + و - را برابر در مربع های زیر طوری قرار داد که تساوی برقرار شود؟  
اگر بله دست به کار شوید و اگر خیر، دلیل بیاورید.

الف ۱  $\boxed{1}$   $\boxed{2}$   $\boxed{3}$   $\boxed{4}$   $\dots$   $\boxed{49}$   $\boxed{50} = 0$

۹- اعداد  $-13, -10, -9, -7, -4, -1$  را در مربع زیر طوری قرار دهید که حاصل جمع هر ستون و هر سطر با هم برابر باشد.



[www.mv-dars.ir](http://www.mv-dars.ir)

- ۱۰- مثلث های شکل مقابل را به روش زیر با اعداد طبیعی متولی پر می کنیم.

الف) در ردیف بیستم در خانه هایی که در آن ها علامت سوال است چه اعدادی باید قرار بگیرد؟

.....

ب) مجموع اعداد ردیف بیستم چند است؟

.....

۱۱- جدول اعداد صفحه بعد را در نظر بگیرید.  
این جدول تا سطر پنجم نوشته شده است.



الف) اگر جدول را تا سطر ۱۳۹۳ ادامه دهیم، مجموع کل اعداد جدول را پیدا کنید.

۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲

ب) حاصل جمع اعداد تا کدام سطر پر ابر ۲۰۱۴ می شود؟

۱۲- در سمت راست حاصل عددی عبارت  $1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times \dots \times 1393$  چند صفر وجود دارد؟ (به طور مثال عدد ۱۰۲۰۰۰۰۰ پنج رقم صفر در سمت راست خود دارد).

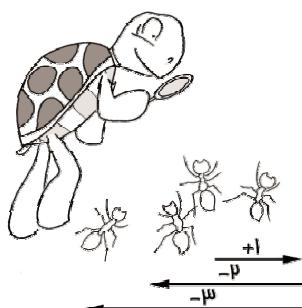
۱۳- جدول ۲۰×۲۰ با اعداد پر شده است. به طوری که در سطر اول اعداد ۱ تا ۲۰ و در سطر دوم اعداد ۲۱ تا ۴۰ و با همین ترتیب دیگر سطرها پر شده‌اند. اگر چهار خانه وسط جدول را در نظر بگیریم، حاصل جمع این چهار خانه، چه عددی است؟



۱۴- ارقام سه عدد ۸۷۲، ۳۲۱ و ۹۴۲ به شکل نزولی هستند، یعنی هر رقم از رقم سمت چپ خود کوچک‌تر است. ولی اعداد ۳۴۲، ۶۶۷ و ۵۳۳ این گونه نیستند.

هر کدام از اعداد دنباله زیر، از سه رقم تشکیل شده‌اند:  
چند تا از اعداد سه رقمی این دنباله، دارای ارقام به شکل نزولی هستند؟

۱۵- مورچه‌ای در مبدأ روی محور اعداد صحیح خانه دارد. او از خانه شروع به حرکت می‌کند. در ثانیه اول، یک واحد به راست یا چپ می‌رود، در ثانیه دوم، دو واحد به راست یا چپ و به همین ترتیب در ثانیه سوم، سه واحد، در ثانیه چهارم، چهار واحد و... .  
الف) آیا ممکن است موچه بعد از ۲۵ ثانیه به خانه بگردد؟



الف) آیا ممکن است مورچه بعد از ۲۰ ثانیه به خانه برگردد؟

ب) بعد از ۲۱ ثانیه چطور؟

## مروور فصل

۱- رقم یکان حاصل جمع اعداد  $1394 + 1394 + \dots + 1394$  چند است؟

ت) ۸

پ) ۶

ب) ۴

الف) ۲

۲- دو تاس مکعبی داریم که روی وجههای هر کدام  $-1, -3, -5, -2, 4, 6$  را نوشته‌ایم. اگر هر دو تاس را با هم بیندازیم. حاصل جمع اعداد روی آن‌ها کدام گزینه نمی‌تواند باشد؟



(المپیادهای ریاضی نوبهوان انگلستان)

ب) ۸

ت) -۶

الف) ۳

پ) ۷

۳- معادل کدام است؟

ت)  $8 \times 83$

پ)  $83 \times 83$

ب)  $83 \times 8 \times 3$

الف)  $8 \times 3 + 83$

۴- حاصل جمع  $1393 + 1393 + \dots + 1393$  چند است؟

ت)  $696 \times 696$

پ)  $697 \times 697$

ب)  $697 \times 1393$

الف)  $697 \times 697$

۵- حاصل ضرب  $(50-2) \times (50-1) \times (50-2) \times \dots \times (50-1)$  چند است؟

ت)  $\frac{2050 \times 2101}{2}$

پ)  $\frac{5}{2}$

ب)  $\frac{2051 \times 51}{2}$

الف) صفر

۶- میانگین ۵ عدد متوالی ۱۷ شده است. (این ۵ عدد نمره ۵ درس یک دانش‌آموز است!) در درس ششم چه نمره‌ای بگیرد تا معدل او ۱۵ شود؟

ت) +۵

پ) +۱۶

ب) +۱۵

الف) +۱۷

(المپیادهای ریاضی نوبهوان انگلستان ۱۹۹۱)

۷- کدام گزینه معادل بقیه گزینه‌ها نیست؟

ت)  $1 \times (9-9) + 1 \times (9-9)$

پ)  $1-9+9 \times 1$

ب)  $1 \times 9 \div (9 \times 1)$

الف)  $1 \div 9 + 9 \div 1$

۸- اختلاف دو عدد ۶- است. به هر عدد ۵+ تا اضافه می‌کنیم. اختلاف دو عدد چند می‌شود؟

ت) +۴

ب) -۶

الف) +۱

۹- حاصل جمع قرینه عدد ۱۱- نسبت به عدد ۲+ روی محور اعداد با قرینه عدد ۲+ نسبت به -۳- کدام است؟

ت)  $-13+2$

ب) +۳

الف) +۱۵

۱۰- حاصل عبارت  $(50+5)+(4 \times 50+5)+\dots+(4 \times 1+5)$  کدام است؟

ت) ۵۱۰۰

پ) ۵۱۵۰

ب) ۵۲۵۰

الف) ۵۳۵۰

**گروه آموزشی عصر**

ASR\_Group @ outlook.com

@ASRschool2