

## آمار و احتمال

**علم آمار :** جمع آوری اطلاعات (داده ها) و بررسی آن ها را آمار می گویند.

**داده آماری :** اطلاعات عددی را داده آماری می گویند.

**انواع نمودار :**

(۱) **نمودار ستونی :** برای مقایسه تعداد و مشخص کردن کمترین و بیشترین داده آماری استفاده می شود.

(۲) **نمودار خط شکسته :** برای نشان دادن تغییرات در یک مدت مشخص کاربرد دارد.

(۳) **نمودار تصویری :** برای مقایسه داده های تقریبی کاربرد دارد.

(۴) **نمودار دایره ای :** برای نشان دادن نسبت داده ها به کل و سهم هر بخش کاربرد دارد.

**دامنه تغییرات :** اختلاف بیشترین و کمترین داده آماری را دامنه تغییرات می گویند.

**مثال :** دامنه تغییرات داده های زیر را مشخص کنید :

$$\text{کمترین} \quad \text{بیشترین} \\ 10, -6, 22, 12, -11, 8 \quad \Rightarrow 22 - (-11) = 22 + 11 = 38$$

**میانگین داده :** از تقسیم مجموع داده ها بر تعداد داده ها میانگین حاصل می شود.

$$\frac{\text{مجموع داده ها}}{\text{تعداد داده ها}} = \text{میانگین} \Rightarrow \bar{X} = \frac{s}{n}$$

**مثال :** میانگین داده های زیر را به دست آورید :

$$-4, 10, 13, -18, 8, 15 \Rightarrow \bar{X} = \frac{s}{n} = \frac{-4+10+13-18+8+15}{6} = \frac{24}{6} = 4$$

**مثال :** (الف) میانگین ۵ درس ۱۷/۵ شده است مجموع نمرات چند است.

$$\bar{X} = \frac{s}{n} \Rightarrow 17/5 = \frac{s}{5} \Rightarrow s = 17/5 \times 5 = 87/5$$

(ب) میانگین ۱۴ و مجموع نمرات ۱۶۸ شده است. تعداد درس ها چند است.

$$\bar{X} = \frac{s}{n} \Rightarrow 14 = \frac{168}{n} \Rightarrow n = \frac{168}{14} = 12$$

## آمار و احتمال

**نکته:** میانگین جدول فراوانی از رابطه‌ی زیر حاصل می‌شود:

$$\text{میانگین} = \frac{\text{مجموع ستون} (\text{مرکز} \times \text{فراوانی})}{\text{مجموع ستون فراوانی}}$$

**جدول فراوانی:** اگر تعداد داده‌های آماری زیاد باشد از جدول آماری استفاده می‌شود که شامل قسمت‌های زیر است:

(۱) حدود دسته: از کمترین داده تا بیشترین داده تقسیم بندی می‌شود.

(۲) فراوانی: به تعداد داده‌های هر دسته فراوانی می‌گویند.

(۳) خط نشان: به تعداد فراوانی هر دسته خط می‌کشیم. (در دسته‌های ۵ تایی)

(۴) مرکز (متوسط) دسته: دو عدد دسته جمع و حاصل را بر عدد ۲ تقسیم می‌کنیم.

(۵) مرکز × فراوانی: اعداد مرکز و فراوانی هر دسته را در هم ضرب می‌کنیم.

**مثال:** نمرات ریاضی تعدادی از دانش آموزان به صورت زیر است:

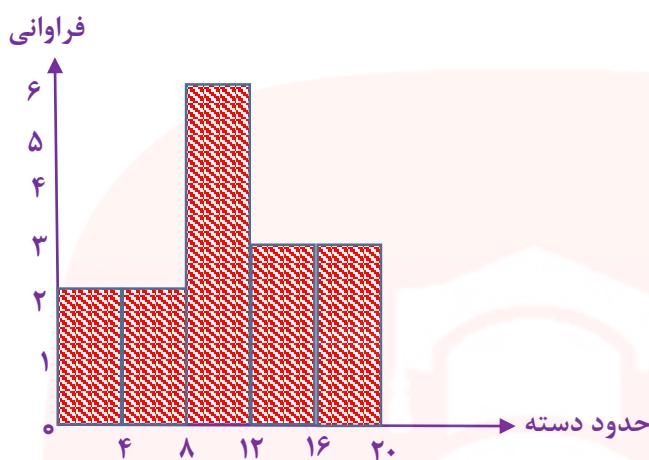
۹, ۸, ۶/۵, ۸, ۷/۲۵, ۳/۵, ۱۸/۵, ۱۴/۲۵, ۲/۷۵, ۱۰, ۱۱, ۱۱, ۱۹, ۱۷/۲۵, ۱۳/۵

الف) جدول فراوانی داده شده را کامل کنید. و میانگین نمرات را با استفاده از جدول به دست آورید.

