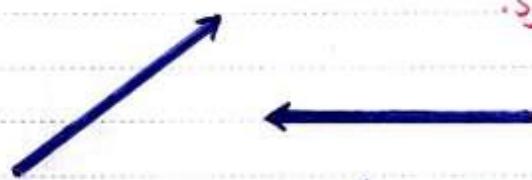
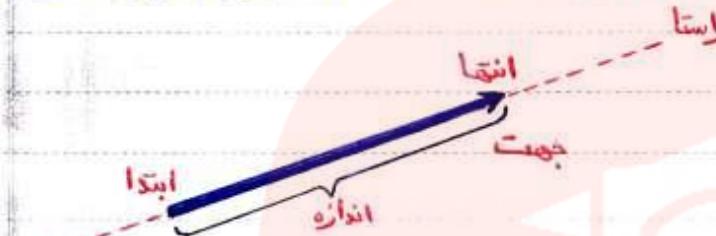


تعریف بردار؛ با هر پاره خط جهت دار، بردار گفته می‌شود.



نکته: هر بردار دارای ابتدا و انتهای جهت و اندازه و راستایی باشد کاروی بردار زیر مشخص سده است.



مثال: راستای بردارهای مقابل با خط چین مشخص سده است.



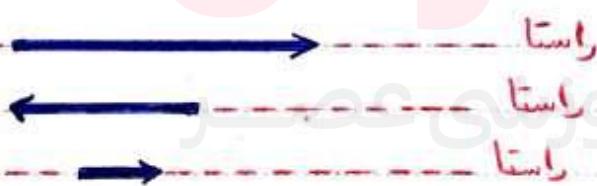
لازم با ذکر است که این دو بردار در یک دهت قرار دارد و راستای آنها باهم یکی است.
(راستای هر دو بردار افقی می‌باشد)

مثال: راستای بردارهای مقابل با خط چین مشخص سده است.



لازم با ذکر است که جهت این دو بردار مخالف همدیگر می‌باشد ولی راستای آنها باهم یکی است.
(راستای هر دو بردار افقی است)

مثال: راستای بردارهای مقابل با خط چین مشخص سده است.



لازم با ذکر است که هر سه بردار دارد. سده دارای راستای یکسانی می‌باشد. زیرا راستای هر سه بردار افقی می‌باشد.



مثال: ماتوجه به بردارهای مقابل؛
الف) راستای هر بردار را مشخص کنید
ب) آیا راستای هر دو بردار یکی است؟

نکته: هر بردار را با در روش مختلفی نمود نامگذاری کرد.

الف) نامگذاری با دو حرف: در این روش ابتداء را بردار داده شده را با حرف بزرگ لایق (از چپ به راست) نامگذاری می‌کنیم و سپس علامت « \rightarrow » را در بالای آن حروفی نویسیم



مثال: بردار متعابل را با حرف B و A نامگذاری کرد. این و آنرا به صورت \vec{AB} نوشتند.

نکته: عبارت \vec{AB} را به صورت «بردار AB » بخوانید

ب) نامگذاری با یک حرف: در این روش بردار داده شد، را با یک حرف کوچک لایق نامگذاری می‌کنیم و علامت « \rightarrow » را در بالای آن حرفی نویسیم



مثال: بردار متعابل را با حرف α نامگذاری کرد. این و آنرا به صورت $\vec{\alpha}$ نوشتند.

نکته: عبارت $\vec{\alpha}$ را به صورت «بردار α » بخوانید

مثال: بردارهای متعابل را با دو حرف نامگذاری کنند.



مثال: بردارهای متعابل را با یک حرف نامگذاری کنند.

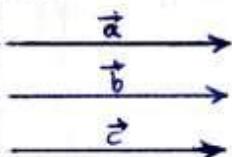
نکته: «بردار هنگامی مساری هستنده هر سرط زیر را داشته باشد.

الف) هم راست باشد

ب) هم جهت باشد

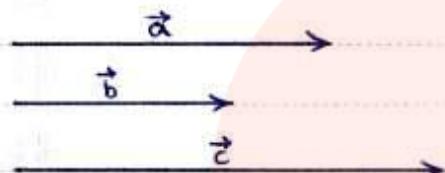
ج) هم اندازه باشد.

مثال: در شکل مقابل بردارهای \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} باهم مساری هستند.



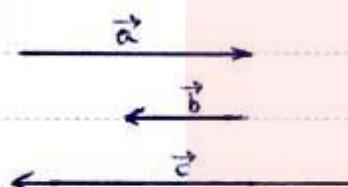
- الف) هم راستا هستند.
ب) هم جهت هستند.
ج) هم اندازه نیستند.

مثال: در شکل مقابل بردارهای \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} باهم مساری نیستند زیرا:



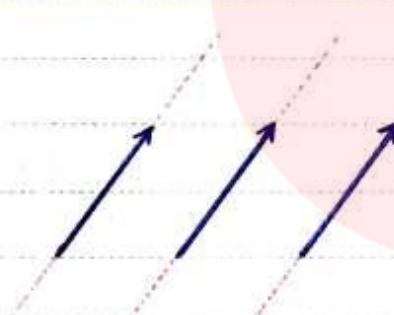
- الف) هم راستا هستند.
ب) هم جهت هستند.
ج) هم اندازه نیستند.

