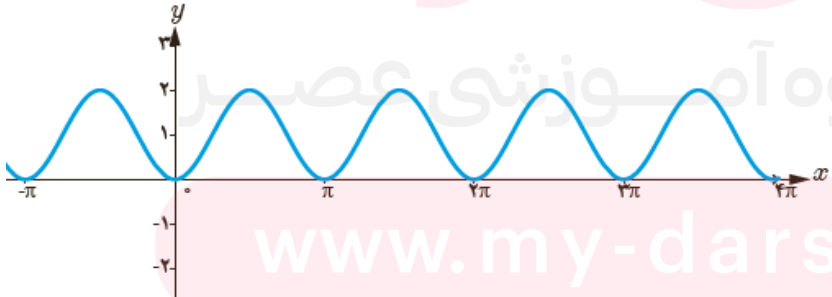


سؤالات درس: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	تعداد صفحه: ۳
آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) تابع $f(x) = 3x(x - x^2 + 1) + 3x^3$ یک تابع چندجمله‌ای از درجه سوم است.</p> <p>ب) هر نقطه اکسترمم نسبی تابع، یک نقطه بحرانی آن است.</p> <p>پ) تابع با ضابطه $f(x) = \sqrt{x}$ در دامنه‌اش اکیدا نزولی است.</p> <p>ت) دامنه تابع با ضابطه $y = kf(x)$ همان دامنه تابع $y = f(x)$ است.</p>	۱
۲	<p>جاهای خالی زیر را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>الف) اگر $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\Delta x^n + 2x - 4}{x - kx^4} = 10$ باشد مقدار $k + n$ برابر می‌شود.</p> <p>ب) مقدار ماکزیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 + 2x - 5$ در بازه $[-2, 1]$ است.</p> <p>پ) باقی‌مانده تقسیم چند جمله‌ای $f(x) = 2x^3 + 5x^2 - 3x - 10$ بر $x + 2$ برابر است.</p>	۰/۷۵
۳	<p>اگر $f(x) = 3x - 1$ و $g(x) = \sqrt{x - 2}$ باشند:</p> <p>الف) دامنه تابع $g \circ f$ را با استفاده از تعریف بدست آورید. ب) مقدار $\frac{f^{-1}(5)}{(f \circ g)(6)}$ را محاسبه کنید.</p>	۱/۲۵
۴	<p>نمودار زیر مربوط به تابعی با ضابطه $f(x) = a \sin bx + c$ یا $f(x) = a \cos bx + c$ است. با تشخیص دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع، ضابطه آن را مشخص نمایید.</p> 	۱
	« ادامه سؤالات در صفحه دوم »	

سؤالات درس: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	تعداد صفحه: ۳
آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲		گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد: @riazihmd1	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۵	الف) حاصل عبارت $4 \sin x \cos x \cos 2x$ را به ازای $x = 7/5^\circ$ محاسبه کنید. ب) معادله مثلثاتی $\sin 4x - \sin 2x = 0$ را حل کنید.	۱
۶	حد توابع زیر را بیابید. پ) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{1 - \cos x}$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\frac{1}{4}} \frac{[x]}{ 2x + 1 }$ الف) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{2 - \sqrt{x-1}}{x-5}$	۱/۵
۷	نمودار تابع f در شکل زیر داده شده است. اگر مشتق تابع $f(x)$ در نقطه B برابر ۳ باشد، حاصل $\frac{AC}{AB}$ را بدست آورید.	۱
۸	اگر نیم مماس‌های چپ و راست $f(x) = x (x+a)$ در نقطه $x=0$ بر هم عمود باشند، مجموعه مقادیر a را بیابید.	۱/۵
۹	مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست). الف) $f(x) = 3\left(\frac{x}{2} + \frac{2}{x} - \sqrt{x-1}\right)^6$ ب) $g(x) = x^2(2x-1)(2x+4)$	۱/۵
۱۰	آهنگ تغییرات متوسط تابع $y = x^3 - x^2 + x$ روی بازه $[0, 2]$ نسبت به تغییر x ، چقدر از آهنگ لحظه‌ای آن در نقطه $x = \frac{3}{2}$ بیشتر است؟	۱
۱۱	در تابع $f(x) = -2x^3 + 3x^2 + 12x - 9$ با رسم جدول تغییرات تابع، نقاط ماکزیمم نسبی و مینیمم نسبی آنرا در صورت وجود بدست آورید.	۱/۵
	« ادامه سؤالات در صفحه سوم »	

