

نام خانوادگی :

نام پدر :

سوالات امتحان داخلی درس : ریاضی و آمار (۱)

مدت امتحان : ۱۰۰ دقیقه

نام دیپر :

تعداد کل سوالات : ۱۱ صفحه : (۱)

نوبت : اویل دی ماه

نام کلاس : ده انسانی ۲۱

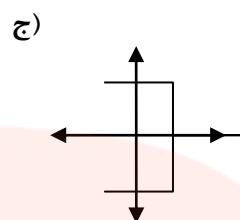
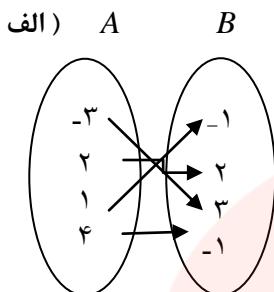
قطع و نام کشاورزیان

ردیف	شرح سوال	بارم
۱	عبارت زیر را به صورت یک معادله نوشته و سپس آن را حل کنید. عددی را بیابید که دو برابر آن بعلاوه عدد یک، برابر است با پنج برابر آن عدد منهای چهار می باشد.	۱
۲	معادلات زیر را به روش های خواسته شده حل کنید. ۱) $16x^3 - 1 = 0$ (الف) ۲) $2x^3 - 3x - 2 = 0$ (ب) ۳) $x^3 + 6x + 9 = 0$ (ج)	۱/۲۵ ۱/۲۵
۳	معادله درجه دومی را بنویسید که $x = 2$ و $x = -3$ جواب های آن باشد.	۱
۴	مساحت مثلث و مستطیل در شکل زیر مساوی اند، طول و عرض این مستطیل چقدر است؟	۱/۵
		
۵	معادله‌ی مقابل را حل کنید.	۱
۶	مقدار m را طوری بیابید که معادله $mx^2 + 4x + 1 = 0$ دارای ریشه مضاعف باشد.	۱
۷	اگر رابطه زیر یک تابع باشد، در این صورت حاصل $m+n$ را به دست آورید. $f = \{(0, 2n-3), (5, -4), (-1, m+1), (0, -n), (-1, 3m), (6, 2)\}$	۲

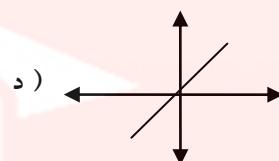
نمره ورقه :	با عدد	نمره تجدید نظر :	با عدد	نام و نام خانوادگی دیپر	تاریخ و امضاء	نام و نام خانوادگی دیپر	تاریخ و امضاء
	با حروف		با حروف				

۴

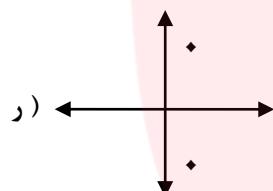
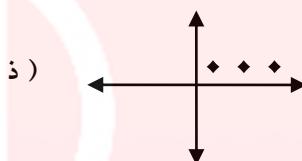
با توجه به تعریف تابع ، کدام یک از موارد زیر یک تابع است؟



(ب) $j = \{(-2, 1), (4, 2), (0, 5), (4, -3)\}$



(پ) $k = \{(3, 2)\}$



ز) رابطه ای که به هر فرد ، روز تولد او را نسبت می دهد.

۲

برد تابع مقابل را با توجه به دامنه داده شده محاسبه کنید و سپس زوج مرتب و نمودار پیکانی آن را نمایش دهید .

$$f: A \rightarrow B \quad A = \{-3, -1, 1\}$$

$$f(x) = x^2 + x - 1$$

۳

اگر f یک تابع خطی باشد به طوری که $f(0) = 4$ و $f(2) = -2$ ، در این صورت ضابطه تابع را مشخص کنید و نمودار آن رارسم کنید .

۱

رابطه هزینه شرکتی $C(x) = 6x - 36$ و رابطه درآمد آن برابر است با $R(x) = x^2 - 7x$ ، که در آن x نشان دهنده تعداد کالاست .

الف : تابع سود شرکت را بر حسب x حساب کنید .

ب : به ازای تولید چه تعداد کالا ، شرکت نه سود می کند نه زیان یعنی سربه سر .