مثال: در شکل مقابل بردارهای \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} باهم مساری نیستند زیرا



- الف) هم راستا هستند.
ب) هم جهت نیستند.
ج) هم اندازه نیستند.

مثال: در شکل مقابل هر سه بردار دارای سهده مساری هستند،
زیرا هر سه شرط کفته سده را دارند.



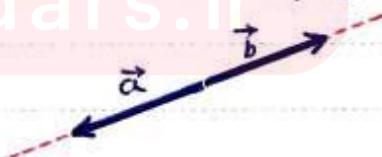
نکته: دو بردار هندسی غرینه هستند که دارای سه شرط زیر باشند.

الف) هم راستا باشند.

ب) هم اندازه باشند.

ج) جهت هایشان عکس هم نگو باشند

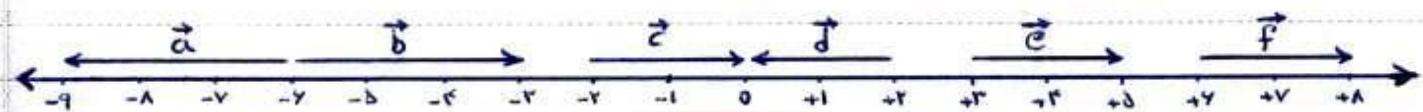
مثال: در شکل های زیر بردارهای \vec{a} و \vec{b} غرینه هم نگو باشند.



$$\vec{a} = -\vec{b}$$

لهم علامت ترین

مثال: روی محور زیر نکدامی بردار با اندازه‌های مختلف درجهت‌های مختلف رسم شده است.
بردارهای مساوی و بردارهای ترینه را مشخص کنید.



$$\vec{a} = -\vec{b}$$

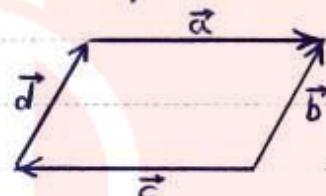
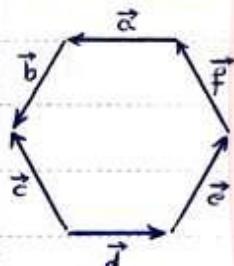
$$\vec{c} = -\vec{d}$$

} بردارهای ترینه

$$\vec{e} = \vec{f}$$

} بردارهای مساوی

مثال: در شکل‌های زیر (شش گلیقون‌نمای و مترادزی الاملاع) بردارهای مساری و بردارهای ترینه را نام ببرید.



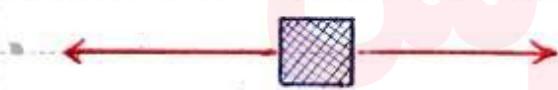
بردارهای مساری:

بردارهای ترینه

بردارهای مساری:

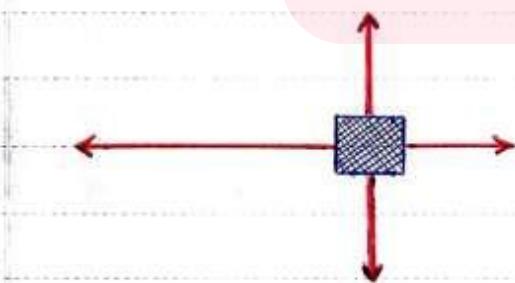
بردارهای ترینه:

مثال: بازدید از موزه‌ای که با جسم زیر وارد می‌شود، مشخص کنید که جسم به کدام سمت حرکت می‌کند؟



جواب: جسم حرکت نمی‌کند زیرا این راه مانند اندازه و هم راستا ولی درجهت مخالف همدیگر
قرار دارند و اثر همدیگر را از بین می‌برند
(همدیگر را خنثی می‌کند)

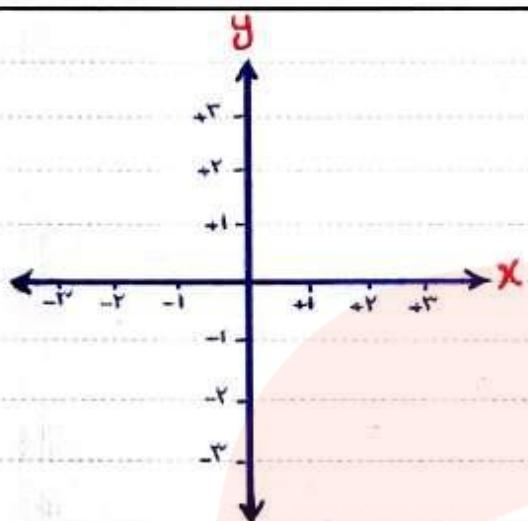
مثال: بازدید از موزه‌ای که با جسم زیر وارد می‌شود، مشخص کنید که جسم به کدام سمت حرکت می‌کند؟



