

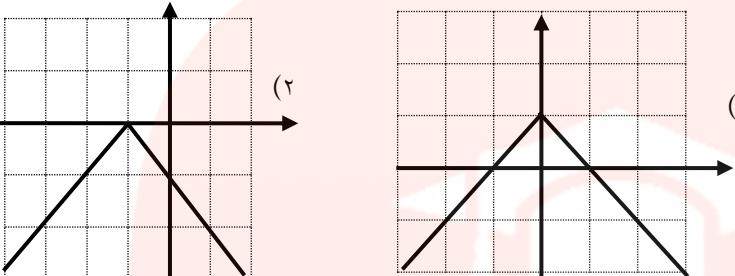
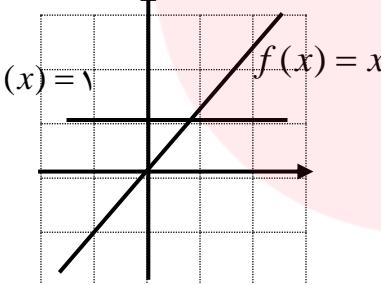
|   |                              |                   |  |
|---|------------------------------|-------------------|--|
| سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲                | پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه | ساعت شروع: ۱۰ صبح | رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی |
| نام و نام خانوادگی:                                     | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸     | تعداد صفحات: ۲    | مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه                            |
| دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲ |                              |                   | مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پژوهش   |

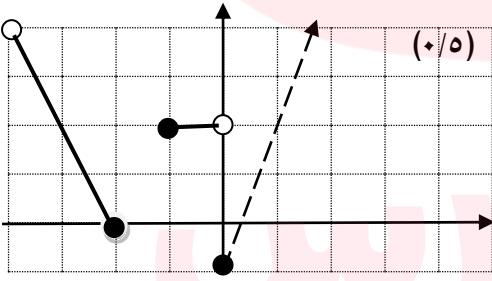
ردیف سؤالات (پاسخ نامه دارد) استفاده از ماشین حساب با چهار عمل اصلی بلامانع است.

