

مهر آموزشگاه	باسمه تعالی			سوالات
	نوبت اول			
	تاریخ آزمون:	پایه: دهم ریاضی	نام خانوادگی:	نام:
	نام دبیر: محمد زاهدی	تعداد صفحه: ۱ صفحه	تعداد سوالات: ۱۴ سوال	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

۱. به کمک مثال نقض نادرستی جملات زیر را ثابت کنید. (۱ نمره)
الف) حاصل ضرب دو عدد گنگ که مساوی نیستند گنگ است.

ب) اگر A و B و C سه مجموعه باشند و $A \cap B = A \cap C$ و $B = C$ داریم:

۲. کدام یک از قسمت‌های زیر می‌تواند نشانگر قضیه دو شرطی باشد؟ (۱ نمره)
الف) هر مربع لوزی است.
ب) قضیه فیثاغورس

۳. کدام یک گزاره هستند؟ (۱ نمره)
الف) این آزمون، آزمون فیزیک می‌باشد.
ب) چه هوای خوبی؟
پ) ساعت چند است؟
ت) ایران در آسیا قرار ندارد.

۴. نقیض گزاره‌های زیر را بنویسید. (۱ نمره)
الف) a از b بزرگتر است.

ب) امروز جمعه است.

۵. عکس قضیه‌های زیر را بنویسید. (درستی یا نادرستی آن‌ها مهم نیست) (۱ نمره)
الف) اگر مثلثی متساوی الساقین باشد زوایای مقابل به ساق‌ها برابر هستند.

ب) در لوزی قطرهای برهم عمود هستند.

۶. الف) نقطه p به فاصله ۵ از خط L وجود دارد. چند نقطه از صفحه وجود دارد که از p به فاصله ۳ و از خط L به فاصله ۲ باشد؟ توضیح دهید.

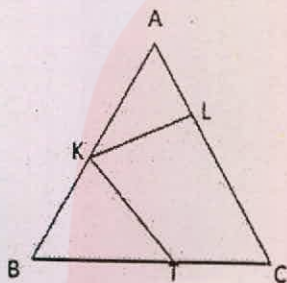
ب) نقطه‌ای که از سه ضلع مثلث به یک فاصله است می‌باشد. (۰/۵ نمره)

۷. روش رسم خطی موازی یک خط از نقطه‌ای بیرون آن خط را توضیح دهید. (۱/۵ نمره)

۸. به کمک برهان خلف ثابت کنید از نقطه‌ای خارج از یک خط فقط یک عمود می‌توان بر آن رسم کرد. (۱/۵ نمره)

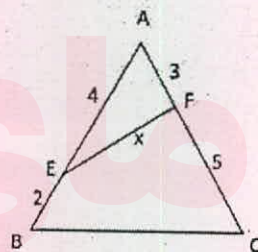
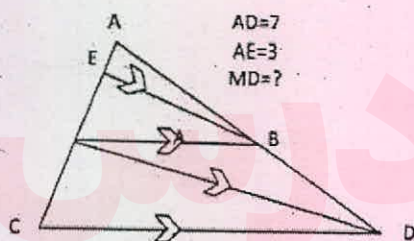
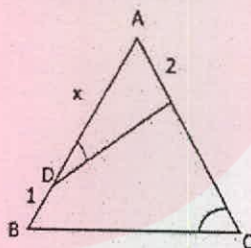
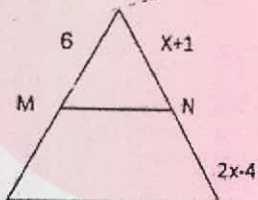
۹. در مثلث ABC داریم: $A = 50^\circ$ و $B = 70^\circ$ زاویه بین نیمساز A و عمود منصف ضلع BC چند است؟

۱۰. در مثلث متساوی الاضلاع ABC، $AL=BK=TC$ زاویه KT چند درجه است؟ (۱/۵ نمره)

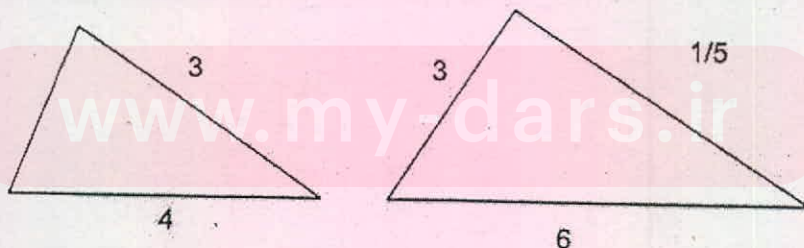


۱۱. در مثلث قائم الزاویه‌ای به اضلاع قائمه ۳ و ۷ طول نیمساز داخلی زاویه قائمه را پیدا کنید. (۱/۵ نمره)