جواب:

دستگاه مختصات

با شکل مقابل دستگاه مختصات گفتگو شود که:



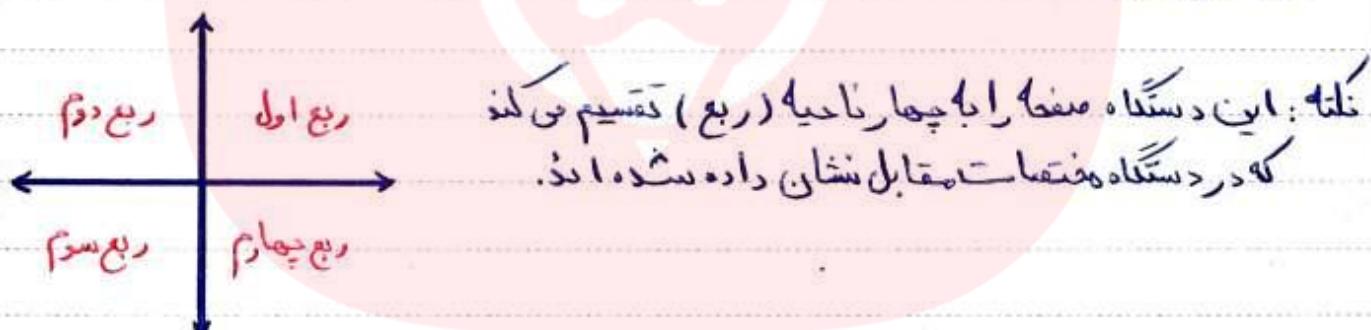
الف) این دستگاه از درجهور عمودی بهم تبدیل شده است.

ب) مختصات ۱ مسحور طول (٪ها) و مسحور عمودی را مسحور عرض (٪ها) می‌گویند.

ج) محل برخورد این دو مسحور را «مبدأ مختصات» می‌گویند.

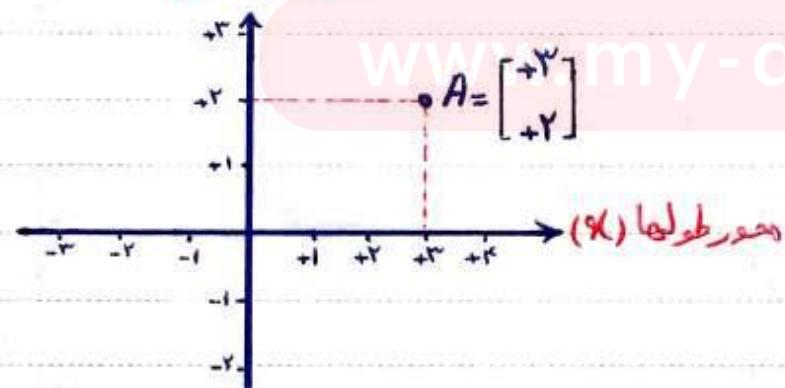
د) روی مسحور طولها (٪ها) از صدآباده سمت راست، عددبایی مثبت و به سمت چپ، عددبایی منفی نوشته شده است.

ه) روی مسحور عرضها (٪ها) از صدآباده بالا، عددبایی مثبت و به سمت جایین عددبایی منفی نوشته شده است.



نکته: در دستگاه مختصات، مختصات هر نقطه را به صورت [] نمایش می‌دهیم که در بالای آن طول نقطه و در پائین آن عرض نقطه نوشته شده است.