|      |  |   |
|------|--|---|
| ۱    | درستی یا نادرستی گزاره های زیر را مشخص کنید:   |   |
| ۰/۷۵ | <p>۱-۱) جمله "سیب قرمز، از سیب زرد خوش مزه تر است." یک گزاره است.</p> <p>۱-۲) اگر دامنه یک تابع همانی، مجموعه اعداد حقیقی باشد، آنگاه <math>f(-x) + f(x)</math> همواره برابر صفر است.</p> <p>۱-۳) تخمین داده های بعد یا قبل از داده های ثبت شده، را درون یابی گویند.</p>   |   |
| ۲    | <p>جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید:</p> <p>۲-۱) ارزش گزاره <math>(p \vee \sim p)</math>، همواره ..... است.</p> <p style="text-align: right;">(۲-۲) <math>\text{Sign}(-1\ldots\ldots) = \ldots\ldots</math></p> <p>۲-۲) تغییر متوسط قیمت کالاها و خدمات در طول زمان را ..... گویند.</p>  |   |
| ۳    | <p>گزینه درست را انتخاب کنید:</p> <p>۳-۱) کدام گزاره هم ارز گزاره <math>p \Rightarrow q</math> است؟</p> <p style="text-align: center;">الف) <math>p \Leftrightarrow q</math> (۵)      ب) <math>\sim p \Leftrightarrow \sim q</math> (۶)      ج) <math>\sim p \Rightarrow \sim q</math> (۷)</p> <p>۳-۲) اگر <math>[x] = -2</math> باشد، آنگاه محدوده <math>x</math> کدام است؟</p> <p style="text-align: center;">الف) <math>-2 &lt; x &lt; -1</math> (۸)      ب) <math>-2 &lt; x \leq -1</math> (۹)      ج) <math>-2 \leq x &lt; -1</math> (۱۰)      د) <math>-2 \leq x \leq -1</math> (۱۱)</p> <p>۳-۳) متوسط مبلغ پرداخت شده از سوی مصرف کنندگان را برای مجموعه ای از تعداد زیادی کالا و خدمات در طول یکسال را ..... گویند.</p> <p style="text-align: center;">الف) شاخص توده بدنی (۱۲)      ب) شاخص آموزش (۱۳)      ج) شاخص خط فقر (۱۴)</p> |   |
| ۴    | اگر گزاره $(p \wedge \sim q) \Rightarrow p$ نادرست باشد، ارزش گزاره $(\sim p \vee q)$ را مشخص کنید.  |   |
| ۵    | درستی هم ارزی های زیر با استفاده از جدول ارزش ها نشان دهید:  |   |
| ۶    | <p>الف) گزاره "مکعب یک عدد، بزرگ تر از هفت برابر آن عدد، به علاوه پنج است." را به صورت نماد ریاضی بازنویسی کنید.</p> <p>ب) درستی یا نادرستی محاسبات زیر را برسی کنید. اگر استدلال بکار رفته نادرست است آنرا اصلاح کنید.</p> <p>گزاره: اگر طول و عرض مستطیلی را ۳ برابر کنیم، آنگاه مساحت آن ۳ برابر می شود.</p> <p style="text-align: center;"><math display="block">\left. \begin{array}{l} \text{استدلال:} \\ \text{مساحت اولیه } S = x \cdot y \\ \text{مساحت جدید } S' = (3x)(y) = 3xy = 3S \end{array} \right\}</math></p>  |   |
| ۷    | ضابطه تابع و نمودار آنرا کامل کنید.  |   |
| ۸    |  | $f(x) = \begin{cases} 3x - 1 & x \geq 0 \\ 2 & -4 < x \leq -1 \\ \dots & \dots \end{cases}$ |
| ۹    | اگر تابع $\{f(x) = \{(2, a-1), (0, 2), (3, 2b)\}$ یک تابع ثابت باشد، حاصل $a \cdot b$ را بدست آورید.   |   |
| ۱۰   | «ادامه ی سوالات در صفحه ۲، دوم»  |   |

|  |                   |                              |   |
|--|-------------------|------------------------------|---|
| رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی | ساعت شروع: ۱۰ صبح | پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه | سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲                |
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه                            | تعداد صفحات: ۲    | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸     | نام و نام خانوادگی:                                     |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش   |                   |                              | دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲ |

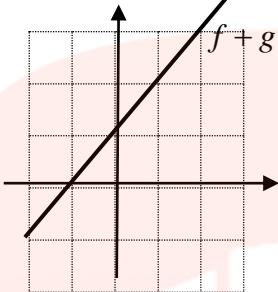
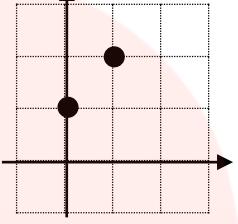
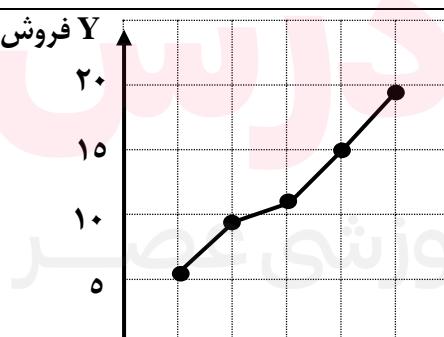
|      |   |      |
|------|---|------|
| بارم | سؤالات (پاسخ نامه دارد) استفاده از ماشین حساب با چهار عمل اصلی بلامانع است. | ردیف |
|------|---|------|