* موفق و موید باشید *

نمره	پاسخ	ردیف
۱	$2x+1 = 5x-4 \Rightarrow 2x - 5x = -4 - 1 \Rightarrow -3x = -5 \Rightarrow x = \frac{5}{3}$	۱
۱۱	(الف) $14x^2 - 1 = 0 \Rightarrow (4x-1)(4x+1) = 0 \Rightarrow 4x-1=0 \Rightarrow x = \frac{1}{4}$ $4x+1=0 \Rightarrow x = -\frac{1}{4}$	۲
۱۲	$2x^2 - 3x - 5 = 0$ $\begin{cases} a=2 \\ b=-3 \\ c=-5 \end{cases}$ $\Delta = b^2 - 4ac = (-3)^2 - 4 \times 2 \times -5 = 9 + 40 = 49$ $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-(-3) \pm \sqrt{49}}{2 \times 2} = \frac{3 \pm 7}{4} = \frac{10}{4} = 2.5$ $= \frac{-7}{4} = -1.75$	۳
۱۳	E) $x^2 + 4x + 9 = 0$ $\frac{4}{2} = 2$ $(2)^2 = 4$ $x^2 + 4x + 9 - 4 - 4 = 0 \Rightarrow (x+2)^2 = 0 \Rightarrow \sqrt{(x+2)^2} = 0 \Rightarrow x = -2$	۴
۱۴	$(x-2)(x+3) = 0 \Rightarrow x^2 + 3x - 2x - 6 = 0 \Rightarrow x^2 + x - 6 = 0$	۵
۱۵	$(x+1)(x+2) = \frac{(3x+4)(2x)}{2} = 3x^2 + 2x + 3x + 2 = 3x^2 + 5x + 2$ $3x^2 + 2x + 3x + 2 - 3x^2 - 5x - 2 = 0 \Rightarrow -2x = 0 \Rightarrow x = 2$ $\begin{cases} x+1 = 2+1 = 3 \\ 2x+2 = 2 \times 2 + 2 = 6 \end{cases}$	۶
۱۶	$\frac{ye}{1+m} - \frac{xe}{1-m} \Rightarrow \frac{ye}{1+m} - \frac{xe}{1-m} = 0 \Rightarrow \frac{ye(1-m) - xe(1+m)}{(1+m)(1-m)} = 0$ $\frac{ye - ye m - xe - xe m}{(1+m)(1-m)} = 0 \Rightarrow \frac{-xe - ye m}{(1+m)(1-m)} = 0 \Rightarrow m = -e/x$	۷

$$\Delta = b^2 - 4ac \Rightarrow 4 - 4(-m)(1) = 0 \Rightarrow 14 + 4m = 0 \Rightarrow m = -\frac{7}{2}$$

۱) $\begin{cases} r_n - r = -n \Rightarrow r_n = r \Rightarrow n = 1 \\ m+1 = rm \Rightarrow m = \frac{1}{r} \end{cases} \Rightarrow m+n = \frac{1}{r} + 1 = \frac{r+1}{r}$

تابع هست (الف) تابع هست (ب) تابع هست (ج) تابع هست (د)
تابع نیست (ا) تابع نیست (ب) تابع نیست (ج) تابع نیست (د)

$$f: A \rightarrow B$$

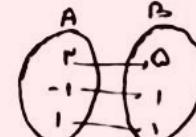
$$f(x) = x^2 + x - 1$$

x	-3	-1	1
y	5	1	1

۲) $x = -3 \rightarrow (-3)^2 - 3 - 1 = 9 - 3 - 1 = 5$

$x = -1 \rightarrow (-1)^2 + 1 - 1 = 1$ نوع هست : $(-3, 5), (-1, 1), (1, 1)$

$x = 1 \rightarrow (1)^2 + 1 - 1 = 1$ محدود است :



$f(2) = -2 \rightarrow A(2, -2)$

$f(0) = 0 \rightarrow B(0, 0)$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - (-2)}{0 - 2} = \frac{2}{-2} = -1$$

$$y = mx + b$$

$$0 = 0x - 2 + b \Rightarrow b = 2$$



مود = $m \bar{x} - b$ هزینه

قطعه خط

$$= x^2 - 2x - 4x + 4 = x^2 - 6x + 4$$

مجموع

۳)

$$(x-9)(x-4) = 0 \Rightarrow \Delta \Rightarrow x = \begin{cases} 9 \\ 4 \end{cases}$$