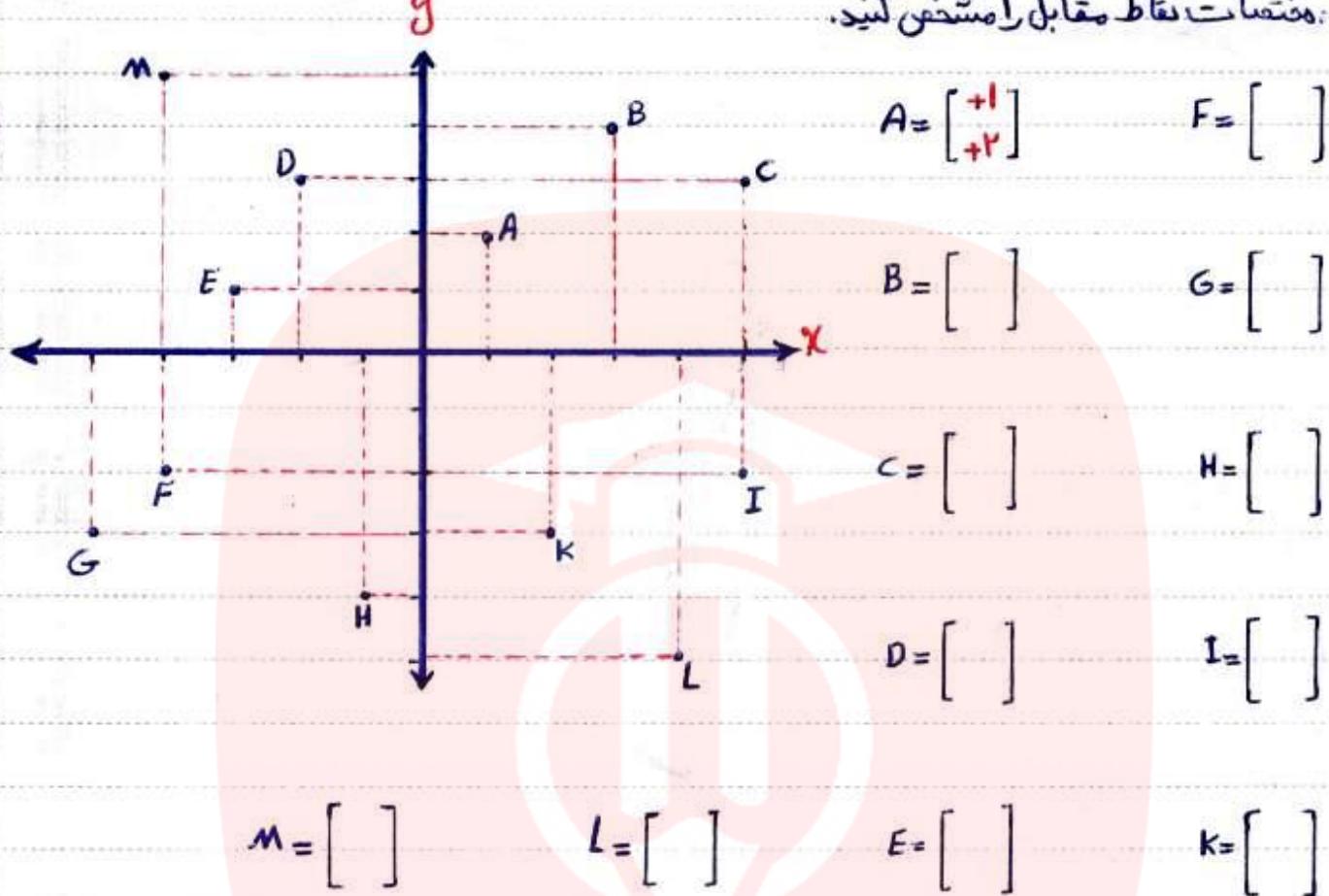
لازم باذکر است که برای بدست آوردن طول هر نقطه، از آن نقطه عمودی بر مسحور طولها رسم می‌کنیم، هر کجا مسحور طولها را قطع کند، آن عدد طول نقطه می‌باشد و برای بدست آوردن عرض آن نقطه، از آن عمودی بر مسحور عرضها رسم می‌کنیم، هر کجا مسحور عرضها را قطع کرد، آن عدد عرض نقطه مورد تظر می‌باشد.



مثال: مختصات نقطه A را مشخص کنید.



مثال: مختصات نقاط مقابل را مشخص کنید.



مثال: جای \rightarrow تیق نقاط مشخص شده را روی \rightarrow سکاه مختصات مشخص کنید.

$$A = \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$F = \begin{bmatrix} -1 \\ +1 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} +1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$G = \begin{bmatrix} -1 \\ +1 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} +1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

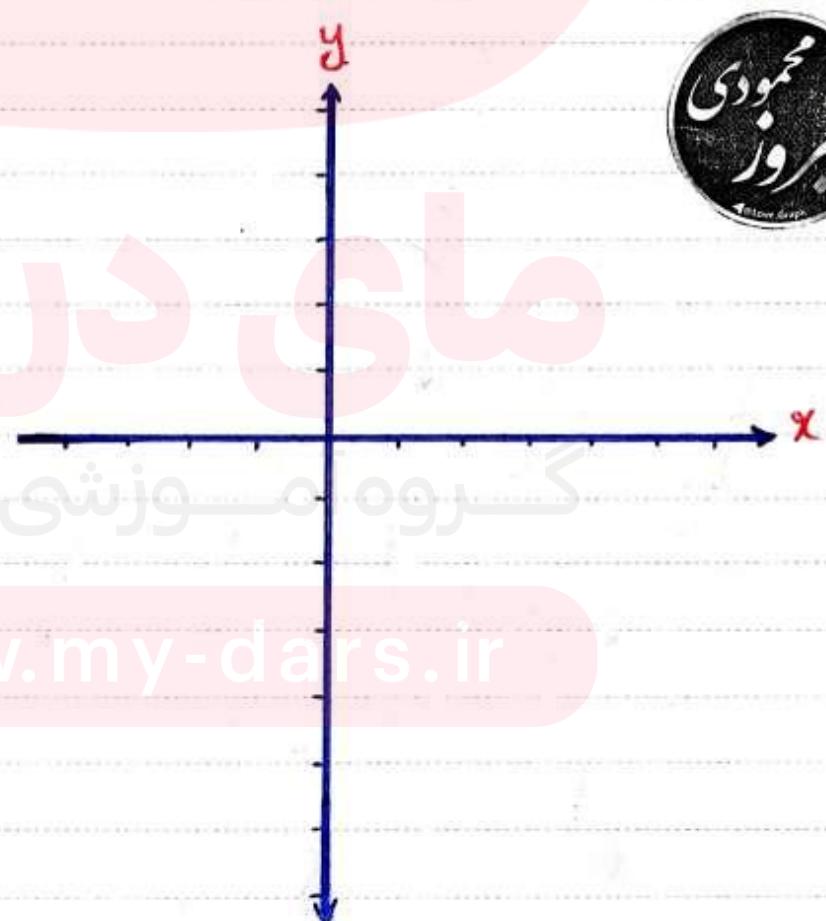
$$H = \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} +1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