|      |   |   |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
|------|---|---|----|----|----------|---|---------|---|---|----|----|----|----------|--|
| ۱    | با توجه به نمودارهای زیر کدام نمودار تابع «الف» و کدام نمودار تابع «ب» را نشان می‌دهد.<br><br>   | ۹<br>الف) $y = - x  + 1$<br>ب) $y = - x + 1 $ |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۱    | در تابع $f(x) = \begin{cases} -x^2 & x \geq 0 \\ x+1 & x < 0 \end{cases}$ حاصل عبارات زیر را بیابید.<br><br>ب) $f(f(1))$<br>الف) $f(\sqrt{2})$  | ۱۰  |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۱    | اگر $\{7\}$ باشد، توابع زیر را مشخص کنید:<br><br>ب) $\frac{g}{f}$<br>الف) $f - g$   | ۱۱  |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۱    | به کمک نمودارهای رسم شده $g$ , $f$ , $f + g$ نمودار تابع $f + g$ را در نقاط $x = 1, x = 0$ مشخص کنید.<br><br>  | ۱۲  |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۱/۲۵ | اگر در آمد ماهیانه ۹ نفر از افراد یک اداره (بر حسب میلیون تومان) بصورت زیر باشد، با توجه به تعریف خط فقر بر اساس نصف میانه، چند نفر زیر خط فقر قرار دارند.<br><br>۵, ۷, ۱۰, ۸, ۵, ۶, ۱۱, ۱۵   | ۱۳  |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۲    | در یک منطقه ۱۸۰۰ نفر از افراد ۱۶ ساله و بیشتر شاغل‌اند. در این منطقه ۴۰۰ نفر بالای ۱۶ سال و بیشتر جویای کار می‌باشند: الف) نرخ بیکاری در این منطقه چقدر است؟<br><br>ب) حداقل چند شغل ایجاد شود تا نرخ بیکاری در این منطقه کمتر از سه درصد باشد.   | ۱۴  |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۱    | برای کتابی با متوسط طول جملات ده کلمه‌ای و ۱۷ درصد کلمه سخت:<br><br>الف) شاخص پایه آموزش را محاسبه کنید.<br>ب) این کتاب مناسب چه پایه‌ای است؟   | ۱۵  |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۲    | میزان فروش یک شرکت در ۵ سال متوالی بر حسب میلیارد تومان بصورت زیر است:<br><br><table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"><tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td><td>۵</td><td>سال <math>x</math></td></tr><tr><td>۶</td><td>۹</td><td>۱۱</td><td>۱۵</td><td>۱۹</td><td>فروش <math>y</math></td></tr></table> | ۱   | ۲  | ۳  | ۴        | ۵ | سال $x$ | ۶ | ۹ | ۱۱ | ۱۵ | ۱۹ | فروش $y$ | ۱۶<br>الف) سری زمانی را رسم کنید.<br>ب) فروش در سال هفتم را بروزن یابی کنید. |
| ۱    | ۲   | ۳   | ۴  | ۵  | سال $x$  |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۶    | ۹   | ۱۱  | ۱۵ | ۱۹ | فروش $y$ |   |         |   |   |    |    |    |          |  |
| ۲۰   | موفق باشید.   |   |    |    |          |   |         |   |   |    |    |    |          |  |

