

● نکات و توضیحات کتاب ریاضی

● پایه هفتم

● دوره اول متوسطه

● گروه آموزشی ریاضی متوسطه اول استان خوزستان

فصل ۸: بردار و مختصات

www.my-dars.ir

مدرسه تعطیل است ولی آموزش تعطیل نیست.

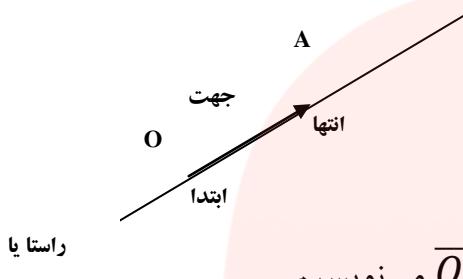
بسمه تعالی

درس نامه و نکات کلیدی و حل تمرین های فصل هشتم پایه هفتم

سمیه انصاری-عبداللهادی آرامی-عبدالله بهزادی

درس اول: پاره خط جهت دار

شناخت بردار:



حرکت و نیرو را با پاره خط های جهت دار نشان می دهیم.

در ریاضی به پاره خط جهت دار بردار می گوییم. بردار \overrightarrow{OA} را به صورت \overrightarrow{OA} می نویسیم.

نامگذاری بردار:

این کار به دو صورت انجام می شود:

الف- نخست نقطه‌ی ابتداء، سپس نقطه‌ی انتهای را نوشته و نماد \rightarrow را روی آن قرار دهید. مانند

\overrightarrow{AB}

A \longrightarrow B

\vec{a} \longrightarrow

ب- با یک حرف کوچک لاتین که در وسط بردار قرار می گیرد. مانند: \vec{a}

برای یادگیری بهتر کار در کلاس و تمرین های درس اول را حل کنید.



ماهی درس

گروه آموزشی عصر

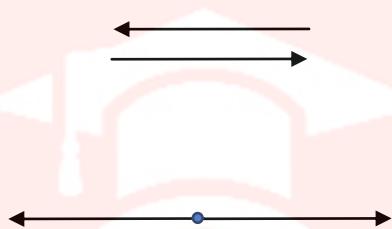
www.my-dars.ir

درس دوم: بردارهای مساوی و قرینه

بردارهای مساوی: دو بردار وقتی برابرند که هم راستا، هماندازه و هم جهت باشند. مانند بردارهای رو برو



بردارهای قرینه: دو بردار وقتی قرینه‌ی یکدیگرند که هم راستا، هماندازه و در خلاف جهت یکدیگر

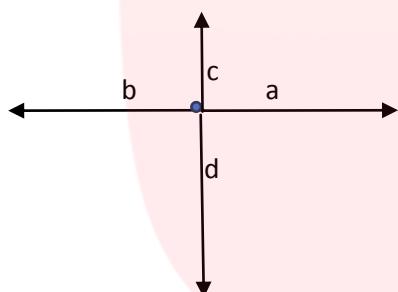


باشند.

مانند:

و یا

مثال: با توجه به اندازه نیروهای وارد شده به شکل مقابل، جسم به کدام طرف حرکت می‌کند



چون بردارهای a, b با هم قرینه هستند برایند آنها صفر می‌شود

ولی برایند بردارهای c و d، چون اندازه بردار d بزرگتر است

برداری در جهت بردار d است.

برای یادگیری بهتر کار در کلاس و تمرین‌های درس اول را حل کنید.



مای درس

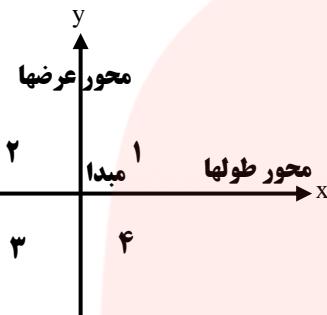
گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir

درس سوم: مختصات

مختصات:

از دو محور عمود برهم تشکیل می شود. محور افقی را محور طول ها (x ها) و محور عمودی را محور عرض ها (y ها) می نامند.



محل برخورد دو محور را «مبداً مختصات» می نامند و با حرف O نمایش می دهند.

محورهای مختصات صفحه را به چهار ناحیه تقسیم می کنند.

در شکل مقابل ناحیه های چهارگانه با عدد های ۱ تا ۴ مشخص شده اند.

مختصات نقطه:

برای مشخص کردن مکان هر نقطه در دستگاه مختصات از دو عدد استفاده می کنیم . که فاصله افقی نقطه از مبدأ را طول و فاصله عمودی نقطه از مبدأ را عرض می نامیم.

به طول و عرض هر نقطه که به صورت $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$ نمایش داده می شود. مختصات آن نقطه گفته می شود.

این مختصات می تواند $+$ ، $-$ یا صفر باشد.