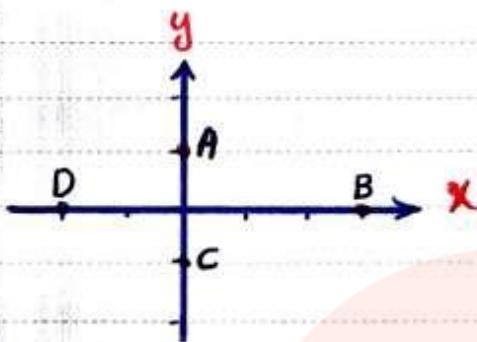
$$I = \begin{bmatrix} -1 \\ +1 \end{bmatrix}$$

$$E = \begin{bmatrix} +1 \\ +1 \end{bmatrix}$$

$$G = \begin{bmatrix} +1 \\ +2 \end{bmatrix}$$



مثال: مختصات نقاط A , B , C و D را مشخص کنید.



$$A = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

مثال: مختصات نقاط داده شده را روی دستگاه مختصات زیر مشخص کنید.

$$A = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

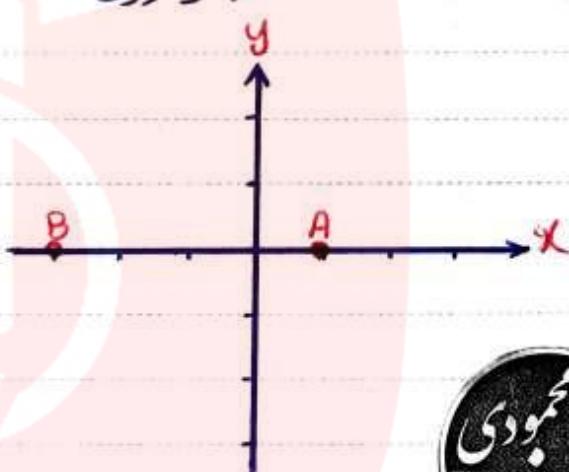
$$D = \begin{bmatrix} 0 \\ +2 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} -3 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$E = \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} 0 \\ -2 \end{bmatrix}$$

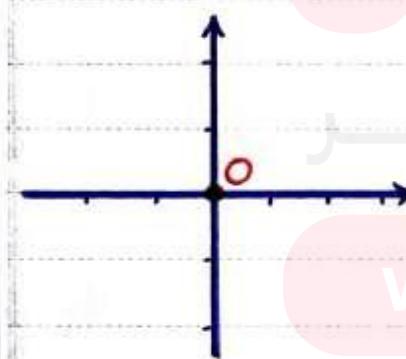
$$F = \begin{bmatrix} +3 \\ 0 \end{bmatrix}$$



باوجه به دو مثال بالا می‌توان گفت که:

- الف) طول هر نقطه‌ای که روی محور عرض هاباشد صفر است
ب) عرض هر نقطه‌ای که روی محور طول هاباشد صفر است.

نهان: مدل برخورده محور طولها و عرضها را «مبدأ مختصات» می‌گویند و آنرا با حرف O نمایش می‌دهند.



$$O = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

www.my-dars.ir

مثال: نقطه‌ای $A = \begin{bmatrix} +2 \\ -5 \end{bmatrix}$ در ربع ----- از صفحه‌ی مختصات قرار دارد.

مثال: نقطه‌ای $B = \begin{bmatrix} -10 \\ +10 \end{bmatrix}$ در ربع ----- از صفحه‌ی مختصات قرار دارد.

مثال: نقطه‌ی $\begin{bmatrix} +14 \\ +7 \end{bmatrix}$ در ربع از صفحه‌ی مختصات قرار دارد.

مثال: نقطه‌ی $\begin{bmatrix} -79 \\ -58 \end{bmatrix}$ در ربع از صفحه‌ی مختصات قرار دارد.

مثال: مقدار m چقدر باشد تا نقطه‌ی $A = \begin{bmatrix} -2m-4 \\ +7 \end{bmatrix}$ روی محور عرض‌ها واقع شود.