سؤالات درس: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	تعداد صفحه: ۳
آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲		گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد: @riazihmd1	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۲	ماکزیمم مساحت مستطیل‌های واقع در نیم دایره ای به معادله $y = \sqrt{4-x^2}$ را محاسبه کنید.	۱/۵
۱۳	کانون‌های یک بیضی $(1, 3), (1, -5)$ است و اندازه قطر بزرگ ۱۲ می‌باشد. فاصله کانونی و مختصات مرکز بیضی و خروج از مرکز بیضی را محاسبه کنید.	۱
۱۴	وضعیت خط $y = 2x - 5$ را نسبت به دایره $(x-1)^2 + y^2 = 5$ مشخص کنید.	۱
۱۵	دایره C به مرکز $(2, -1)$ و شعاع ۳ و دایره C' به معادله $x^2 + y^2 + 2x + 6y + 6 = 0$ نسبت به هم چگونه اند؟	۱/۵
۱۶	در دو جعبه به ترتیب ۱۵ و ۲۴ عدد لامپ یکسان موجود است. در جعبه اول ۴ عدد و در جعبه دوم ۳ عدد لامپ معیوب هستند. از اولی ۸ و از دومی ۶ لامپ به تصادف برداشته و در جعبه جدید قرار می‌دهیم. با کدام احتمال یک لامپ انتخابی از جعبه جدید معیوب است؟	۲
۲۰	جمع نمره	۲۰
« موفق باشید. »		

مای درس

گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir

راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۲/۱۸	تعداد صفحه: ۴
آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲		گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد: @riazihmd1	

ردیف	جواب سوالات	نمره
------	-------------	------

نمره با عدد:	نمره با حروف:	نام مصحح:	تاریخ و امضا مصحح:
۱ (الف) نازرت	(ب) ررت	(پ) نازرت (ت) ررت	مرررر (۱۲۵)
۲ (الف) $\frac{7}{2}$	(ب) -۲	(پ) صفر	مرررر (۱۲۵)
۳ (الف)	(ب)	$D_f = \mathbb{R}, D_g: x-2 > 0 \Rightarrow x > 2 \Rightarrow D_g = (2, +\infty)$ (۱۲۵) $D_{g \circ f} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} = \{x \in \mathbb{R} \mid x-1 \in (2, +\infty)\}$ (۱۲۵) $*: x-1 > 2 \Rightarrow x > 3 \Rightarrow D_{g \circ f} = (3, +\infty)$ (۱۲۵) $f'(a) = a \Rightarrow f(a) = 0 \Rightarrow a-1 = 0 \Rightarrow a = 2$ (۱۲۵) $\Rightarrow \frac{f'(2)}{f(2)} = \frac{2}{0}$ $f \circ g(4) = f(g(4)) = f(2) = 0$ (۱۲۵)	۱/۲۵
۴		$T = \pi = \frac{2\pi}{ h } \rightarrow h = 2$ (۱۲۵) $ a = \frac{2-0}{2} = 1$ (۱۲۵) $y = -\cos 2x + 1$ (۱۲۵) $c = \frac{2+0}{2} = 1$ (۱۲۵)	۱
۵ (الف)	(ب)	$f \sin x \cos x \cos 2x = 2 \sin x \cos 2x = \sin 2x$ (۱۵) $x = \frac{\pi}{8} \Rightarrow \sin 2(\frac{\pi}{8}) = \sin \frac{\pi}{4} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ $\sin 2x = \sin 2a \Rightarrow \begin{cases} 2a = 2k\pi + 2a \Rightarrow a = k\pi \\ 2a = 2k\pi + \pi - 2a \Rightarrow a = \frac{k\pi + \pi}{2} \end{cases}$ (۱۵)	۱