۱۳. در شکل‌های زیر مقادیر مجهول را پیدا کنید. (۴ نمره)



۱۴. باتوجه به دو مثلث مقابل نسبت میانه‌ها و محیط‌ها و مساحت‌های دو مثلث را نسبت به یکدیگر پیدا کنید. (۲ نمره)



www.my-dars.ir

۱. به کمک مثال نقض نادرستی جملات زیر را ثابت کنید. (۱ نمره)

الف) حاصل ضرب دو عدد گنگ که مساوی نیستند گنگ است. $\sqrt{2} \times \sqrt{8} = \sqrt{14} = 2$

$A = \{1, 2\}$ $C = \{1\}$
 $B = \{1, 3\}$ $A \cap B = \{1\}$

ب) اگر A و B و C سه مجموعه باشند و $A \cap B = A \cap C$ و $B = C$ داریم:

$A \cap C = \{1\}$ $A \cap B = B \cap C \rightarrow B \neq C$

۲. کدام یک از قسمت‌های زیر می‌تواند نشانگر قضیه دو شرطی باشد؟ (۱ نمره)

الف) هر مربع لوزی است. X

ب) قضیه فیثاغورس

۳. کدام یک گزاره هستند؟ (۱ نمره)

الف) این آزمون، آزمون فیزیک می‌باشد. \checkmark
 ب) چه هوای خوبی؟ X
 پ) ساعت چند است؟ X
 ت) ایران در آسیا قرار ندارد. \checkmark

۴. نقیض گزاره‌های زیر را بنویسید. (۱ نمره)

الف) a از b بزرگتر است. این طور نیست که a از b بزرگتر باشد

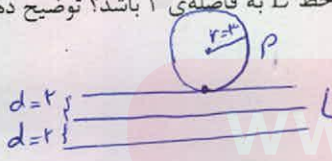
ب) امروز جمعه است. امروز جمعه نیست

۵. عکس قضیه‌های زیر را بنویسید. (درستی یا نادرستی آن‌ها مهم نیست) (۱ نمره)

الف) اگر مثلثی متساوی الساقین باشد زوایای مقابل به ساق‌ها برابر هستند. اگر در مثلثی زوایای مقابل به ساق‌ها برابر باشند آن مثلث متساوی الساقین است

ب) در لوزی قطرها برهم عمود هستند. اگر در یک چهارضلعی قطرها عمود باشند آن چهارضلعی لوزی است.

۶. الف) نقطه p به فاصله 5 از خط L وجود دارد. چند نقطه از صفحه وجود دارد که از p به فاصله 3 و از خط L به فاصله 2 باشد؟ توضیح دهید.

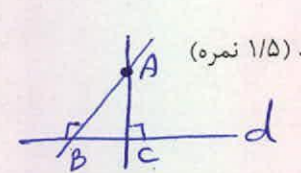


ب) نقطه‌ای که از سه ضلع مثلث به یک فاصله است می‌باشد. (۰/۵ نمره)

محل هم‌رسی نیمسازهای داخلی

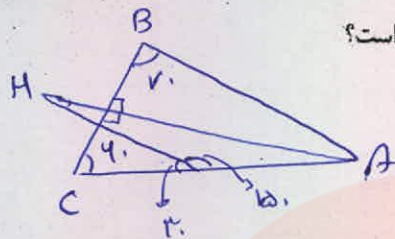
۷. روش رسم خطی موازی یک خط از نقطه‌ای بیرون آن خط را توضیح دهید. (۱/۵ نمره)

از آن نقطه خطی بر خط مورد نظر عمود کرده که منتهی‌الحد در همان نقطه عمودی وارسی کنیم دو خط عمود برین خط موازی هستند



۸. به کمک برهان خلف ثابت کنید از نقطه‌ای خارج از یک خط فقط یک عمود می‌توان بر آن رسم کرد. (۱/۵ نمره)

فرض کنیم از A دو عمود d و d' رسم شوند در مثلث ABC دوزاوی قائمه ضرایم داشتند این ممکن نیست