واضح: واضح است که طول این نقطه $-2m-4$ و عرض آن $+7$ باشد. حال اگر این نقطه

باخواهد روی محور عرض‌ها واقع شود، باید طول آن (یعنی $-2m-4$) صفر باشد، پس

$$-2m-4 = 0$$

$$-2m = +4$$

$$m = \frac{+4}{-2} = -2$$

یعنی اگر به جای m عدد -2 قرار دهیم، نقطه‌ی بدست آمده روی محور طولها قرار خواهد گرفت در واقع داریم؟

$$A = \begin{bmatrix} -2m-4 \\ +7 \end{bmatrix} \xrightarrow{m=-2} \begin{bmatrix} -2 \times (-2)-4 \\ +7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ +7 \end{bmatrix}$$

و واضح است که نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 0 \\ +7 \end{bmatrix}$ روی محور عرض‌ها قرار دارد.

مثال: مقدار b چقدر باشد تا نقطه‌ی $\begin{bmatrix} -5 \\ 2b-8 \end{bmatrix}$ روی محور طولها واقع شود

الف) -3

ب) $+3$

ج) 0

د) -8

مثال: اگر نقطه‌ی $\begin{bmatrix} -2m+4 \\ -b-3 \end{bmatrix}$ روی مبدأ مختصات واقع باشد. حاصل $m+b$ دام است؟

الف) 5

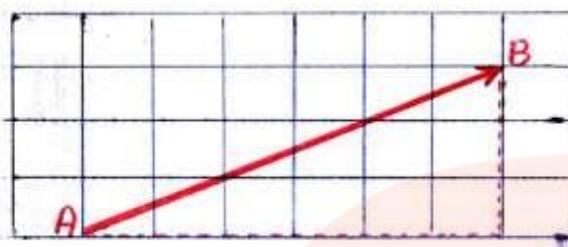
ب) 5

ج) 1

د) هیچ‌کدام



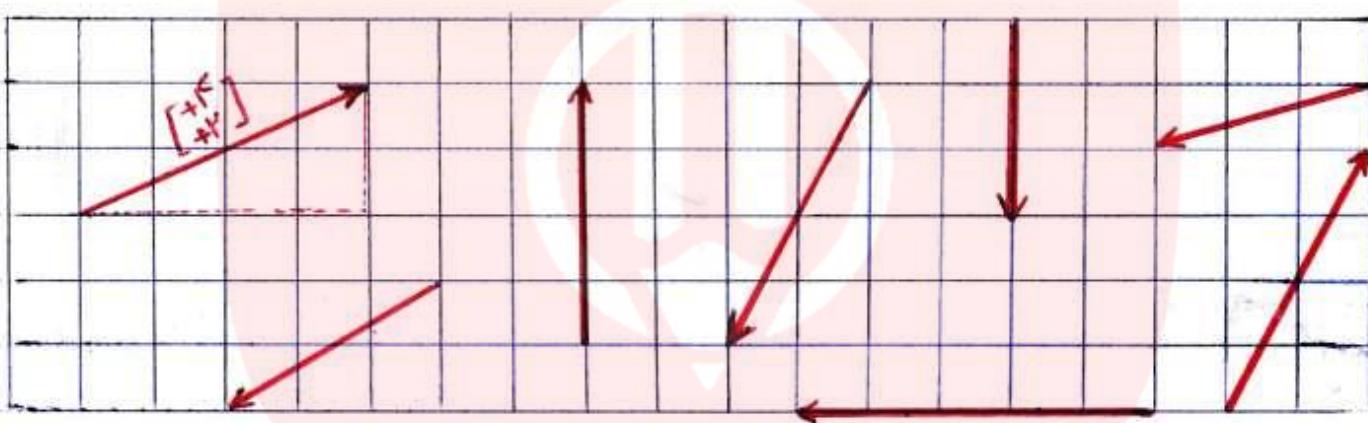
مثال: در شکل مقابل حرکت از نقطه A با B , با بردار AB نشان داد. سه، است.
اگر بتوانیم فقط افقی یا عمودی حرکت کنیم (قرار عی کذاریم) لازم است ابتدا افقی رسین عمودی حرکت کنیم).



$$\vec{AB} = \begin{bmatrix} +4 \\ +3 \end{bmatrix}$$

نباراین برای رفت از A با B ابتدا باید ۴ واحد درجهت افقی ($+4$) حرکت کنیم رسین ۳ واحد درجهت عمودی ($+3$) حرکت کنیم نباراین عی نویسید:

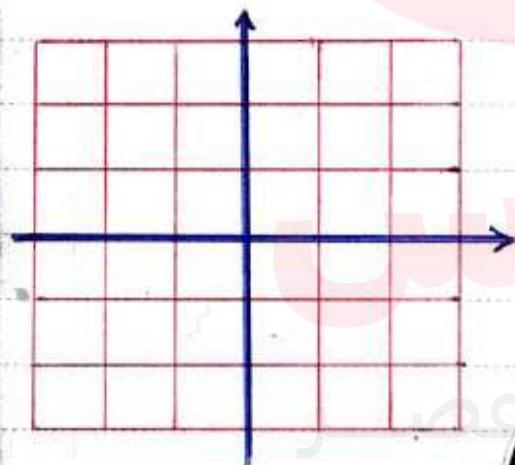
مثال: مانند نمونه، مختصات هر بردار را روی آن نویسید.