مختصات نقاط در ۴ قسمت:

نکته: اگر نقطه ای در ناحیه ۱ (ربع اول) قرار گرفته باشد. دارای طول و عرض مثبت می باشد.

$$\begin{bmatrix} x & + \\ y & + \end{bmatrix} \rightarrow \text{ناحیه ۱}$$

نکته: اگر نقطه ای در ناحیه ۲ (ربع دوم) قرار گرفته باشد. دارای طول منفی و عرض مثبت می باشد.

$$\begin{bmatrix} x & - \\ y & + \end{bmatrix} \rightarrow \text{ناحیه ۲}$$

نکته: اگر نقطه ای در ناحیه ۳ (ربع سوم) قرار گرفته باشد. دارای طول و عرض منفی می باشد.

$$\rightarrow \text{ناحیه } ۳ \quad \begin{bmatrix} x & - \\ y & - \end{bmatrix}$$

نکته: اگر نقطه‌ای در ناحیه ۴ (ربع چهارم) قرار گرفته باشد دارای طول مثبت و عرض منفی می‌باشد.

$$\rightarrow \text{ناحیه } ۴ \quad \begin{bmatrix} x & + \\ y & - \end{bmatrix}$$

نکته: اگر نقطه‌ای روی محور طول‌ها (xها) قرار گرفته باشد. طول آن نقطه عدد و عرض آن صفر می-

شود.

$$\rightarrow \text{نقطه روی محور } x\text{ها} \quad \begin{bmatrix} \text{عدد} & x \\ . & . \end{bmatrix}$$

نکته: تمام بردارهایی که موازی محور x ها باشند نیز دارای عرض صفر هستند.

نکته: اگر نقطه‌ای روی محور عرض‌ها (yها) قرار گرفته باشد. طول آن صفر و عرض آن عدد می‌شود.

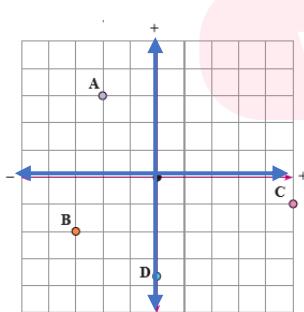
$$\rightarrow \text{نقطه روی محور } y\text{ها} \quad \begin{bmatrix} \text{عدد} & . \\ y & . \end{bmatrix}$$

نکته: تمام بردارهایی که موازی محور yها باشند نیز دارای طول صفر می‌باشند.

مختصات مبدأ مختصات:

محل برخورد محورهای مختصات را با حرف O نمایش می‌دهند و مختصات آن برابر است با:

$$O = \begin{bmatrix} . \\ . \end{bmatrix}$$



مثال) مختصات نقاط C = $\begin{bmatrix} ۵ \\ -۱ \end{bmatrix}$ و B = $\begin{bmatrix} -۳ \\ -۲ \end{bmatrix}$ و A = $\begin{bmatrix} -۲ \\ ۳ \end{bmatrix}$

D = $\begin{bmatrix} . \\ -۳/۵ \end{bmatrix}$ را در دستگاه مختصات نمایش دهید.

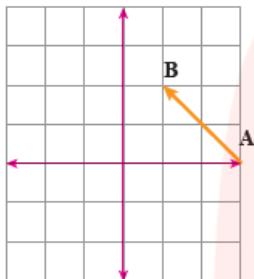
جمع متناظر بردار:

در نوشتمن جمع متناظر با یک بردار به مختصات ابتداء، اندازه و انتهای آن نیاز دارید تا با استفاده از دستور

انتهایی بردار = اندازه بردار + ابتدایی بردار

زیر بتوانید جمع متناظر بردار را بنویسید.

(مثال) جمع متناظر با بردار زیر را بنویسید.



برای یادگیری بهتر کار در کلاس و تمرین های درس اول را حل کنید.



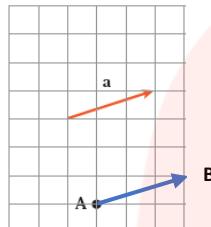
مای درس

گروه آموزشی عصر

www.my-dars.ir

درس چهارم: بردار انتقال

بردار انتقال: به برداری گفته می شود که یک نقطه یا یک شکل را به اندازه مختصاتش (از ابتدا به انتهای) منتقل نماید.



مثال) نقطه A را به کمک بردار \vec{a} انتقال دهید و آنرا B بنامید.

قرینه‌ی بردار: برای بدست آوردن قرینه بردار(یا نقطه) نسبت به هر یک از محورها و مبدأ به صورت زیر

عمل می کنیم.

قرینه‌ی نسبت به محور طول‌ها:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{نسبت به محور طول‌ها}} \begin{bmatrix} x \\ -y \end{bmatrix}$$

طول آن تغییر نمی کند و عرض آن قرینه می شود.

قرینه‌ی نسبت به محور عرض‌ها:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{نسبت به محور عرض‌ها}} \begin{bmatrix} -x \\ y \end{bmatrix}$$

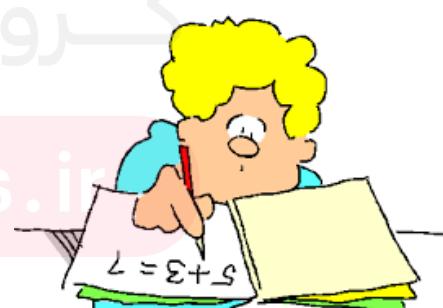
عرض آن تغییر نمی کند و طول آن قرینه می شود.