حدود دسته	فراوانی	خط نشان	مرکز دسته	فراوانی × مرکز
$0 \leq x < 4$	۲	//	$\frac{0+4}{2} = 2$	$2 \times 2 = 4$
$4 \leq x < 8$	۶	////	$\frac{4+8}{2} = 6$	$6 \times 6 = 36$
$8 \leq x < 12$	۱۰	/	$\frac{8+12}{2} = 10$	$10 \times 10 = 100$
$12 \leq x < 16$	۱۴	///	$\frac{12+16}{2} = 14$	$14 \times 14 = 196$
$16 \leq x \leq 20$	۱۸	///	$\frac{16+20}{2} = 18$	$18 \times 18 = 324$
جمع	۱۶	_____	_____	۱۷۲

$$\text{میانگین} = \frac{172}{16} \approx 10.75$$

## آمار و احتمال



ب) نمودار ستونی نمرات ریاضی را رسم کنید.

**احتمال یا اندازه گیری شناس:** احتمال رخ دادن هر اتفاق از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید :

$$\text{احتمال} = \frac{\text{تعداد حالت‌های مطلوب}}{\text{تعداد کل حالت‌ها}}$$

**نکته:** احتمالی که رخ دادن آن غیر ممکن باشد با عدد صفر نشان می‌دهند.

**نکته:** احتمال ممکن را با عدد کسری بین صفر تا یک نشان می‌دهند.

**نکته:** احتمال حتمی را با عدد یک نشان می‌دهند.

**مثال:** در پرتاب یک تاس احتمال‌های زیر را به دست آورید.  $6 = \text{کل حالت‌ها} \Rightarrow \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} = \text{اعداد تاس}$

الف) احتمال آمدن عدد زوج مضرب ۳ :  $\frac{1}{6} = \text{احتمال} \Rightarrow 1 = \text{حالت مطلوب} \Rightarrow \{6\} = \text{اعداد زوج مضرب } 3$

ب) احتمال آمدن اعداد کوچکتر مساوی ۴ :  $\frac{4}{6} = \text{احتمال} \Rightarrow 4 = \text{حالت مطلوب} \Rightarrow \{1, 2, 3, 4\} = \text{اعداد کوچکتر مساوی } 4$

ج) احتمال آمدن اعداد اول :  $\frac{3}{6} = \text{احتمال} \Rightarrow 3 = \text{حالت مطلوب} \Rightarrow \{2, 3, 5\} = \text{اعداد اول}$

**مثال:** در یک کیسه ۴ مهره قرمز، ۲ مهره زرد و ۳ مهره سفید است. یک مهره را تصادفاً بیرون می‌آوریم :

کل حالت‌ها  $= 4 + 2 + 3 = 9$

الف) احتمال بیرون آمدن مهره قرمز :  $\frac{4}{9} = \text{احتمال} \Rightarrow 4 = \text{حالت مطلوب}$

ب) احتمال بیرون نیامدن مهره سفید :  $\frac{6}{9} = \text{احتمال} \Rightarrow 6 = \frac{2}{3} = \text{حالت مطلوب}$

## آمار و احتمال

**نکته:** مجموع احتمال‌ها در یک مسئله همواره عدد یک است.  $1 = \text{احتمال رخ ندادن} + \text{احتمال رخ دادن}$

**مثال:** احتمال آمدن رنگ سبز در یک چرخنده  $\frac{3}{10}$  است. احتمال نیامدن رنگ سبز چند است.

$$1 - \frac{3}{10} = \frac{7}{10} = \text{احتمال رخ ندادن} \Rightarrow \text{احتمال رخ دادن} = 1 - \text{احتمال رخ ندادن}$$

**حالات ممکن در یک پیشامد:** برای به دست آوردن کل حالات ممکن را می‌توان از جدول نظام دار یا نمودار درختی استفاده کرد.

**مثال:** یک سکه و یک تاس را با هم پرتاپ می‌کنیم. تمام حالات ممکن را به روش جدول نظام دار و نمودار درختی به دست آورید.

(جدول نظام دار)

تاس	۱	۲	۳	۴	۵	۶
سکه	رو	رو	رو	رو	رو	رو
پشت	۱-پشت	۲-پشت	۳-پشت	۴-پشت	۵-پشت	۶-پشت