مثال: بردار $AB = \begin{bmatrix} +5 \\ -2 \end{bmatrix}$ را در سکله مختصات مقابل جناب

رسم کنید که ابتدای آن در نقطه i $A = \begin{bmatrix} -2 \\ +3 \end{bmatrix}$ باشد.

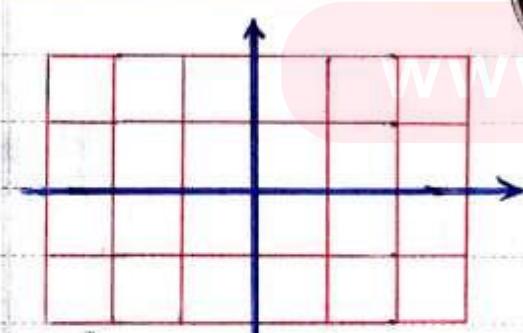
سپس ترینهای بردار AB را نسبت به محور طولها رسم کنید و مختصات آنرا مشخص کنید.



مثال:

الف) نقاط $A = \begin{bmatrix} -2 \\ +2 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} -1 \\ +1 \end{bmatrix}$ را مشخص کنید.

ب) \vec{AB} را رسم کنید و مختصات آنرا نویسید.



ج) قرینهای بردار AB را نسبت به محور عرضی را رسم کنید و مختصات آنرا مشخص کنید.

مثال: ابتدا نقطه‌ای $A = \begin{bmatrix} -3 \\ -2 \end{bmatrix}$ را مشخص کنید.

سپس بردار $\vec{AB} = \begin{bmatrix} +4 \\ +3 \end{bmatrix}$ را رسم کنید و

تساری زیر را کامل کنید.

انتهایی بردار = مختصات بردار + ابتدایی بردار

$$\begin{bmatrix} -3 \\ -2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} +4 \\ +3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +1 \\ +1 \end{bmatrix}$$

مثال: ابتدا نقاط $A = \begin{bmatrix} -3 \\ +1 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} +2 \\ -2 \end{bmatrix}$ را مشخص کنید.

سپس بردار AB را رسم کنید و تساری زیر را کامل کنید.

$$\begin{bmatrix} -3 \\ +1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} +5 \\ +5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$$



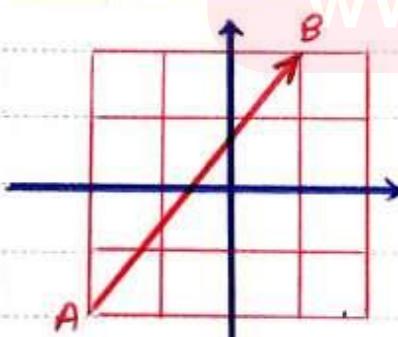
مثال: ابتدا مختصات نقاط A, B را مشخص کنید.

$$A = \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix}$$

سپس بردار AB را رسم کنید و تساری زیر را کامل کنید.

$$\begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \end{bmatrix}$$

مثال: مساحت بردار متعادل بیک جمع بنویسید.



مثال: نسایری های زیر را کامل کنید.

$$\begin{bmatrix} +V \\ -\Delta \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -Y \\ +1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +\Delta \\ -Y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ -\Delta \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -\Delta \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -\Delta \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} +Y \\ -Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -\Delta \\ +V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} +V \\ -V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ +V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -V \\ +Y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} +V \\ -Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -Y \\ -V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} +\Delta \\ -\Delta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ +V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} +V \\ +V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

مثال: در جای حالی عدد مناسب بنویسید.

$$\begin{bmatrix} +Y \\ +1\Delta \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -\Delta \\ -V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\Delta \\ +1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -\Delta \\ +V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -Y \\ \quad \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +Y \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -Y \\ +V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \\ +V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +V \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ +V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \quad \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -V \\ +V \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -V \\ -V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \\ -\Delta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +\Delta \\ -\Delta \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} +V \\ -V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -\Delta \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} +V \\ -V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \\ +V \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +V \\ +V \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -V \\ +V \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \quad \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +1 \\ -V \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -3x+\Delta \\ -Y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -V \\ -\Delta y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +10 \\ +V \end{bmatrix}$$

$$-3x + \Delta + (-V) = +10$$

$$-3x + \Delta - V = +10$$

$$-3x = +10 + V - \Delta = 11$$

$$x = \frac{11}{3} = 4$$

$$-\Delta y = +V + \Delta = +1$$

$$y = \frac{+1}{-\Delta} = -1$$



مثال: در نسایری متعادل مقادیر x و y را بدست آورید.