قرینه‌ی نسبت به مبدأ مختصات:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{نسبت به مبدأ مختصات}} \begin{bmatrix} -x \\ -y \end{bmatrix}$$

طول و عرض آن هر دو قرینه می شود.

www.my-dars.ir



مثال) مختصات قرینه نقطه $\begin{bmatrix} 5 \\ -1 \end{bmatrix}$ را نسبت به مبدأ مختصات و محورهای مختصات بیابید.

$$\text{نسبت به محور عرض ها} \rightarrow \begin{bmatrix} 5 \\ -1 \end{bmatrix} \quad \text{و} \quad \begin{bmatrix} 5 \\ -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} -5 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{نسبت به محور طول ها} \rightarrow \begin{bmatrix} 5 \\ -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \end{bmatrix}$$

یافتن مقدار مجهول در تساوی های برداری:

اگر مقدار مجهول (نا معلوم) در انتهای تساوی برداری بود، مقدارهای ابتدا و اندازه را با هم جمع کنید.

مثال:

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

$$x = 2 + (-3) = -1$$

$$y = (-4) + 1 = -3$$

اگر مقدار مجهول (نامعلوم) در ابتدا یا اندازه تساوی برداری قرار گرفته بود، مقدار انتهای را منهای قسمت دیگر کنید.

مثال:

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -x \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$-x = (-2) - 2 \Rightarrow -x = 4 \Rightarrow x = 4$$

$$-y = 3 - (-2) \Rightarrow -y = 5 \Rightarrow y = -5$$

برای یادگیری بهتر کار در کلاس و تمرین های درس اول را حل کنید.



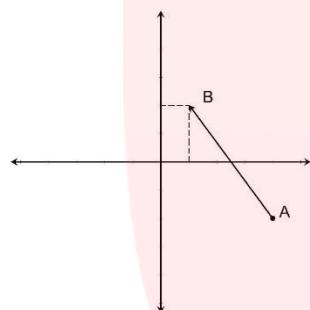
کروهای موزی عصر

www.my-dars.ir

۱) نقطه $A = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix}$ را در دستگاه مشخص کنید.

این نقطه را با بردار $\overrightarrow{AB} = \begin{bmatrix} -3 \\ 4 \end{bmatrix}$ به نقطه B انتقال دهید.

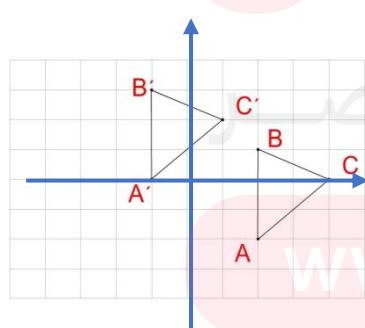
مختصات نقطه B را بنویسید و متناظر با بردار \overrightarrow{AB} یک جمع بنویسید



۲) در دستگاه مختصات مقابل :

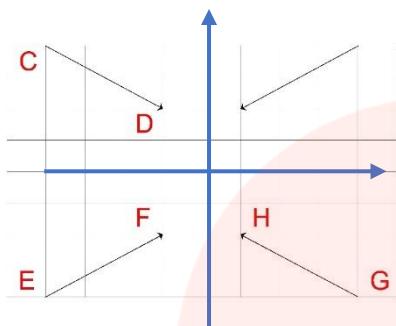
مثلث ABC با مختصات زیر را رسم کنید. $C = \begin{bmatrix} 4 \\ . \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$

سپس این نقاط را با بردار انتقال $\begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$ انتقال دهید



۳) در شکل مقابل قرینه بردار \overrightarrow{AB} را نسبت به مبدا مختصات و

محور طول ها و عرض ها رسم کنید.



۴) الف) هریک از نقاط داده شده در کدام ناحیه مختصاتی قرار دارد.

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 6 \end{bmatrix} \quad \text{ناحیه ۴}$$

$$\begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix} \quad \text{ناحیه ۲}$$

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix} \quad \text{ناحیه ۱}$$

$$\begin{bmatrix} -4 \\ 5 \end{bmatrix} \quad \text{ناحیه ۳}$$

ب) در جای خالی عدد مناسب بنویسید.

$$\begin{bmatrix} -7 \\ -8 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 6 \\ 10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -5 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -7 \\ -5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 7 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -6 \\ -7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 5 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$- \begin{bmatrix} -8 \\ -3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 6 \\ -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 7 \end{bmatrix}$$

۵) مقدار a و b را طوری تعیین کنید که دو بردار زیر با هم مساوی باشند

$$\begin{array}{l|l} 3a - 5 = 7 & 2b + 3 = 9 \\ 3a = 7 + 5 = 12 & 2b = 9 - 3 = 6 \\ a = \frac{12}{3} = 4 & b = \frac{6}{2} = 3 \end{array}$$