| ساعت شروع: ۱۰ صبح                              |  | رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی   | راهنمای تصحیح سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲ |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
|--|--|--|--|-------------------|--|-------------------|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| تعداد صفحات: ۲                                 |  | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۸/۰۳   | پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه                           |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| موکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش |  | دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲  |  |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| بارم   | راهنمای تصحیح  |  | ردیف   |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۰/۷۵   | (۰/۲۵) ۱-۳ نادرست  | (۰/۲۵) ۱-۲ درست  | ۱ (۰/۲۵) ۱-۱ نادرست                                    |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۰/۷۵   | (۰/۲۵) ۳-۲ تورم  | (۰/۲۵) -۱ ۲-۲  | ۲ (۰/۲۵) ۲-۱ درست                                      |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۰/۷۵   | (۰/۲۵) ۳-۳ د   | (۰/۲۵) ب ۲-۳   | ۳ (۰/۲۵) ج ۱-۳   |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۱/۲۵   | از نادرستی گزاره $p \Rightarrow (p \wedge \neg q)$ مشخص می شود که مقدم $p$ باید درست باشد ( $۰/۲۵$ ) و تالی یعنی $\neg q$ باید نادرست باشد ( $۰/۲۵$ ) و از نادرستی ترکیب عطفی $p \wedge \neg q$ درست است لذا $\neg q$ باید نادرست باشد ( $۰/۲۵$ ) پس $q$ گزاره درست باشد.<br>$p \equiv T, \quad q \equiv T, \quad \neg p \equiv F \rightarrow \neg p \vee q \equiv F \vee T \equiv T \quad (۰/۵)$  |  | ۴  |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۱/۵  | <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th><math>p</math></th><th><math>q</math></th><th><math>\neg q</math></th><th><math>p \wedge \neg q</math></th><th><math>p \Rightarrow q</math></th><th><math>(p \wedge \neg q) \vee (p \Rightarrow q)</math></th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>د</td><td>د</td><td>ن</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td></tr> <tr> <td>د</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td><td>ن</td><td>د</td></tr> <tr> <td>ن</td><td>د</td><td>ن</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td></tr> <tr> <td>ن</td><td>ن</td><td>د</td><td>ن</td><td>د</td><td>د</td></tr> </tbody> </table> هر ستون ( $۰/۲۵$ ) | $p$  | $q$  | $\neg q$          | $p \wedge \neg q$                          | $p \Rightarrow q$ | $(p \wedge \neg q) \vee (p \Rightarrow q)$ | د | د | ن | ن | د | د | د | ن | د | د | ن | د | ن | د | ن | ن | د | د | ن | ن | د | ن | د | د | ۵ |
| $p$  | $q$  | $\neg q$   | $p \wedge \neg q$                                      | $p \Rightarrow q$ | $(p \wedge \neg q) \vee (p \Rightarrow q)$ |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| د  | د  | ن  | ن  | د                 | د  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| د  | ن  | د  | د  | ن                 | د  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ن  | د  | ن  | ن  | د                 | د  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ن  | ن  | د  | ن  | د                 | د  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۰/۷۵   | الف) $x^3 (۰/۲۵) > (۰/۲۵) \quad \forall x + ۵ (۰/۲۵)$<br>ب) چون عرض مستطیل جدید همان عرض اولیه مستطیل است اشتباه رخ داده است. ( $۰/۲۵$ )<br>اصلاح شده آن به صورت زیر است:<br><div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> <math>S' = (۳x)(۳y) = ۹xy = ۹S \quad (۰/۲۵)</math> </div>   |  | ۶  |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۱  |  (۰/۵)  | $f(x) = \begin{cases} ۳x - ۱ & x \geq ۰ \\ ۲ & -1 \leq x < ۰ \\ -2x - 4 & -4 < x \leq -2 \end{cases} \quad (۰/۷۵)$                               | ۷  |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۱  | $a - ۱ = ۲ \rightarrow a = ۲ + ۱ \rightarrow a = ۳ \quad (۰/۲۵)$<br>$2b = ۲ \rightarrow b = ۱ \quad (۰/۲۵)$<br>$a.b = ۳ \quad (۰/۵)$   | الف) $a - ۱ = ۲ \rightarrow a = ۲ + ۱ \rightarrow a = ۳ \quad (۰/۲۵)$<br>ب) $2b = ۲ \rightarrow b = ۱ \quad (۰/۲۵)$<br>ج) $a.b = ۳ \quad (۰/۵)$  | ۸  |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۱  | الف) $f(\sqrt{2}) = -(\sqrt{2})^2 = -2 \quad (۰/۵)$<br>ب) $f(-1) = -1^2 = -1 \quad (۰/۲۵) \rightarrow f(f(1)) = f(-1) = -1 + 1 = 0 \quad (۰/۲۵)$   | الف) $f(\sqrt{2}) = -(\sqrt{2})^2 = -2 \quad (۰/۵)$<br>ب) $f(-1) = -1^2 = -1 \quad (۰/۲۵) \rightarrow f(f(1)) = f(-1) = -1 + 1 = 0 \quad (۰/۲۵)$ | ۹  |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| ۱  | $f - g = \{(-1, -2), (1, -8)\} \quad (۰/۵)$<br>$\frac{g}{f} = \{(-1, 2)\} \quad (۰/۲۵)$  | الف) $f - g = \{(-1, -2), (1, -8)\} \quad (۰/۵)$<br>ب) $\frac{g}{f}$ در $x = 0$ تعریف نشده است ( $۰/۲۵$ )  | ۱۰   |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
| «ادامه‌ی پاسخ در صفحه‌ی دوم»                   |  |  |  |                   |  |                   |  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |

|  |  |  |
|--|--|--|
| ساعت شروع: ۱۰ صبح                              | رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی | راهنمای تصحیح سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی و آمار ۲ |
| تعداد صفحات: ۲                                 | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۸/۰۳                         | پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه                           |
| موزه ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش |  | دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادمه سال ۱۴۰۲ |

|      |               |      |
|------|---------------|------|
| بارم | راهنمای تصحیح | ردیف |
|------|---------------|------|

|      |  |   |    |
|------|--|---|----|
| ۱    | <br>$(+5)$  | $x = 0 \rightarrow f(0) + g(0) = 0 + 1 = 1$<br>$x = 1 \rightarrow f(1) + g(1) = 1 + 1 = 2$<br><br>$(+5)$ | ۱۲ |
| ۱/۲۵ | <p>ابتدا داده ها را مرتب کرده، میانه را مشخص می کنیم: (۰/۵)</p> <p><math>5, 5, 6, 7, 8, 10, 10, 11, 15</math></p> <p><math>\frac{8}{2} = 4</math> خط فقر <math>\rightarrow</math> میانه (۰/۲۵)</p> <p>دو نفری که حقوق ۵ میلیون دریافت می کنند زیر خط فقر قرار دارند. (۰/۲۵)</p>  | ۱۳  |    |
| ۲    | <p>الف) <math>= ۱۸۰۰ + ۴۰۰ = ۲۲۰۰</math></p> <p><math>\frac{۴۰۰}{۲۲۰۰} \times ۱۰۰ = \frac{۱۸}{۱۸\%}</math></p> <p>ب) اگر <math>x</math> شغل ایجاد شود جمعیت بیکار آن <math>x - ۴۰۰</math> خواهد بود (۰/۲۵)</p> <p><math>\frac{۴۰۰-x}{۲۲۰۰} \times ۱۰۰ &lt; ۳ \rightarrow ۴۰۰-x &lt; ۶۶ \rightarrow ۴۰۰-۶۶ &lt; x \rightarrow ۳۳۴ &lt; x \quad (۰/۲۵)</math></p> <p>حداقل ۳۳۵ شغل باید ایجاد شود (۰/۲۵) تا نرخ بیکاری کمتر از ۳ درصد باشد.</p>  | ۱۴  |    |
| ۱    | <p>الف) <math>(\text{میانگین تعداد کلمات در هر جمله} + \text{درصد کلمات دشوار}) = \text{شاخص پایه آموزش}</math></p> <p><math>(17+10) \times 0.8 = 27 \times 0.8 = 10.8 \approx 11 \quad (0/75)</math></p> <p>ب) مناسب پایه یازدهم است. (۰/۲۵)</p>  | ۱۵  |    |
| ۲    | <p>الف) نمودار (۰/۵) نمره</p>  <p><math>\bar{x} = \frac{1+2+3+4+5}{5} = 3</math></p> <p><math>\bar{y} = \frac{5+10+12+15+19}{5} = 12</math></p> <p><math>(3, 12), (5, 19)</math></p> <p><math>m = \frac{19-12}{5-3} = \frac{7}{2} = 3.5</math> (۰/۵)</p> <p><math>y - 12 = 3.5(x - 3) \rightarrow y = 3.5x - 10.5 + 12 \rightarrow y = 3.5x + 1.5 \quad (0/5)</math></p> <p><math>y = 3.5(7) + 1.5 = 26</math> فروش در سال هفتم (۰/۵)</p> | ۱۶  |    |

"همکاران عزیز و محترم، ضمن عرض خدا قوت، لطفا برای پاسخ های درست دیگر، نمره لازم را در نظر بگیرید."