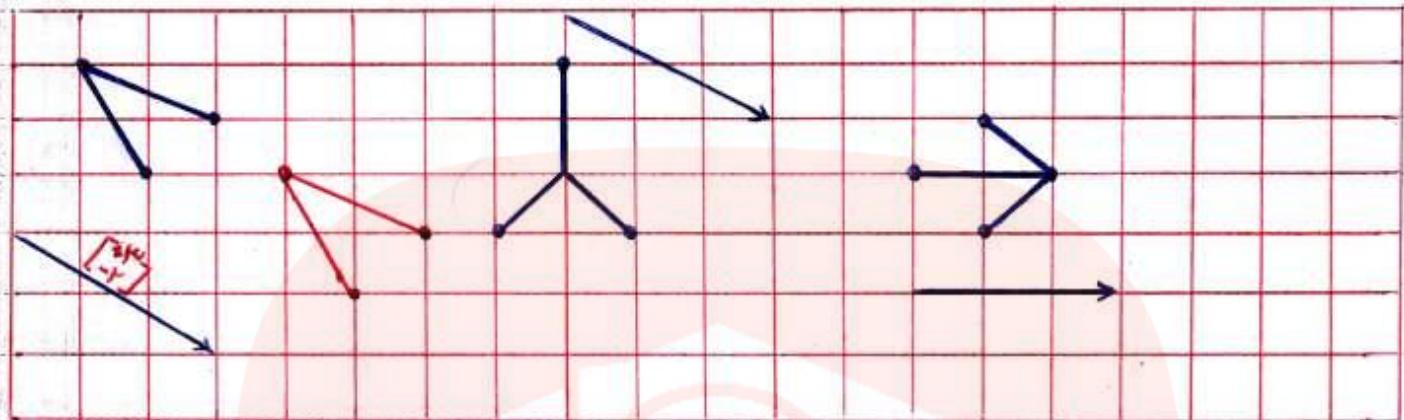
$$-3x + \Delta + (-V) = +10$$

$$-3x + \Delta - V = +10$$

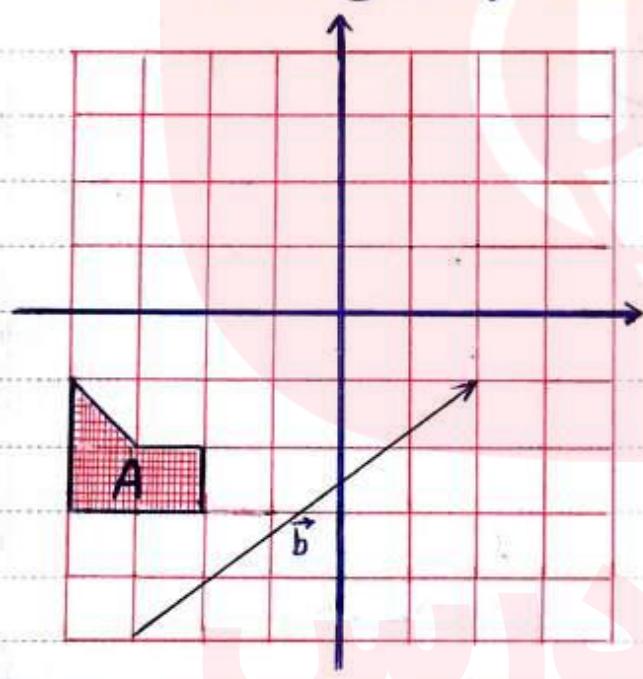
$$-3x = +10 + V - \Delta = 11$$

$$y = \frac{+1}{-\Delta} = -1$$

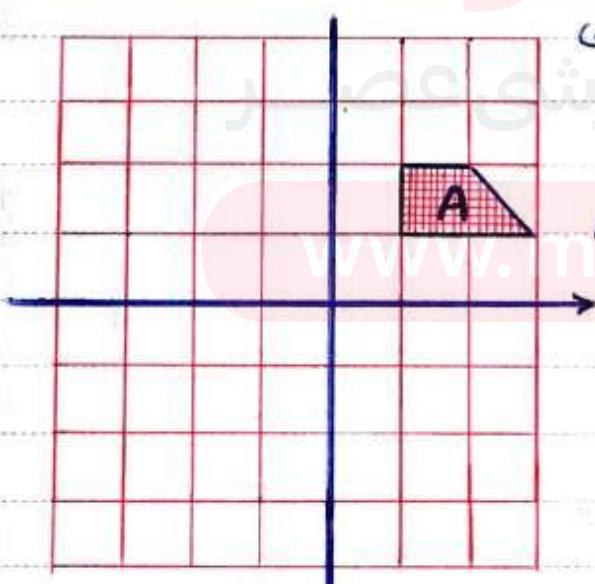
مثال: هر شکل را با بردار اسual مربوط به آن انتقال دهید. و مختصات بردار انتقال را بفرمود.



مثال: انتقال A را با کمک بردار \vec{a} انتقال دهید. و آنرا C بنامید.
ب) متریکی شکل A را نسبت به محور طولهابست α وردی و آنرا D بنامید.



مثال: مختصات برداری را بایابید که نقاط ابتداء و انتهای آن با ترتیب $A = \begin{bmatrix} +1 \\ -3 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} +1 \\ +3 \end{bmatrix}$ باشد.



سبس بردار \vec{AB} را رسم کنید و با کمک آن شکل A را انتقال دهید.