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۴	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۲/۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد: @riazihmd1		آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲	

ردیف	جواب سوالات	نمره
------	-------------	------

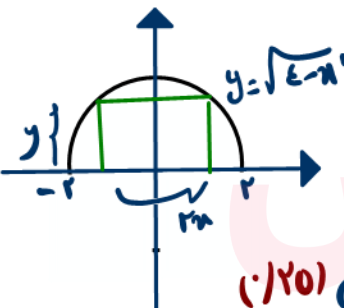
۶	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sqrt{x-1} \times x + \sqrt{x-1}}{x-0 \times x + \sqrt{x-1}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - x + 1}{(x-0)(x + \sqrt{x-1})} = \frac{1}{0} \quad (10)$</p> <p>ب) $\frac{-1}{0^+} = -\infty \quad (10)$</p> <p>پ) $\frac{1}{0^+} = +\infty \quad (10)$</p>	۱/۵
۷	<p>$m = 4 \quad (10)$</p> <p>\Rightarrow شیب در B = شیب خطاصل</p> <p>$\tan \theta = 4 \quad (10)$</p> <p>تأثیرات زاویه‌ای که خط با جهت مثبت محور x ساز</p> <p>$1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta} \Rightarrow 1 + 16 = \frac{1}{\cos^2 \theta} \Rightarrow \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{17}} \quad (10)$</p> <p>$\frac{AC}{AB} = \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{17}} \quad (10)$</p>	۱
۸	<p>$m = f'(a) = \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{ x (x+a) - 0 \cdot (a+a)}{x} = \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{x(x+a)}{x} = a \quad (10)$</p> <p>$m' = f'(a) = \lim_{x \rightarrow a^-} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = \lim_{x \rightarrow a^-} \frac{ x (x+a) - 0 \cdot (a+a)}{x} = \lim_{x \rightarrow a^-} \frac{-x(x+a)}{x} = -a \quad (10)$</p> <p>$mm' = -1 \Rightarrow a(-a) = -1 \Rightarrow -a^2 = -1 \Rightarrow a^2 = 1 \Rightarrow a = \pm 1 \quad (10)$</p>	۱/۵
۹	<p>الف) $f'(x) = 1x \left(\frac{x}{x} + \frac{x}{x} - \sqrt{x-1} \right) \left(\frac{1}{x} - \frac{x}{x^2} - \frac{1}{2\sqrt{x-1}} \right) \quad (10)$</p> <p>ب) $g(x) = x^2(9x^2 + 9x - 4) = 9x^4 + 9x^3 - 4x^2 \Rightarrow g'(x) = 36x^3 + 27x^2 - 8x \quad (10)$</p>	۱/۵

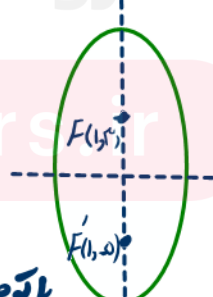
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۴	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۲/۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد: @riazihmd1			آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲

ردیف	جواب سوالات	نمره
------	-------------	------

۱	$\text{رهنب متوسط} = \frac{f(2) - f(0)}{2 - 0} = \frac{21}{2} = 10.5 \quad (1/20)$ $f'(x) = 3x^2 - 2x + 1 \quad (1/20) \Rightarrow f'\left(\frac{2}{3}\right) = 3\left(\frac{2}{3}\right)^2 - 2\left(\frac{2}{3}\right) + 1 = \frac{19}{3} \quad (1/20)$ $\text{انحراف (مقدار)} = 10.5 - \frac{19}{3} = \frac{9}{3} = 3 \quad (1/20)$	۱۰
---	---	----

