

## کسر مسلسل

در این مقاله به بحث درباره کسرهایی به شکل زیر می‌پردازیم. این کسرها را «کسر مسلسل»<sup>۱</sup> می‌نامیم.

$$a_1 + \cfrac{1}{a_2 + \cfrac{1}{a_3 + \dots + \cfrac{1}{a_{n-1} + \cfrac{1}{a_n}}}}$$

در کسرهای مسلسل،  $a_1$  یک عدد صحیح و  $a_2$  تا  $a_n$  اعداد طبیعی هستند. به کسر مسلسل زیر توجه کنید.

$$4 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{2 + \cfrac{1}{1}}}$$

کسر بالا را می‌توان به صورت یک عدد گویا نوشت.

$$4 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{2 + \cfrac{1}{1}}} = 4 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{2 + 1}} = 4 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{3}} = 4 + \cfrac{1}{3 + \frac{1}{3}} = 4 + \frac{1}{\frac{10}{3}} = 4 + \frac{3}{10} = \frac{43}{10}$$

# ماهی درس

## گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

- 
۱. در واقع یک کسر مسلسل به صورت زیر است و نیازی نیست که تعداد  $a_i$  ها متناهی باشد.

$$a_1 + \cfrac{1}{a_2 + \cfrac{1}{a_3 + \cfrac{1}{a_4 + \dots}}}$$

۱. کسرهای مسلسل زیر را به یک عددگویا تبدیل کنید.

$$(الف) -3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{2}}}}$$

$$(ب) ۰ + \frac{1}{2 + \frac{1}{20 + \frac{1}{10}}}$$

$$(ج) ۱ + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1}}}}$$

$$(د) ۱ + \frac{1}{2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{5 + \frac{1}{6}}}}}$$

هر عددگویا را می‌توان به یک کسر مسلسل تبدیل کرد. مثلاً کسر مسلسل عددگویای  $\frac{67}{29}$  به صورت زیر است.

$$\frac{67}{29} = 2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{2}}}$$

برای تبدیل  $\frac{67}{29}$  به کسر مسلسل متناظر، ابتدا  $67$  را بر  $29$  تقسیم می‌کنیم که خارج قسمت  $2$  و باقیمانده  $9$  به دست می‌آید. از این رو

$$\frac{67}{29} = 2 + \frac{9}{29} = 2 + \frac{1}{\frac{29}{9}}$$

سپس  $29$  را بر  $9$  تقسیم کرده و

$$www.my-dars.ir$$

را به دست می‌آوریم. تا به اینجا داریم:

$$\frac{67}{29} = 2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{\frac{9}{2}}}$$

سرانجام ۹ را بر ۲ تقسیم می‌کنیم.

$$\frac{9}{2} = 4 + \frac{1}{2}$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$\frac{87}{29} = 2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{2}}}$$

۲. اعداد گویای زیر را به کسر مسلسل تبدیل کنید.

$$\frac{8}{3}, \quad \frac{153}{17}, \quad \frac{18}{5}$$

اعداد گویای منفی را نیز می‌توان به صورت کسر مسلسل نوشت:

$$-\frac{13}{5} = \frac{-15+2}{5} = -3 + \frac{2}{5} = -3 + \frac{1}{\frac{5}{2}} = -3 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2}}$$

۳. اعداد گویای زیر را به کسر مسلسل تبدیل کنید.

$$-\frac{29}{11}, \quad \frac{-87}{85}, \quad \frac{-1}{10}$$

۴. اعداد گویای زیر را به کسر مسلسل تبدیل کنید.

$$\frac{2}{11}, \quad \frac{11}{2}, \quad \frac{100}{21}, \quad \frac{21}{100}, \quad \frac{21}{8}, \quad \frac{8}{21}$$

با توجه به تمرین بالا، کسر مسلسل یک عدد گویا را با کسر مسلسل معکوس همان عدد گویا مقایسه کنید.

۵. اعداد گویای زیر را به کسر مسلسل تبدیل کنید.

$$\frac{24}{11}, \quad \frac{-24}{11}, \quad \frac{100}{21}, \quad \frac{-100}{21}, \quad \frac{21}{12}, \quad \frac{-21}{12}$$

با توجه به تمرین بالا، کسر مسلسل یک عدد گویا را با کسر مسلسل قرینه‌ی همان عدد گویا مقایسه کنید.