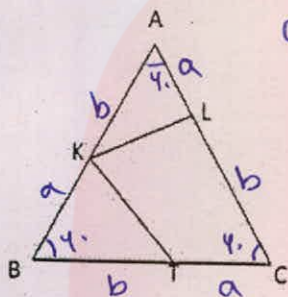
۹. در مثلث ABC داریم: $A = 50^\circ$ و $B = 70^\circ$ زاویه بین نیمساز A و عمود منصف ضلع BC چند است؟

$$H = 180 - (100 + 70) \rightarrow H = 10^\circ$$

۱۰. در مثلث متساوی الاضلاع ABC، $AL=BK=TC$ زاویه $\angle KLT$ چند درجه است؟ (۱/۵ نمره)

فرصت $\rightarrow AKL = BKT = CTL \Rightarrow KL = KT = TL$

$$\angle KLT = 120^\circ \iff \text{مستقیم الاضلاع است}$$



۱۱. در مثلث قائم الزاویه‌ای به اضلاع قائمه ۳ و ۴ طول نیمساز داخلی زاویه قائمه را پیدا کنید. (۱/۵ نمره)

مربع است $AMVP \Rightarrow x^2 = x(v-x) \quad x^2 = vx - x^2 \quad 2x^2 - vx = 0$

$$x(2x-v) = 0 \rightarrow \begin{cases} x=0 \\ 2x-v=0 \Rightarrow 2x=v \Rightarrow x = \frac{v}{2} \end{cases}$$

۱۲. در شکل‌های زیر مقادیر مجهول را پیدا کنید. (۴ نمره)

$$AN = \frac{v}{f} \times \sqrt{f}$$

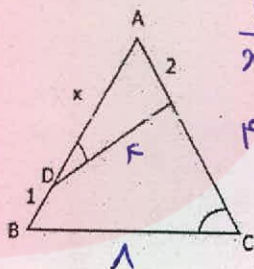
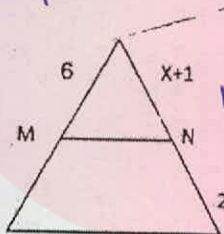
$$\frac{4}{x} = \frac{x+1}{2x-1}$$

$$12x - 2x = 1x + 1$$

$$12x - 1x = 1 + 2x$$

$$11x = 3 \Rightarrow x = \frac{3}{11}$$

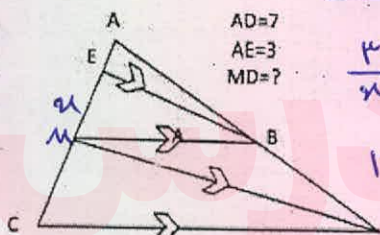
$$\boxed{x=1}$$



$$\frac{2}{x+1} = \frac{2}{x}$$

$$2x + 2 = 12$$

$$2x = 10 \Rightarrow x = \frac{10}{2} = 5$$

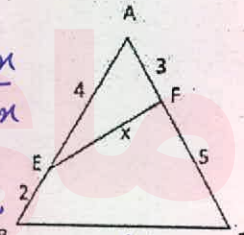


$$\frac{3}{x} = \frac{3+x}{v-(3+x)} = \frac{3+x}{v-x}$$

$$12 - 3x = 3x + x^2$$

$$x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$x_1, x_2 = \frac{4 \pm \sqrt{16+48}}{2}$$



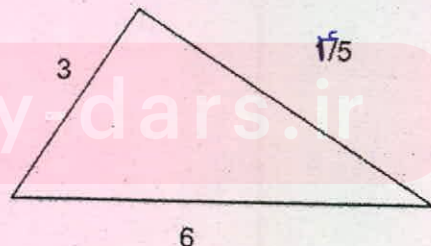
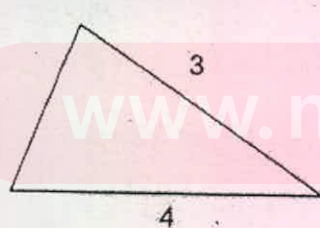
$$\frac{3}{2+3} = \frac{3}{3+d} = \frac{x}{10}$$

$$\frac{3}{5} = \frac{x}{10}$$

$$30 = 5x$$

$$x = \frac{30}{5} = 6 \quad \boxed{x=6}$$

۱۴. باتوجه به دو مثلث مقابل نسبت میانه‌ها و محیط‌ها و مساحت‌های دو مثلث را نسبت به یکدیگر پیدا کنید. (۲ نمره)



$$k = \frac{3}{4} = \frac{3}{4}$$

$$\text{نسبت مساحت‌ها} = \frac{\text{نسبت محیط‌ها}}{k} = \frac{3}{3} = 1$$

$$\text{نسبت مساحت‌ها} = \frac{9}{9}$$