۱/۵	$f'(x) = -4x^2 + 4x + 12 = 0 \xrightarrow{-4+12=8} x = -1, x = -\frac{12}{-4} = 3 \quad (1/20)$ <div style="display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> <table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>3</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td></td> <td>-</td> <td>+</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td></td> <td>-14</td> <td>18</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>min</td> <td>max</td> <td></td> </tr> </table> <div style="margin-left: 20px;"> <p>تکین جدول (۱)</p> </div> </div>	x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$	f'		-	+	-	f		-14	18				min	max		۱۱
x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$																		
f'		-	+	-																		
f		-14	18																			
		min	max																			

۱/۵	<div style="display: flex; align-items: center;">  <div style="margin-left: 20px;"> $S = 2xy = 2x\sqrt{4-x^2} \quad (1/20)$ $S' = 2\sqrt{4-x^2} + \frac{-2x}{\sqrt{4-x^2}} \times 2x = \frac{2(4-x^2) - 2x^2}{\sqrt{4-x^2}} = \frac{4-4x^2}{\sqrt{4-x^2}} \quad (1/20)$ $S' = 0 \Rightarrow 4 - 4x^2 = 0 \Rightarrow x = \pm\sqrt{1} \rightarrow x = \sqrt{1} \quad (1/20)$ $S_{\max} = 2\sqrt{1}(\sqrt{4-1}) = 2 \times 2 = 4 \quad (1/20)$ </div> </div>	۱۲
-----	---	----

۱	$AA' = 12 = 2a \rightarrow a = 6 \quad (1/20)$ $FF' = -5 - (-1) = -4 = 4 \Rightarrow 2c = 4 \rightarrow c = 2 \quad (1/20)$ $O(\alpha, \beta) = \left(\frac{1+(-1)}{2}, \frac{5+(-5)}{2}\right) = (0, -1) \quad (1/20)$ $e = \frac{c}{a} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3} \quad (1/20)$ <p style="text-align: center;">باتوجه به معنی $\frac{a}{c}$ و $\frac{c}{a}$ ها بعضی وقت‌ها</p> <div style="text-align: right;">  </div>	۱۳
---	--	----

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۴	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۲/۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد: @riazihmd1			آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲

ردیف	جواب سوالات	نمره
------	-------------	------

۱	$y = 2x - 5 \rightarrow 2x - y - 5 = 0 \quad O(1,0), r = \sqrt{5} \quad (۱/۲۵)$ $OH = \frac{ 2 \times 1 - 1 \times 0 - 5 }{\sqrt{2^2 + (-1)^2}} = \frac{2 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5} \quad (۱/۵)$ <p>این خط را به راقطع می‌کند. $(۱/۲۵)$</p> $OH = \frac{2\sqrt{5}}{5} < r = \sqrt{5}$	۱۴
۱/۵	$O(-1,2), r = 3$ $O'(-\frac{5}{4}, -\frac{3}{4}) = (-\frac{1}{4}, -\frac{3}{4}) = (-1, -3) \quad (۱/۲۵)$ $r' = \frac{1}{4} \sqrt{a^2 + b^2} + c = \frac{1}{4} \sqrt{2^2 + 3^2} - 2 = \frac{1}{4} \sqrt{4+9} - 2 = \frac{1}{4} \times 5 - 2 = \frac{1}{4} \times 1 = \frac{1}{4} \quad (۱/۵)$ $OO' = \sqrt{(-1+1)^2 + (-3-2)^2} = \sqrt{0+25} = 5 \quad (۱/۲۵)$ $r+r' = 3+\frac{1}{4} = \frac{13}{4} < 5 \quad (۱/۲۵) \quad OO' = r+r'$ دورایه بیرون است.	۱۵
۲	<p>لااب انتهای از مجموع</p> $P(\text{عرب}) = \frac{1}{12} \times \frac{4}{24} + \frac{9}{12} \times \frac{10}{10} = \frac{1}{21} + \frac{10}{20} = \frac{1+10}{20 \times 7} = \frac{11}{140} \quad (۱/۵)$ <p>عرب $\frac{4}{24} \rightarrow \frac{1}{6}$ طرف اول عرب $\frac{10}{10} \rightarrow \frac{1}{1}$ طرف دوم</p>	۱۶
۲۰	جمع نمره	"موفق باشید"